



المملكة العربية السعودية  
وزارة التعليم  
جامعة أم القرى  
كلية التربية  
قسم المناهج وطرق التدريس

**رياضيات المرحلة الابتدائية في المملكة العربية السعودية وجمهورية  
سنغافورة في ضوء معايير المحتوى  
(دراسة مقارنة)**

إعداد الباحث  
أحمد بن علي معيض الغامدي

إشراف الدكتور  
عباس بن حسن غندورة

مطلب مكمل للحصول على درجة الماجستير  
في مناهج وطرق تدريس الرياضيات

١٤٣٨/١٤٣٩ هـ

بِسْمِ اللَّهِ الرَّحْمَنِ الرَّحِيمِ

## ملخص الدراسة

**هتوان الدراسة:** رياضيات المرحلة الابتدائية في المملكة العربية السعودية وجمهورية سنغافورة في ضوء معايير المحتوى (دراسة مقارنة) . هدفت الدراسة إلى مقارنة كل من محتوى الرياضيات للصف السادس الابتدائي في المملكة العربية السعودية وجمهورية سنغافورة في ضوء معايير المحتوى للمجلس القومي لمعلمي الرياضيات (NCTM,2000) ، والتعرف على الموضوعات المعالجة في كلا المحتوين ، والتشابه والاختلاف في موضوعات المحتوى التي تم معالجتها في كلا البلدين من خلال الإجابة عن تساؤلات الدراسة التالية :

ما الموضوعات التي عالجها محتوى كتابي الرياضيات للصف السادس الابتدائي في المملكة العربية السعودية في ضوء مصفوفة المدى والتتابع ؟ ، ما الموضوعات التي عالجها محتوى كتابي الرياضيات للصف السادس الابتدائي في جمهورية سنغافورة في ضوء مصفوفة المدى والتتابع ؟ ما أوجه الشبه والاختلاف بين الموضوعات التي تم معالجتها في محتوى كتابي الرياضيات في المملكة العربية السعودية وجمهورية سنغافورة في ضوء مصفوفة المدى والتتابع ؟، إلى أي درجة يتفق محتوى كتاب الرياضيات للصف السادس الابتدائي في كل من المملكة العربية السعودية و جمهورية سنغافورة مع معايير المحتوى (NCTM, 2000) ؟

وقد استخدم الباحث المنهج الوصفي التحليلي ، حيث قام بتحليل جميع الموضوعات في محتوى كتب الرياضيات للصف السادس الابتدائي في كلاً من المملكة العربية السعودية وجمهورية سنغافورة من خلال بطاقتي تحليل المحتوى كأداة للدراسة، والتي تم بناؤها في- ضوء معايير ( NCTM,2000)، وكذلك التحقق من صدقها وثباتها. وقد أظهرت الدراسة النتائج التالية:

يوجد تفاوت في الأوزان النسبية للموضوعات الرياضية المعالجة في محتوى كتب الرياضيات للصف السادس الابتدائي في كل من المملكة العربية السعودية وجمهورية سنغافورة ، حيث كانت في محتوى كتاب المملكة العربية السعودية تتراوح بين ٩.٤٧٪ لمجالات الهندسة والقياس والاحصاء والاحتمالات و ١٢.٦٣٪ و ٢٥.٢٦٪ لمجال الجبر و حل المسألة والتبرير الرياضي فيما كانت ٣٣.٨٦٪ لمجال الأعداد والعمليات عليها كأعلى نسبة. فيما كانت تتراوح في محتوى كتب جمهورية سنغافورة بين ٤.٣٠٪ لمجال حل المسألة والتبرير الرياضي و ٨.٦٠٪ لمجال القياس و ٩.٦٨٪ لمجال الهندسة و ١٨.٢٨٪ لمجال الاحصاء والاحتمالات و ٢٤.٧٣٪ لمجال الجبر و ٣٤.٤٩٪ لمجال الأعداد والعمليات عليها .

بالنسبة لمعايير الأعداد والعمليات عليها لوحظ وجود اختلاف من معيار إلى آخر حيث تراوحت النسبة المئوية لهذه المعايير بين (٢١.١٣٪ - ٤٥.١٠٪) في محتوى الكتب في المملكة العربية السعودية ، وتراوحت بنسب مئوية ما بين (٢١.٩٣٪ - ٤٣.٩٧٪) في محتوى الكتب في جمهورية سنغافورة. وأظهرت النتائج وجود فروق ذات دلالة إحصائية عند مستوى الدلالة ( $\alpha \leq 0.05$ ) بين التكرارات لصالح محتوى الكتب في جمهورية سنغافورة .

بالنسبة لمعايير الجبر لوحظ وجود اختلاف من معيار إلى آخر حيث تراوحت النسبة المئوية لهذه المعايير بين (١.٤٧٪ - ٧٧.٣٩٪) في محتوى الكتب في المملكة العربية السعودية ، وتراوحت بنسب مئوية ما بين (٢.٤٣٪ - ٦٥.٥٦٪) في محتوى الكتب في جمهورية سنغافورة . وأظهرت النتائج وجود فروق ذات دلالة إحصائية عند مستوى الدلالة ( $\alpha \leq 0.05$ ) بين التكرارات لصالح محتوى الكتب في جمهورية سنغافورة .

بالنسبة لمعايير الهندسة لوحظ وجود اختلاف من معيار إلى آخر حيث تراوحت النسبة المئوية لهذه المعايير بين (٠٪ - ٦٠.٩٠٪) في محتوى الكتب في المملكة العربية السعودية ، وتراوحت بنسب مئوية ما بين (٦.٨٦٪ - ٤١.٤٦٪) في محتوى الكتب في جمهورية سنغافورة. وأظهرت النتائج وجود فروق ذات دلالة إحصائية عند مستوى الدلالة ( $\alpha \leq 0.05$ ) بين التكرارات لصالح محتوى الكتب في جمهورية سنغافورة .

بالنسبة لمعايير القياس ووجود اختلاف بين المعيارين حيث تراوحت النسبة المئوية لهذين المعيارين بين (٣٩.٩٧٪ - ٦٠.٢٪) في محتوى الكتب في المملكة العربية السعودية ، وتراوحت بنسب مئوية ما بين (٤٢.٦٣٪ - ٥٧.٣٧٪) في محتوى الكتب في جمهورية سنغافورة . وأظهرت النتائج وجود فروق ذات دلالة إحصائية عند مستوى الدلالة ( $\alpha \leq 0.05$ ) بين التكرارات لصالح محتوى الكتب في جمهورية سنغافورة .

بالنسبة لمعايير الإحصاء والاحتمالات وجود اختلاف بين المعايير حيث تراوحت النسبة المئوية لهذه المعيار بين (٠٪ - ٤٠.٦١٪) في محتوى الكتب في المملكة العربية السعودية ، وتراوحت بنسب مئوية ما بين (١٠٠٪ - ٠٪) في محتوى الكتب في جمهورية سنغافورة . وأظهرت النتائج وجود فروق ذات دلالة إحصائية عند مستوى الدلالة ( $\alpha \leq 0.05$ ) بين التكرارات لصالح محتوى الكتب في المملكة العربية السعودية . وفي ضوء النتائج السابقة فإن الباحث يوصي بما يلي:

ضرورة مراعاة مطوري المناهج في المملكة العربية السعودية لمصفوفة المدى والتتابع لمحتوى الرياضيات والوزن النسبي للمجالات الرياضية الواردة في محتوى كتب الرياضيات، ضرورة مراعاة مطوري المناهج في المملكة العربية السعودية كمية المحتوى المضمن في كتاب الرياضيات للصف السادس الابتدائي . ، زيادة اهتمام واضعي المناهج في المملكة العربية السعودية بمعايير المحتوى عند تطوير مناهج الرياضيات وتفعيلها بشكل أفضل . ، التركيز على الانطلاق من المعايير التي تحقق الجودة في المحتوى كماً وكيفاً

### الكلمات المفتاحية:

رياضيات المرحلة الابتدائية في المملكة العربية السعودية، المحتوى، معايير المحتوى، رياضيات المرحلة الابتدائية في جمهورية سنغافورة ، دراسة مقارنة.

## Abstract

This study aimed at comparing the content of Saudi and Singaporean math books for 6 grade in the light of standard mathematical content, according to National Council of Mathematics Teachers standards (NCTM, 2000), the researcher has identified a problem with the following questions:

- What mathematical topics in Saudi mathematics textbooks for grade 6 in the light of the Scope and Sequence Matrix ?
- What mathematical topics in Singaporean mathematics textbooks for grade 6 in the light of the Scope and Sequence Matrix ?
- What are similarities and differences between the presented topics in content of math books Saudi and Singaporean in the light of the Scope and Sequence Matrix ?
- To which extent does the content of Saudi and Singaporean books agreed with mathematical content standards (NCTM,2000)?

The researcher adopted the descriptive method, where the researcher analyze the included subjects in the content of all Saudi and Singaporean math books to 6 grade through content analytical card as a study tool, which has built according to (NCTM,2000) criterions, and Scope and Sequence Matrix and check its validity and reliability, the researcher used frequencies, percentages and the chi squares as a statistical Processors, and the study showed the following results:

- There is variation in the proportional weights of mathematical subjects which offered in the Saudi and Singaporean books content, where proportional weights content in Saudi books' ranging from (9.47%) to Geometry, Data Analysis and Probability, measurement fields and (33.86%) numbers and operations field, while it was between (4.30%) to solve problems field and,(34.41%) to numbers and operations field, while the variation in proportional weights to the rest of other mathematical fields.

- There is a variation in mathematical numbers and operations standards with its standards from one standard to another, the percentages of this standards ranging between (21.13% -45.10% )in the content of Saudi books, while percentages ranged between (21.93 % - 43.97% ) in the content of Singaporean books the results showed a statically significant differences at the level of significant ( $\alpha \leq 0.05$ )between standards frequencies to mathematical numbers and operations standards for Singaporean's books.

There is a variation in Algebra standards with its standards from one standard to another, the percentages of this standards ranging between (1.47%-77.39% )in the content of Saudi books, while percentages ranged between (2.43%-65.56% ) in the content of Singaporean books the results showed a statically significant differences at the level of significant ( $\alpha \leq 0.05$ )between standards frequencies to Algebra standards for Singaporean's books.

There is a variation in Geometry standards with its standards from one standard to another, the percentages of this standards ranging between (0%-60.90%) in the content of Saudi books, while percentages ranged between (6.86%-41.46% )in the content of Singaporean books the results showed a statically significant differences at the level of significant ( $\alpha \leq 0.05$ )between standards frequencies to Geometry standards for Singaporean's books.

There is a variation in Measurement standards with its standards from one standard to another, the percentages of this standards ranging between (39.97%-60.2% )in the content of Saudi books, while percentages ranged between (42.63%-57.37% )in the content of Singaporean books the results showed a statically significant differences at the level of significant ( $\alpha \leq 0.05$ )between standards frequencies to Measurement standards for Singaporean's books.

There is a variation in Data Analysis and Probability standards with its three standards from one standard to another, the percentages of this standards ranging between (0%-40.61%) in the content of Saudi books, while percentages ranged between (0%-100% ) in the content of Singaporean books the results showed a statically significant differences at the level of significant ( $\alpha \leq 0.05$ )between standards frequencies to Data Analysis and Probability standards for Saudi's books.

In the light of previous results the researcher recommends the following:

- It is important for curriculum designers in Saudi Arabia to take more care of standards of content .
- It is important for curriculum designers in Saudi Arabia to take more care of topic's scope and sequence of content .
- The necessity of curriculum designers in Saudi Arabia to take more care of quantity of the content included in the mathematics textbook for the sixth grade primary.
- Concentrate on the content standards to achieve quality in the content both quantitatively and qualitatively .

**Key words:** Primary Mathematics in Saudi Arabia ,content ,Standards of content , Primary Mathematics in Singapore , A comparative study

## شكر وتقدير

الحمد لله رب العالمين، والصلاة والسلام على خاتم الأنبياء والمرسلين وعلى آله وصحبه ومن تبعه بإحسان إلى يوم الدين، القائل: " من لا يشكر الناس لا يشكر الله " (سنن الترمذي). وبعد:

فأما وقد أنهيت هذه الدراسة فإنني أجد من الواجب أن أسند الفضل إلى أهله وفاءً وعرفاناً، وأن أتقدم بوافر الشكر والتقدير لجامعة أم القرى ممثلة في مدير الجامعة معالي الدكتور بكري بن معتوق عساس التي أتاحت لي فرصة الالتحاق بالدراسات العليا، وإلى كليتي الرحبة بكل ما هو جميل، كلية التربية ممثلة في عميدها سعادة الدكتور: على بن مصلح المطرفي، وسعادة وكيل كلية التربية للدراسات العليا والبحث العلمي الدكتور/ دخيل الله بن محمد الدهماني، وسعادة رئيس قسم المناهج وطرق التدريس الدكتور: خالد بن خاطر العبيدي، وجميع أساتذتي وأعضاء هيئة التدريس بقسم المناهج وطرق التدريس، الذين لم ييخلوا في تقديم كل عون لي منذ التحاقني بهذا الصرح العلمي العظيم.

كما أحص بالشكر إلى من وسعني برحابة صدره، وغزارة علمه، إلى من أسدى إلي نصائحه، وشملي بتوجيهاته وتعاونه، وتابع هذا العمل إلى أن وصلنا سوياً إلى هذا المخرج المشرف على هذه الرسالة سعادة الدكتور: عباس حسن غندورة.

كما أتوجه بالشكر لأصحاب السعادة المناقشين سعادة الاستاذ الدكتور: عوض بن صالح المالكي، وسعادة الدكتور: إبراهيم بن سليم الحربي وأمتن لهما تغلبهم على مشاغلهم، وأشكرهم على ما سيقدمونه من توجيهات تساعد الباحث على إخراج هذا العمل بالصورة اللائقة.

كما أتوجه بالشكر إلى جميع السادة محكمي أداة الدراسة من أعضاء هيئة التدريس، وإلى كل باحث استفدت منه في تدعيم هذه الدراسة، وإلى كل من قدم لي العون من زملائي الدارسين حتى خرجت هذه الدراسة في شكلها النهائي. كما لا أنسى أن أشكر سعادة الدكتور: نبيل السيد محمد أمين مجلس القسم على تزويدنا بالإجراءات البحثية وتوجيهنا دوماً لما فيه مصلحة الطالب، ومساعدتنا في تيسير الإجراءات الأكاديمية.

وفي الختام أرجو من الله -تعالى- أن يكون لهذا الجهد المتواضع فائدة مرجوة ونفع يتحقق، وأن يجعله خالصاً لوجهه الكريم.

وآخر دعوانا أن الحمد لله رب العالمين .

## الباحث

## الإهداء

إلى من مهدا لي طريق العلم بعد الله ..

إلى من ذللا لي الصعاب بدعواتهما الصالحة ..

إلى من وقفنا بجانبني وكان لهما الفضل بعد الله فيما وصلت إليه..

إلى والديّ -أمد الله في عمرهما ورزقني برهما ورضاهما .

إلى من مدوا يد العون لي ولم يبخلوا بنصح أو توجيه أو تحفيز ... إخوتي الغاليين وأخواتي الغاليات..

إلى من صبرت وعاشت مشواري .... زوجتي .

إلى أقاربي وأصدقائي الكرام ..

إلى جامعة أم القرى وأساتذتها الكرام وإلى كل باحث ..

إليكم جميعًا أهدي هذا الجهد المتواضع ..

وأسأل الله -جلّ جلاله أن يجعل هذا العمل شاهدًا لي لا علي .

## الباحث

## قائمة المحتويات

رقم الصفحة	الموضوع
ب	البسملة
ج	مستخلص الدراسة (باللغة العربية)
د	<b>Abstract</b>
ج	شكر وتقدير
د	إهداء
هـ	قائمة المحتويات
ح	قائمة الجداول
ي	قائمة الأشكال
ك	قائمة الملاحق
<b>الفصل الأول: الفصل الأول: مشكلة الدراسة وأبعادها</b>	
٢	مقدمة
٣	مشكلة الدراسة
٤	أسئلة الدراسة
٤	أهداف الدراسة
٥	أهمية الدراسة
٧	حدود الدراسة
٧	مصطلحات الدراسة
<b>الفصل الثاني: الإطار النظري والدراسات السابقة</b>	
<b>الإطار النظري</b>	
١٠	<b>المبحث الأول: رياضيات المرحلة الابتدائية في المملكة العربية السعودية</b>
١٠	الرياضيات المطورة في المملكة العربية السعودية:

١١	النظرية البنائية
١٢	أهداف تدريس الرياضيات في الصف السادس الابتدائي بالمملكة العربية السعودية
١٢	مصفوفة المدى والتتابع للصفوف ٤-٦ لمادة الرياضيات في المملكة العربية السعودية
١٩	الوحدات والمواضيع التي تم معالجتها في كتب الرياضيات في المملكة العربية السعودية للصف السادس الابتدائي
٢٥	<b>المبحث الثاني : رياضيات المرحلة الابتدائية في جمهورية سنغافورة</b>
٢٥	الأهداف العامة لتعليم الرياضيات في جمهورية سنغافورة
٢٦	أهداف تدريس الرياضيات في الصف السادس الابتدائي في جمهورية سنغافورة
٢٧	بنية الرياضيات في جمهورية سنغافورة
٢٨	مصفوفة المدى والتتابع للصفوف ٤-٦ لمادة الرياضيات في جمهورية سنغافورة
٣٩	الوحدات والمواضيع التي تم معالجتها في كتب الرياضيات في جمهورية سنغافورة للصف السادس الابتدائي
٤٠	<b>المبحث الثالث : المحتوى</b>
٤٠	مفهوم المحتوى
٤١	معايير اختيار المحتوى
٤٢	بناء محتوى الرياضيات
٤٦	عناصر البنية الرياضية
٥٥	تنظيم محتوى الرياضيات
٥٥	معايير المجلس القومي لمعلمي الرياضيات NCTM2000
٦٠	<b>الدراسات السابقة</b>
٦٠	أولاً: دراسات اهتمت بتحليل محتوى كتب الرياضيات المطورة في المملكة العربية السعودية
٦١	ثانياً: دراسات اهتمت بمقارنة مناهج الرياضيات في المملكة العربية السعودية مع مناهج الدول المختلفة
٦٣	ثالثاً: دراسات اهتمت بمقارنة مناهج الرياضيات في الدول العربية والأجنبية
٧٠	أوجه التشابه والاختلاف بين الدراسات السابقة والدراسة الحالية.
٧٠	ما يميز الدراسة الحالية من الدراسات السابقة.
٧٠	أوجه الاستفادة من الدراسات السابقة.

<b>الفصل الثالث : منهجية واجراءات الدراسة</b>	
٧٢	منهج الدراسة
٧٢	مجتمع وعينة الدراسة
٧٣	عينة الدراسة
٧٣	أداة الدراسة
٧٣	خطوات بناء أداة الدراسة
٨٣	المعالجة والأساليب الإحصائية المستخدمة
<b>الفصل الرابع : نتائج الدراسة ومناقشتها</b>	
٨٥	إجابة السؤال الأول
٨٦	إجابة السؤال الثاني
٨٨	إجابة السؤال الثاني
٩٦	إجابة السؤال الرابع
<b>الفصل الخامس</b>	
<b>ملخص النتائج والتوصيات</b>	
١١١	ملخص النتائج
١١٢	التوصيات و المقترحات
<b>المراجع</b>	
١١٥	المراجع العربية
١٢١	المراجع الاجنبية

## قائمة الجداول

الصفحة	الجدول
١٥	جدول (١) مصفوفة المدى والتتابع لمحتوى الرياضيات للمرحلة الابتدائية العليا (٤-٦) في المملكة العربية السعودية
٢٢	جدول (٢) وحدات ومواضيع كتاب الصف السادس في المملكة العربية السعودية الفصل الاول
٢٣	جدول (٣) وحدات ومواضيع كتاب الصف السادس في المملكة العربية السعودية الفصل الثاني
٣٢	جدول (٤) مصفوفة المدى والتتابع لمحتوى الرياضيات للمرحلة الابتدائية العليا (٤-٦) في جمهورية سنغافورة
٣٩	جدول (٥) وحدات ومواضيع كتاب الصف السادس في جمهورية سنغافورة الفصل الاول
٣٩	جدول (٦) وحدات ومواضيع كتاب الصف السادس في جمهورية سنغافورة الفصل الثاني
٧٧	جدول (٧) نماذج من تعديلات المحكمين على صياغة عبارات بطاقة تحليل المحتوى
٧٩	جدول (٨) معاملات الاتفاق (الثبات) للاداة
٨١	جدول (٩) عدد فقرات محتوى كتاب الرياضيات للصف السادس في المملكة العربية السعودية
٨١	جدول (١٠) عدد فقرات محتوى كتاب الرياضيات للصف السادس في جمهورية سنغافورة
٨٥	جدول (١١) الموضوعات التي تم معالجتها في كتاب الرياضيات للصف السادس الابتدائي في المملكة العربية السعودية وفق مصفوفة المدى والتتابع
٨٧	جدول (١٢) الموضوعات التي عالجها محتوى كتاب الرياضيات للصف السادس الابتدائي في جمهورية سنغافورة وفق مصفوفة المدى والتتابع
٨٨	جدول (١٣) الموضوعات التي تم معالجتها في كتب الرياضيات للصف السادس الابتدائي في المملكة العربية السعودية وجمهورية سنغافورة وفق مصفوفة المدى والتتابع
٩٠	جدول (١٤) التشابه والاختلاف بين الموضوعات المعالجة لمجال الاعداد والعمليات عليها
٩١	جدول (١٥) التشابه والاختلاف بين الموضوعات المعالجة لمجال الجبر
٩٢	جدول (١٦) التشابه والاختلاف بين الموضوعات المعالجة لمجال الهندسة

٩٣	جدول (١٧) التشابه والاختلاف بين الموضوعات المعالجة لمجال القياس
٩٤	جدول (١٨) التشابه والاختلاف بين الموضوعات المعالجة لمجال الاحصاء والاحتمالات
٩٥	جدول (١٩) التشابه والاختلاف بين الموضوعات المعالجة لمجال حل المسألة والتبرير الرياضي
٩٦	جدول (٢٠) التكرارات والنسب المئوية ومربعات كاي لمعايير الأعداد والعمليات عليها لمحتوى كتاب الرياضيات للصف السادس في كلاً من المملكة العربية السعودية وجمهورية سنغافورة
٩٩	جدول (٢١) التكرارات والنسب المئوية ومربعات كاي لمعايير الجبر لمحتوى كتاب الرياضيات للصف السادس في كلاً من المملكة العربية السعودية وجمهورية سنغافورة
١٠١	جدول (٢٢) التكرارات والنسب المئوية ومربعات كاي لمعايير الهندسة لمحتوى كتاب الرياضيات للصف السادس في كلاً من المملكة العربية السعودية وجمهورية سنغافورة
١٠٤	جدول (٢٣) التكرارات والنسب المئوية ومربعات كاي لمعايير القياس لمحتوى كتاب الرياضيات للصف السادس في كلاً من المملكة العربية السعودية وجمهورية سنغافورة
١٠٦	جدول (٢٤) التكرارات والنسب المئوية ومربعات كاي لمعايير الاحصاء والاحتمالات لمحتوى كتاب الرياضيات للصف السادس في كلاً من المملكة العربية السعودية وجمهورية سنغافورة
١٠٨	جدول (٢٥) التكرارات والنسب المئوية ومربعات كاي لمعايير محتوى للمجالات كافة في كتاب الرياضيات للصف السادس في كلاً من المملكة العربية السعودية وجمهورية سنغافورة

## قائمة الأشكال

الصفحة	الشكل
٢٧	شكل (١) بنية الرياضيات في جمهورية سنغافورة
٤٨	شكل (٢) هرم البنية الرياضية
٨٦	شكل (٣) الوزن النسبي للمجالات الرياضية طبقاً للموضوعات التي تم معالجتها في مصفوفة المدى والتتابع في محتوى كتاب الرياضيات للصف السادس في المملكة العربية السعودية.
٨٧	شكل (٤) الوزن النسبي للمجالات الرياضية طبقاً للموضوعات التي تم معالجتها في مصفوفة المدى والتتابع في محتوى كتاب الرياضيات للصف السادس في جمهورية سنغافورة
٨٩	شكل (٥) الأوزان النسبية للمجالات الرياضية في محتوى كتاب الرياضيات للصف السادس الابتدائي في كلاً من المملكة العربية السعودية وجمهورية سنغافورة في ضوء مصفوفة المدى والتتابع

## قائمة الملاحق

الصفحة	الملحق
١٢٤	ملحق (١) أداة الدراسة في نسختها الأولية
١٥٨	ملحق (٢) قائمة بأسماء محكمي أداة الدراسة
١٦٠	ملحق (٣) أداة الدراسة في نسختها النهائية
١٧٦	ملحق (٤) خطاب مركز الملك فيصل للبحوث
١٧٨	ملحق (٥) معايير الاعداد والعمليات عليها
١٨٠	ملحق (٦) معايير الجبر
١٨٢	ملحق (٧) معايير الهندسة
١٨٤	ملحق (٨) معايير القياس
١٨٦	ملحق (٩) معايير الاحصاء والاحتمالات
١٨٨	ملحق (١٠) التكرارات والنسب المئوية لمعايير المحتوى لكتاب الرياضيات للصف السادس الابتدائي في المملكة العربية السعودية وجمهورية سنغافورة .
١٩٩	ملحق (١١) نماذج وشواهد .

## الفصل الأول : مشكلة الدراسة وأبعادها

- مقدمة .
- مشكلة الدراسة.
- أسئلة الدراسة.
- أهداف الدراسة.
- أهمية الدراسة.
- حدود الدراسة.
- مصطلحات الدراسة.

## الفصل الأول

### مشكلة الدراسة وأبعادها

#### المقدمة :

ظلّ الإنسان يتطور ويستحدث ما يحقق له مصالحه ويقوم على تحقيق تطلعاته وحل مشكلاته التي تعترضه في كافة مجالات الحياة جيلاً بعد جيل . ويلاحظ أن العملية التعليمية والتربوية تطورت كثيراً عما كانت عليه في السابق حالها حال كافة المجالات والجوانب الحياتية الأخرى .

تشكل التربية دوراً محورياً في حياة الإنسان ، وإعداده لمواجهة التحديات والتغيرات التي تعصف به، ودوره المنوط به في التكيف مع بيئته وقيادة التغيير ، والتطوير حضارياً وثقافياً في شتى ميادين الحياة.

ولعلّ ما نعيشه الآن في عصر التقدم العلمي والتكنولوجي الذي من سماته التغير السريع في جميع جوانب الحياة ، وعصر الانفجار المعرفي ، كل ذلك يؤدي إلى تطوير المناهج ، وذلك لأن المعرفة تمثل ركناً مهماً من أركان المنهج. ( الوكيل؛ المفتي، ٢٠٠ )

وإن كان للمناهج وتطويرها - بصفة عامة - دور مهم في تطوير الحياة والإنسانية فإن لمنهج الرياضيات أهمية خاصة في تطوير تلك الحياة ؛ لما لها من علاقة وثيقة بحياتنا العلمية ، ودعم أساسي للفرد والمجتمع على حد سواء.

ونظراً لأن الرياضيات تحتل ركناً أساسياً في مناهج التعليم الأساسي ؛ فهي تحظى باهتمام الكثير من الباحثين، وتكتسب الرياضيات أهميتها من كونها عنصراً مهماً فيما يجري في الوقت الحاضر ، وفيما هو متوقع في المستقبل إضافة إلى كونها من المجالات الخصبة لتدريب الطلبة على أساليب تفكير سليمة وتنميتها لتلازمهم في حياتهم بما يمكنهم من حل مشكلاتهم الحياتية اليومية التي تواجههم حالياً أو في المستقبل. ( عبيد ، ٢٠٠٠ )

وتعد الدراسات المقارنة فرصة حقيقية للوقوف على نقاط الضعف والقوة للمقررات التعليمية في نظامنا التعليمي الحالي ومحاولة الارتقاء بها نحو الأنظمة التعليمية المتطورة والمتقدمة.

ويعتبر نظام التعليم في سنغافورة واحدًا من أفضل أنظمة التعليم في العالم. كما تعدّ التجربة السنغافورية في التربية والتعليم من التجارب الرائدة التي تستحق الوقوف عليها والتوقف عندها من أجل الاستفادة منها. وتكمن مهمة التربية والتعليم في تكوين وبناء الإنسان السنغافوري ، لتجعل منه عنصراً قادراً على المساهمة في تطوير مستقبل بلده. حيث تسعى وزارة التربية والتعليم إلى مساعدة الطلبة على اكتشاف مواهبهم ، واستغلال طاقاتهم بأفضل شكل ممكن ، والتعلم أكثر ، وتحقيق نتائج جيدة. كما تتوفر سنغافورة على نظام تعليمي جد متقدم ، وعلى معاهد متطورة ، ومكونين وأساتذة أكفاء ، وتجهيزات وبنية تحتية متطورة. ويوفر التعليم لجميع الطلاب فرصاً عديدة ومتنوعة لتنمية قدراتهم ومواهبهم. كما أنه يتميز بالمرونة الكافية التي تمكن الطلبة من توظيف كامل إمكاناتهم.

و قد لفت النظام التعليمي السنغافوري الأنظار ، حين نجح الطلاب السنغافوريون في بلوغ مراكز جد متقدمة في مسابقات الرياضيات العالمية ، خاصة أنهم فازوا بمسابقة (TIMSS) Trends in International Mathematics and Science Study العالمية

للرياضيات والعلوم للأعوام ١٩٩٥ ، ١٩٩٩ ، و٢٠٠٣.

لقد حفزت هذه النتائج دولاً عديدة، منها الولايات المتحدة الأمريكية لدراسة أسرار تفوق الطلاب السنغافوريين في الرياضيات للاستفادة من التجربة السنغافورية في التعليم في تصميم المناهج ، وتطوير طرق التدريس ، وإعداد الأساتذة المتمكنين الذين يسهمون في صقل المواهب وتنمية القدرات

(الملحقية الثقافية السعودية في جمهورية سنغافورة، ٢٠١٦ ، <http://www.saudicultural.org.sg>)

## مشكلة الدراسة :

تتخذ عملية تطوير المناهج بشكل عام والمحتوى الدراسي بشكلٍ خاص عدة طرق ، وتعد عملية التطوير بالمقارنة مع المناهج العالمية أحد تلك الطرق التطويرية المتبعة . وبالنظر الى نتائج الاختبارات الدولية نجد أن سنغافورة تحتل المراكز الأولى متقدمه في ذلك على جميع الدول المشاركة ومن بينها الولايات المتحدة

الامريكية وغيرها من الدول التي تمتلك برامجاً تعليمية متقدمة ، بينما لم تحقق المملكة العربية السعودية المراكز المرجوة في الاختبارات العالمية للرياضيات والعلوم TIMSS . بالإضافة إلى ضعف مستوى التحصيل الدراسي للكثير من الطلاب على اختلاف المراحل الدراسية وخاصة بالمرحلة الابتدائية حيث إن للرياضيات في المرحلة الابتدائية مكانة مهمة من بين المراحل الدراسية الأخرى ، وعليه يجب أن تخضع لتخطيط وتصميم وبناء سليم ، لما لها من دور كبير في بناء معرفة و شخصية الطالب ، خصوصاً وأنه مقبل على مراحل دراسية لاحقة . وقد أكدت النظرية البنائية للمعرفة والتعلم للعالمين بروت وفلودن التي تشير إلى " أن الأفراد يبنون فهمهم ومعارفهم الجديدة من خلال التفاعل مع ما يعرفونه ويعتقدون به من أفكار أو أنشطة مروا بها من قبل " .

وعليه صار من الأهمية النظر في تحديث المناهج الدراسية عامة والرياضيات خاصة لأن الرياضيات العلم الذي يلزم كل التخصصات العلمية الأخرى ، والرياضيات كما وصفها ديكارت بقوله: الرياضيات هي: الملكة المتوجة لجميع العلوم وخادمة الجميع. وأهمية الاطلاع على المناهج والتجارب العلمية العالمية ومقارنتها بالمناهج السعودية بُعِيّة مواكبة التطور الحاصل والنهوض بواقع التعليم الابتدائي والوصول إلى الأهداف المنشودة.

### أسئلة الدراسة :

في ضوء ما سبق يمكن تحديد مشكلة الدراسة في الأسئلة التالية:

- ١- ما الموضوعات التي عالجها محتوى كتابي الرياضيات للصف السادس الابتدائي في المملكة العربية السعودية في ضوء مصفوفة المدى والتتابع ؟
- ٢- ما الموضوعات التي عالجها محتوى كتابي الرياضيات للصف السادس الابتدائي في جمهورية سنغافورة في ضوء مصفوفة المدى والتتابع ؟
- ٣- ما أوجه الشبه والاختلاف بين الموضوعات التي تم معالجتها في محتوى كتابي الرياضيات في المملكة العربية السعودية وجمهورية سنغافورة في ضوء مصفوفة المدى والتتابع ؟
- ٤- إلى أي درجة يتفق محتوى كتاب الرياضيات للصف السادس الابتدائي في كل من المملكة العربية السعودية وجمهورية سنغافورة مع معايير المحتوى National Council of Teachers of Mathematics (NCTM, 2000) ؟

## أهداف الدراسة:

- يهدف هذا البحث إلى تحليل محتوى كتاب الرياضيات ضمن سلسلة ماجروهل بغرض الكشف عن مدى مطابقة نسخة الكتاب الموائم مع الكتاب السنغافوري ، سعياً إلى تحقيق الأهداف التالية:
- تحليل كتاب الرياضيات للصف السادس الابتدائي للنسختين السعودية والسنغافورية والذي يتيح لنا :
١. التعرف على المواضيع العلمية المتشابهة التي عالجتها كتب الرياضيات للصف السادس الابتدائي في كل من المملكة العربية السعودية وجمهورية سنغافورة.
  ٢. التعرف على المواضيع العلمية المختلفة التي عالجتها كتب الرياضيات للصف السادس الابتدائي في كل من المملكة العربية السعودية وجمهورية سنغافورة.
  ٣. التعرف على معايير المحتوى المتوافرة في كتب الرياضيات في المملكة العربية السعودية .
  - ٤- التعرف على معايير المحتوى المتوافرة في كتب الرياضيات في جمهورية سنغافورة .
  ٥. الاطلاع على الخبرات العالمية والتي يمكن الاسترشاد بها عند وضع تصور لمناهج الرياضيات في المملكة العربية السعودية للإفادة منها في عمليات التخطيط والتطوير والتصميم والتحليل والتقويم بما يتماشى مع الواقع المحلي ومتطلباته .
  - ٦- التوصل إلى التوصيات لتطوير كتب الرياضيات في المملكة العربية السعودية .

## أهمية الدراسة:

تتمثل أهمية الدراسة الحالية فيما يلي :

- الأهمية النظرية: وتتمثل في:

أكدت العديد من المؤسسات والمجلات العالمية منها American Association for the Advancement of Science (AAAS) أهمية التكامل بين المواد الدراسية وبخاصة الرياضيات من جهة وفروع المعرفة الأخرى من جهة أخرى. واهتم NCTM بتوضيح

العديد من الحالات التي توضح التكامل بين الرياضيات والمواضيع الدراسية الأخرى أو مجتمع الحياة اليومي ودور النمذجة الرياضية في مثل هذه الحالات . والتكامل يؤكد على دراسة المواد دراسة متصلة ببعضها لإبراز علاقات واستغلال هذه العلاقات لزيادة الوضوح والفهم، وهو يعد خطوة وسطى بين انفصال هذه المواد وإدماجها إدمًا تامًا . ( الملا ، ١٩٩٤ ، ١٤٢ )

وكذلك يكتسب هذا البحث أهميته من الأهمية التي يكتسبها الكتاب المدرسي، والذي يخضع لعمليات التقويم والفحص لأجل الوقوف على مدى مناسبه للتلاميذ الذين وضع لأجلهم، ومدى قدرته على تحقيق الأهداف التي وضع لأجلها.

١. جانب الحدائة الذي يتمتع به البحث، فهي الدراسة الأولى - حسب علم الباحث - التي اهتمت بمقارنة كتب الرياضيات ضمن سلسلة ماجروهل للنسخة الموائمة وكتب الرياضيات السنغافورية، في ضوء تحليل المحتوى.

٢. يفيد هذا البحث عددًا من الشرائح المهمة في القطاع التعليمي، فتكشف لمخططي المناهج ومطوريهها مواطن القوة ليؤكد عليها وتؤخذ في الاعتبار ، ومواطن الضعف لمعالجتها أثناء إجراء تعديلات لتطوير المنهج في مراحل قادمة.

٣. يفيد هذا البحث في تطوير نتائج طلاب المملكة العربية السعودية في الاختبارات والمسابقات العلمية العالمية وذلك من خلال تطوير المحتوى الرياضي الذي يدرسونه في تلك الصفوف ومقارنة ذلك المحتوى بما يدرس في الدول التي حققت نجاحات بارزة في الاختبارات الدولية للرياضيات .

٤. يجمع هذا البحث بين الأهمية النظرية والعلمية بحيث يوفر المعلومات الدقيقة عن مقررات الرياضيات في الصفوف الدراسية موطن الدراسة ويقارنها بمقررات الرياضيات السنغافورية لتلك الصفوف وبالتالي يوفر الكثير من الجهد للقائمين على تطوير مناهج الرياضيات في المرحلة الابتدائية بالمملكة العربية السعودية .

٥. التعرف على معايير المحتوى غير المتحققة في كتاب الرياضيات للصف السادس الابتدائي في المملكة العربية السعودية وتسليط الضوء عليها.

● الأهمية التطبيقية: وتتمثل في:

١. توجيه أنظار المسؤولين بوزارة التعليم إلى اتخاذ القرارات المناسبة بشأن هذا الموضوع.
٢. لفت أنظار الباحثين وطلبة العلم إلى ضرورة الاستفادة من الخبرات العالمية المتميزة في مجال تعليم الرياضيات وخاصة المحتوى الرياضي .
٣. تسهم هذه الدراسة في تطوير مقررات الرياضيات بإضافة أو حذف أو تجويد أو تقديم أو تأجيل محتوى رياضي معين .

### **محددات الدراسة :**

تقتصر الدراسة الحالية على المحددات التالية:

#### **من حيث الموضوعية :**

أقتصرت الدراسة على المحتوى .

أولاً : جميع الموضوعات في محتوى كتاب الرياضيات للصف السادس الابتدائي في المملكة العربية السعودية بجزأيه الأول والثاني .

ثانياً : جميع الموضوعات في محتوى كتاب الرياضيات للصف السادس الابتدائي في جمهورية سنغافورة بجزأيه الأول والثاني .

تركيز البحث أتجه موضوعياً نحو تحليل محتوى كتاب الرياضيات للصف السادس الابتدائي في المملكة العربية السعودية ومقارنتها بكتب الرياضيات السنغافورية ، في ضوء معايير المحتوى .

**من حيث الزمان :** كتاب الرياضيات للصف السادس الابتدائي في المملكة العربية السعودية ضمن سلسلة ماجروهل Mc Graw Hill education النسخة المواءمة والمطبقة عام ١٤٣٧ / ١٤٣٨ هـ ، وكتب الرياضيات السنغافورية لتلك الصفوف . وسوف تطبق الدراسة في الفصل الدراسي الأول من العام ١٤٣٧ / ١٤٣٨ هـ

### **مصطلحات الدراسة :**

#### **الدراسة المقارنة :**

عبارة عن المقابلة بين منهجين لبيان ما يتميز به كل منهما للوصول لشكل مثالي لمنهج الهدف

المراد تطويره.

ويقصد بها مقارنة النظام التعليمي في بلدين أو أكثر، فبعد أن يقوم الباحث بجمع المعلومات والبيانات التربوية عن بلد معين، وكذلك محاولة تفسيرها في ضوء التطور السياسي والاقتصادي والاجتماعي والثقافي والتاريخي لهذا البلد، يقوم بنفس الخطوة بالنسبة للبلد الثاني المعني بالدراسة، وبهذا يتوفر شقي المقارنة، ومن ثم يقوم بعملية مقابلة بين ما تجمّع لديه من معلومات تربوية مفسرة عن البلدين كخطوة تمهيدية للمقارنة (العاجز، ٢٠٠٧، ٢٠).

### تحليل المحتوى:

هو أسلوب يستخدم إلى جانب أساليب أخرى؛ لتقويم المناهج من أجل تطويرها، وهو يعتمد على أهداف التحليل ووحدة التحليل؛ للتوصل إلى مدى شيوع ظاهرة أو أحد المفاهيم، أو فكرة أو أكثر. وبالتالي تكون نتائج هذه العملية إلى جانب ما يتم الحصول عليه من نتائج من خلال أساليب أخرى مؤشرات تحدد اتجاه التطوير فيما بعد. (اللقاني، الجمل، ٢٠٠٣، ص ٨٦).

### المعايير :

عرفها ( اللقاني ؛ الجمل ، ٢٠٠٣ ) بأنها : أداة للحكم على الصورة الحقيقية للموضوع المراد تقويمه، أو الوصول إلى أحكام على الشيء الذي نقومه. وتمثل في البحث معايير المحتوى معايير الوسائل التعليمية .

### معايير المحتوى الرياضي :

أوصاف لما ينبغي لتعليم الرياضيات أن يمكن طلابه من معرفته والقيام به، وهي تحدد الفهم والمعرفة والمهارات التي يجب أن يكتسبها الطلاب من مرحلة ما قبل رياض الأطفال حتى الصف الثاني عشر. (راشد، خشان، ٢٠٠٩، ٣٥).

## الفصل الثاني : أدبيات الدراسة

### أولاً : الإطار النظري .

- رياضيات المرحلة الابتدائية في المملكة العربية السعودية.
- رياضيات المرحلة الابتدائية في جمهورية سنغافورة.
- المحتوى .

### ثانياً : الدراسات السابقة .

- دراسات اهتمت بتحليل محتوى كتب الرياضيات المطورة في المملكة العربية السعودية .
- دراسات اهتمت بمقارنة مناهج الرياضيات في المملكة العربية السعودية مع مناهج الدول المختلفة .
- المحور الثالث : دراسات اهتمت بمقارنة مناهج الرياضيات في الدول العربية والأجنبية :
  - التعليق على الدراسات السابقة.

## الفصل الثاني

### الإطار النظري والدراسات السابقة

تناول هذا الفصل الخلفية النظرية للدراسة متضمنة محورين أساسيين هما: الإطار النظري والدراسات السابقة، كما تناول الإطار النظري عددًا من المباحث يتم تفصيلها فيما يلي:

#### أولاً: الإطار النظري

##### المبحث الأول: الرياضيات في المملكة العربية السعودية :

جاءت موافقة المقام السامي الكريم عام ١٤٢٥ هـ بالبدء في تنفيذ " مشروع تطوير للرياضيات والعلوم الطبيعية لجميع مراحل التعليم العام للاستفادة من الخبرات العالمية المتخصصة في هذا المجال لمواكبة هذا التطور . ( العبيكان ، ١٤٢٩ هـ )

حيث يُعدُّ مشروع تطوير مناهج الرياضيات والعلوم الطبيعية في المملكة العربية السعودية من المشروعات التربوية والإستراتيجية الرائدة والذي يهدف إلى التطوير الشامل لتعليم الرياضيات والعلوم من خلال تطوير المناهج والمواد التعليمية والتقويم والتعلم الإلكتروني والتطوير المنهجي، وذلك بالاعتماد على ترجمة ومواءمة مواد تعليمية عالمية أثبتت فاعليتها في تحسين التعليم، ويقوم هذا المشروع على مواءمة سلاسل عالمية متميزة لمناهج الرياضيات والعلوم الطبيعية ( سلاسل ماجروهيل ) McGraw-Hill لجميع مراحل التعليم العام . ( الرويس ، عبد العزيز ، الشلهوب، سمر ٢٠١١ ، ص ٧٧ ، ٧٨ )

##### الرياضيات المطورة في المملكة العربية السعودية :

تمثل مشروع تطور الرياضيات والعلوم الطبيعية في تعريب ومواءمة سلاسل عالمية متميزة لجميع مراحل التعليم ( ابتدائي - متوسط - ثانوي ) عن طريق شركة العبيكان للأبحاث والتطوير وذلك بهدف

- التطوير الشامل لمناهج الرياضيات والعلوم الطبيعية بالمملكة العربية السعودية .
- رفع الكفايات التعليمية لطلبة في مراحل التعليم المختلفة بما يتلاءم مع التطورات المعاصرة في ميادين العلم والمعرفة التقنية .

- تمكين الطلبة من المهارات والمعارف في مادتي الرياضيات والعلوم بما يتضمن استعدادهم لمواصلة الدراسة في مؤسسات التعليم العالي وفق ما تتطلبه من كفايات لازمة .
- رفع الكفايات المهنية للمعلمين والمشرفين والمختصين بما يحسن أداءهم في مادتي العلوم والرياضيات
- تطوير طرق التدريس المختلفة .

حيث تستند فلسفة المشروع على المبادئ التربوية والتعليمية التالية :

١. التعليم المتمركز حول المتعلم .
  ٢. التعليم بمدخل متعددة .
  ٣. تنمية مهارات التفكير.
  ٤. التعلم من خلال العمل التعاوني .
  ٥. تنمية مهارات صناعة القرارات واتخاذها.
  ٦. التعلم النشط القائم على الاستكشاف والاستقصاء .
  ٧. ربط التعليم بسياقات حياتية حقيقية .
  ٨. الإثارة المتعددة على الوسائط المتعددة.
  ٩. تبادل المعرفة والتواصل بها وتمثيلها بطرائق متعددة.
  ١٠. تنمية قدرات الطلاب والطالبات على تقديم المبررات المخططة .
- وزارة التربية والتعليم بالمملكة العربية السعودية (١٤٣١ هـ) .

**الفلسفة البنائية:** تقوم هذه السلسلة على النظرية البنائية والتي لها فلسفتها ومرتكزاتها .

**تعريف النظرية البنائية:** هي نظرية في المعرفة لها مبادئها وافترضاها ، قوامها أن المتعلم يكون نشطاً في بناء أنماط التفكير لديه؛ نتيجة تفاعل قدراته الفطرية مع الخبرة. وترى أن التعلم عملية بناء مستمرة يعيد خلالها الفرد تنظيم ما يمر به من خبرات بحيث يسعى لفهم أوسع وأشمل من ذلك الفهم الذي توحى به الخبرات السابقة. ( وزارة التربية والتعليم بالمملكة العربية السعودية) .

أهداف تدريس الرياضيات للصف السادس الابتدائي في المملكة العربية السعودية الفصل الدراسي الأول:

١. حلّ المسائل باستعمال الخطوات الأربع .
٢. تحليل الأعداد إلى عواملها الأولية .
٣. استعمال القوى والأسس في كتابة العبارات.
٤. إيجاد قيمة العبارة العددية باستعمال ترتيب العمليات .
٥. إيجاد قيم العبارات الجبرية .
٦. تكوين جدول دالة وإيجاد قاعدتها .
٧. يحلّ المسائل باستعمال التخمين والتحقق .
٨. يحلّ المسائل باستعمال خطة انشاء جدول .
٩. حل المعادلات باستعمال الحساب الذهني وخطة التخمين والتحقق .
١٠. تمثيل وتحليل البيانات بالأعمدة والخطوط والنقاط .
١١. إيجاد المتوسط الحسابي والوسيط والمنوال والمدى لمجموعة بيانات .
١٢. جمع الكسور العشرية طرحها .
١٣. ضرب الكسور العشرية في أعداد كلية .
١٤. ضرب كسر عشري في كسر عشري اخر.
١٥. قسمة كسرا عشريا على عدد كلي.
١٦. قسمة كسر عشري على كسر عشري.
١٧. يحلّ المسائل باستعمال خطة التحقق من معقولة الاجابة .
١٨. استعمال ضرب الكسور العشرية وقسمتها لحل المسائل .
١٩. تمثيل الكسور العشرية بالصيغ اللفظية والقياسية والتحليلية .
٢٠. المقارنة بين الكسور العشرية وترتيبها وتقريبها .
٢١. تقريب الكسور العشرية .
٢٢. تقدير ناتج جمع وطرح الكسور العشرية .
٢٣. إيجاد القاسم المشترك الأكبر لعددتين أو أكثر.
٢٤. استعمال النماذج للتوصل إلى طريقة تكوين كسور متكافئة .
٢٥. تبسيط الكسور الاعتيادية
٢٦. كتابة الأعداد الكسرية على صورة كسر غير فعلي والعكس .

- ٢٧. يحلّ المسائل باستعمال خطة إنشاء قائمة منظمة.
- ٢٨. إيجاد المضاعف المشترك الأصغر لعددتين أو أكثر .
- ٢٩. مقارنة الكسور الاعتيادية وترتيبها .
- ٣٠. كتابة الكسور العشرية على صورة كسور اعتيادية أو أعداد كسرية في ابط صورة .
- ٣١. كتابة الكسور الاعتيادية على صورة كسور عشرية .
- ٣٢. استعمال وحدات قياس الطول المترية .
- ٣٣. يحلّ المسائل باستعمال خطة استعمال قياس مرجعي.
- ٣٤. تحويل الوحدات ضمن النظام المتري .

## أهداف تدريس الرياضيات للصف السادس الابتدائي في المملكة العربية السعودية الفصل الدراسي

### الثاني:

- ١. تقريب الكسور والاعداد الكسرية.
- ٢. حل المسائل من خلال تمثيلها.
- ٣. جمع الكسور المتشابهة وغير المتشابهة وطرحها
- ٤. جمع الأعداد الكسرية وطرحها
- ٥. تقدير نواتج ضرب الكسور باستعمال الأعداد المتناغمة والتقريب
- ٦. ضرب الكسور
- ٧. ضرب الأعداد الكسرية
- ٨. قسمة كسر على كسر اخر
- ٩. قسمة الأعداد الكسرية
- ١٠. التعبير عن النسب والمعدلات بصورة كسور
- ١١. استعمال جداول النسب لتمثيل مسائل النسب المتكافئة وحلها
- ١٢. حل التناسبات
- ١٣. حل المسائل باستعمال البحث عن النمط
- ١٤. كتابة النسبة المئوية على صورة كسور عشرية، والعكس
- ١٥. إيجاد احتمال حادثة بسيطة وتفسيره

- ١٦ . مقارنة الاحتمال التجريبي بالاحتمال النظري
- ١٧ . إيجاد فضاء العينة باستعمال الرسم الشجري او الجدول.
- ١٨ . حل المسائل باستعمال خطة حل مسألة ابسط
- ١٩ . تقدير قياس الزوايا ورسمها
- ٢٠ . تصنيف العلاقات بين الزوايا وتطبيقها
- ٢١ . تصنيف المثلثات وإيجاد قياسات زوايا مجهولة فيها
- ٢٢ . تصنيف الاشكال الرباعية، وإيجاد قياسات زوايا مجهولة فيها
- ٢٣ . حل المسائل باستعمال خطة الرسم
- ٢٤ . تقدير محيط الدائرة وإيجاده
- ٢٥ . إيجاد كلا من مساحة، متوازي الاضلاع، المثلث ' سطح المنشور الرباعي
- ٢٦ . حل مسائل بإنشاء نموذج
- ٢٧ . إيجاد حجم المنشور الرباعي

جدول (١): مصفوفة المدى والتتابع لمحتوى مادة الرياضيات للمرحلة الابتدائية العليا (٤-٦)

المجال	الصف	الرابع الابتدائي	الخامس الابتدائي	السادس الابتدائي
الأعداد والعمليات				
الأعداد الكلية	القيمة المنزلية لرقم في عدد ضمن مئات الألوف القيمة المنزلية لرقم في عدد ضمن الملايين الأعداد ضمن الملايين مقارنة الأعداد ضمن الملايين وترتيبها تقريب الأعداد ضمن الملايين	القيمة المنزلية لرقم في عدد ضمن البلايين الأعداد ضمن البلايين مقارنة الأعداد ضمن البلايين وترتيبها تقريب الأعداد ضمن البلايين (العوامل) القواسم (المضاعفات) العوامل (القواسم) المشتركة لعددان أو أكثر القاسم المشترك الأكبر لعددان أو أكثر المضاعفات المشتركة لعددان أو أكثر المضاعف المشترك الأصغر لعددان أو أكثر الأعداد الأولية والأعداد غير الأولية	تحليل عدد إلى عوامله الأولية القوى والأسس القاسم المشترك الأكبر لعددان أو أكثر المضاعف المشترك الأصغر لعددان أو أكثر	
الكسور	الكسور المتكافئة مقارنة الكسور وترتيبها الكسور غير الفعلية والأعداد الكسرية تمثيل الكسور والأعداد الكسرية على خط الأعداد التحويل بين الكسور غير الفعلية والأعداد الكسرية	الكسور والقسمة الكسور المتكافئة تبسيط الكسور التحويل بين الكسور غير الفعلية والأعداد الكسرية مقارنة الكسور والأعداد الكسرية وترتيبها	تبسيط الكسور التحويل بين الأعداد الكسرية والكسور غير الفعلية مقارنة الكسور والأعداد الكسرية وترتيبها تقريب الكسور والأعداد الكسرية	
الكسور العشرية	الأعشار والأجزاء من مئة التحويل بين الأعداد الكسرية والأعداد العشرية	الأجزاء من ألف القيمة المنزلية لرقم في عدد عشري ضمن ثلاث منازل عشرية	قراءة الكسور والأعداد العشرية وكتابتها (الصيغ متكافئة) مقارنة الكسور والأعداد العشرية وترتيبها	

مصفوفة المدى والتتابع لمادة الرياضيات

المجال الصف	الرابع الابتدائي	الخامس الابتدائي	السادس الابتدائي
الأعداد الكلية	تمثيل الكسور والأعداد العشرية على خط الأعداد مقارنة الكسور العشرية وترتيبها تكافؤ الكسور والكسور العشرية تقريب الكسور والأعداد العشرية	مقارنة الكسور العشرية وترتيبها التحويل بين الكسور والكسور العشرية تقريب الكسور والأعداد العشرية	تقريب الكسور والأعداد العشرية التحويل بين الأعداد الكسرية والأعداد العشرية
النسبة والمعدل والتناسب			النسبة والمعدل التناسب
النسبة المئوية			النسبة المئوية التحويل بين النسبة المئوية والكسور والكسور العشرية
الأعداد الصحيحة			الأعداد السالبة استعمال الأعداد الصحيحة
العمليات على الأعداد الكلية	جمع الأعداد الكلية وطرحها الضرب في مضاعفات العشرة والمئة والألف الضرب في عدد من منزلة واحدة الضرب في عدد من منزلتين القسمة على عدد من منزلة واحدة الضرب في عدد من منزلتين القسمة مع باق القسمة مع مضاعفات العشرة والمئة والألف قسمة عدد من أربع منازل على الأكثر على عدد من منزلة واحدة	جمع الأعداد الكلية وطرحها الضرب في عدد من منزلة واحدة الضرب في عدد من منزلتين القسمة على عدد من منزلة واحدة القسمة على عدد من منزلتين تفسير الباقي في مسائل القسمة	
العمليات على الكسور		جمع الكسور ذات المقامات المتشابهة وطرحها جمع الكسور ذات المقامات المختلفة وطرحها جمع الأعداد الكسرية وطرحها	جمع الكسور ذات المقامات المتشابهة وطرحها جمع الكسور ذات المقامات المختلفة وطرحها جمع الأعداد الكسرية وطرحها

المجال		الصف	
الرابع الابتدائي	الخامس الابتدائي	السادس الابتدائي	
		ضرب الكسور ضرب الأعداد الكسرية قسمة الكسور قسمة الأعداد الكسرية	الأعداد الكلية
جمع الكسور والأعداد العشرية وطرحها ضرب كسر (عدد) عشري في عدد ضرب الكسور والأعداد العشرية قسمة كسر (عدد) عشري على عدد قسمة الكسور والأعداد العشرية	جمع الكسور والأعداد العشرية وطرحها	جمع الكسور والأعداد العشرية طرح الكسور والأعداد العشرية	العمليات على الكسور العشرية
تقدير نواتج جمع الكسور والأعداد الكسرية وطرحتها تقدير نواتج ضرب الكسور والأعداد العشرية وطرحتها تقدير نواتج جمع الكسور والأعداد العشرية وطرحتها تقدير نواتج ضرب الكسور والأعداد الكسرية وقسمتها تقدير نواتج ضرب الكسور والأعداد العشرية وقسمتها الحساب الذهني	تقدير نواتج جمع الأعداد الكلية وطرحتها تقدير نواتج ضرب الأعداد الكلية وقسمتها تقدير نواتج جمع الكسور والأعداد العشرية وطرحتها تقدير نواتج ضرب الكسور والأعداد العشرية وطرحتها الحساب الذهني	تقدير نواتج جمع الأعداد الكلية وطرحتها تقدير نواتج ضرب الأعداد الكلية وقسمتها تقدير نواتج جمع الكسور والأعداد العشرية وطرحتها الضرب في ١٠، ١٠٠، ١٠٠٠ القسمة على ١٠، ١٠٠، ١٠٠٠	الحساب الذهني واستراتيجيات التقدير
<b>الجزء</b>			
أتمات الضرب أتمات القسمة تحديد الأتمات العددية وغير العددية ووصفها وتوسيعها	أتمات الضرب أتمات القسمة تحديد الأتمات العددية وغير العددية ووصفها وتوسيعها	أتمات الضرب أتمات القسمة تحديد الأتمات العددية وغير العددية ووصفها وتوسيعها	استعمال الأتمات
خواص الجمع خواص الضرب	خواص الجمع (الإبدال – التجميع – العنصر المحايد) خاصية توزيع الضرب على الجمع خواص الضرب (الإبدال ، التجميع ، العنصر المحايد)	خواص الجمع (الإبدال – التجميع – العنصر المحايد) قواعد الطرح (طرح الصفر ، طرح الكل) خواص الضرب (الإبدال ، التجميع ، العنصر المحايد ، الضرب في الصفر) قواعد القسمة (القسمة مع الصفر ، القسمة على الواحد ، القسمة على الكل)	خواص العمليات

المجال الصف	الرابع الابتدائي	الخامس الابتدائي	السادس الابتدائي
التمثيل الجبري	تمثيل الجمل العددية وكتابتها كتابة التعابير العددية وتبسيطها	كتابة التعابير العددية وتبسيطها المتغير والتعبير الجبري التعابير الجبرية (جمل الجمع والطرح) التعابير الجبرية (جمل الضرب والقسمة) إيجاد قيمة تعبير جبري	إيجاد قيم تعابير عددية بمراعاة (أولويات العمليات) إيجاد قيم تعابير جبرية كتابة تعابير جبرية
حل المعادلات والمتباينات		معادلات الجمع والطرح	معادلات الجمع والطرح معادلات الضرب والقسمة
الدوال والعلاقات	اكتشاف قاعدة دالة من جدول إنشاء جدول دالة ( دوال الجمع والطرح) إنشاء جدول دالة ( دوال الضرب والقسمة)	اكتشاف قاعدة دالة من جدول إكمال جدول دالة إنشاء جدول دالة ( دوال الجمع والطرح) إنشاء جدول دالة ( دوال الضرب والقسمة)	اكتشاف قاعدة دالة من جدول إكمال جدول دالة إنشاء جدول دالة ( دوال الجمع والطرح) إنشاء جدول دالة ( دوال الضرب والقسمة)
<b>القياس</b>			
الطول والوزن والكتلة والسعة	وحدات الطول ( ملم، سم، م ، كم) تقدير الأطوال وقياسها بالوحدات المترية وحدات السعة ( المللتر وال لتر) تقدير السعات وقياسها بالوحدات المترية وحدات الوزن ( الغرام والكيلوغرام) الفرق بين الكتلة والوزن تقدير الأوزان وقياسها بالوحدات المترية	التحويل بين وحدات الطول(سم - ملم، م - سم ، م -ملم ، كم - م) وحدات الوزن ( ملغم ، غم ، كغم) التحويل بين وحدات الوزن(غم -ملغم، كغم -غم) التحويل بين وحدات السعة ( لتر - ملل)	استعمال وحدات الطول المترية استعمال وحدات الكتلة المترية استعمال وحدات السعة المترية التحويل بين الوحدات المترية
درجة الحرارة			وحدات قياس درجة الحرارة (فهرنهايت، سيلزيوس) قياس درجة الحرارة ( اختيار درجة الحرارة المناسبة وتقديرها )

المجال الصف	الرابع الابتدائي	الخامس الابتدائي	السادس الابتدائي
الزمن	حساب طول الفترة الزمنية بين حدثين (Time Elapsed)	التحويل بين وحدات الزمن حساب طول الفترة الزمنية بين حدثين (Time Elapsed )	
المحيط	حساب محيط المستطيل والمربع	حساب محيط مضلع	حساب محيط الدائرة
المساحة	حساب مساحة المستطيل والمربع	قياس المساحة وتقديرها بالوحدات المربعة حساب مساحة المستطيل والمربع	حساب مساحة متوازي الأضلاع حساب مساحة المثلث حساب المساحة السطحية للمنشور الرباعي
الحجم	تقدير الحجم وقياسه بالوحدات المكعبة	حساب حجم المنشور	حساب حجم المنشور الرباعي
الهندسة			
الأشكال الثلاثية الأبعاد والثنائية الأبعاد	تمييز الأشكال الثلاثية الأبعاد ووصفها وتصنيفها • تمييز مخططات الأشكال الثلاثية الأبعاد ورسمها • الزاوية • أنواع الزوايا • تمييز الأشكال الثنائية الأبعاد ووصفها وتصنيفها • أنواع المثلثات بالنسبة لأضلاعها • أنواع المثلثات بالنسبة لزواياها	المفاهيم الهندسية الأساسية المستقيمات المتقاطعة والمتوازية والتعامد المضلع خواص الأشكال الرباعية خواص الأشكال ثلاثية الأبعاد	تقدير قياس زاوية قياس الزوايا رسم زاوية الزاويتان المتقابلتان بالرأس الزاويتان المتتامتان والمتكاملتان أنواع المثلثات بالنسبة لأضلاعها ولزواياها مجموع زوايا مثلث خواص الأشكال الرباعية مجموع زوايا رباعي
الهندسة الاحداثية	الهندسة الإحداثية • تمثيل وتسمية الأعداد والكسور العشرية على خط الأعداد • تعيين وتسمية النقاط على المستوى الإحداثي إجراء التحويلات الهندسية على المستوى الإحداثي	تمثيل وتسمية الأعداد والكسور العشرية على خط الأعداد • تعيين وتسمية النقاط على المستوى الإحداثي إجراء التحويلات الهندسية على المستوى الإحداثي	
التحويلات الهندسية والتماثل		• الإزاحة (الانسحاب) الانعكاس • الدوران	

السادس الابتدائي	الخامس الابتدائي	الرابع الابتدائي	المجال الصف
<b>الاحصاء والاحتمالات</b>			
		<ul style="list-style-type: none"> <li>• جمع البيانات وتسجيلها في جداول الإشارات</li> <li>• جمع البيانات وتنظيمها في جداول تكرارية</li> </ul>	<ul style="list-style-type: none"> <li>• جمع البيانات وتنظيمها وعرضها</li> </ul>
<ul style="list-style-type: none"> <li>• تمثيل البيانات بالأعمدة</li> <li>• تمثيل البيانات بالنقاط</li> <li>• تمثيل (Line Graph)</li> <li>• البيانات بالخطوط</li> </ul>	<ul style="list-style-type: none"> <li>• تمثيل البيانات بالنقاط</li> <li>• تمثيل البيانات بالأعمدة</li> <li>• تمثيل البيانات بالأعمدة المزدوجة</li> </ul>	<ul style="list-style-type: none"> <li>• تمثيل البيانات بالنقاط</li> <li>• قراءة التمثيل بالأعمدة (Line Plots)</li> </ul>	<ul style="list-style-type: none"> <li>• تمثيل البيانات (Line Plots)</li> </ul>
<ul style="list-style-type: none"> <li>• قراءة البيانات من تمثيلاتها البيانية وتفسيرها</li> <li>• إيجاد المتوسط الحسابي لمجموعة من القيم</li> <li>• إيجاد الوسيط، المنوال، المدى لمجموعة من القيم</li> </ul>	<ul style="list-style-type: none"> <li>• تفسير البيانات المنظمة في جداول تكرارية</li> <li>• قراءة البيانات الممثلة بلوحة النقاط وتفسيرها</li> <li>• تفسير البيانات الممثلة بالأعمدة</li> <li>• تفسير البيانات الممثلة بالأعمدة المزدوجة</li> <li>• إيجاد الوسيط والمنوال لمجموعة من القيم</li> <li>• تحديد القيم المتطرفة (الشاذة)</li> </ul>	<ul style="list-style-type: none"> <li>• تفسير البيانات الممثلة بالنقاط</li> <li>• تفسير البيانات الممثلة بالأعمدة</li> </ul>	<ul style="list-style-type: none"> <li>• الاستنتاجات والتوقعات</li> </ul>
<ul style="list-style-type: none"> <li>• الاحتمال</li> <li>• فضاء العينة</li> <li>• التوصل إلى تنبؤات</li> </ul>	<ul style="list-style-type: none"> <li>• الاحتمال</li> <li>• التعبير عن الاحتمال بكسر</li> <li>• تحديد جميع النواتج الممكنة لتجربة</li> </ul>	<ul style="list-style-type: none"> <li>• تحديد النواتج الممكنة لتجربة</li> <li>• وصف الاحتمال بالكلمات والأعداد</li> </ul>	<ul style="list-style-type: none"> <li>• الاحتمال</li> </ul>
<b>حل المسألة والتبرير الرياضي</b>			
<ul style="list-style-type: none"> <li>• حل المسألة باستعمال الإستراتيجيات والمهارات التالية:</li> <li>• اتباع الخطوات الأربع</li> <li>• إنشاء نموذج</li> </ul>	<ul style="list-style-type: none"> <li>• حل المسألة باستعمال الإستراتيجيات والمهارات التالية:</li> <li>• اتباع الخطوات الأربع</li> <li>• إنشاء نموذج</li> </ul>	<ul style="list-style-type: none"> <li>• حل المسألة باستعمال الإستراتيجيات والمهارات التالية:</li> <li>• اتباع الخطوات الأربع</li> <li>• إنشاء نموذج</li> </ul>	<ul style="list-style-type: none"> <li>• خطط) استراتيجيات) ومهارات حل المسألة</li> </ul>

المجال الصف	الرابع الابتدائي	الخامس الابتدائي	السادس الابتدائي
	<p>التمثيل</p> <p>التخمين والتحقق</p> <p>البحث عن نمط</p> <p>رسم صورة</p> <p>استعمال الاستدلال المنطقي</p> <p>اختيار الخطة المناسبة</p> <p>الحكم على معقولية الإجابة</p> <p>الحل بطريقة عكسية</p> <p>اتخاذ قرار إيجاد جواب تقديري أو دقيق</p> <p>تحديد العملية المناسبة</p> <p>الحكم على معقولية الإجابة</p> <p>اختيار الخطة المناسبة</p> <p>استعمال الصيغ (القوانين)</p> <p>استعمال الخطة المناسبة</p> <p>حل مسائل متعددة الخطوات</p>	<p>التمثيل</p> <p>التخمين والتحقق</p> <p>البحث عن نمط</p> <p>رسم صورة</p> <p>استعمال الاستدلال المنطقي</p> <p>اختيار الخطة المناسبة</p> <p>الحكم على معقولية الإجابة</p> <p>الحل بطريقة عكسية</p> <p>حل مسألة أبسط</p> <p>تحديد العملية المناسبة</p> <p>الحكم على معقولية الإجابة</p> <p>اختيار الخطة المناسبة</p> <p>استعمال الصيغ (القوانين)</p> <p>حل مسائل متعددة الخطوات</p>	<p>إنشاء جدول</p> <p>التمثيل</p> <p>التخمين والتحقق</p> <p>البحث عن نمط</p> <p>رسم صورة</p> <p>استعمال الاستدلال المنطقي</p> <p>استعمال مقياس مرجعي</p> <p>حل مسألة أبسط</p> <p>تحديد العملية المناسبة</p> <p>الحكم على معقولية الإجابة</p> <p>اختيار الخطة المناسبة</p> <p>استعمال الصيغ (القوانين)</p> <p>كتابة معادلة</p> <p>حل مسائل متعددة الخطوات</p>
التبرير الرياضي	<ul style="list-style-type: none"> <li>• استعمال التبرير الرياضي</li> <li>• استعمال أشكال فن</li> <li>• تقييم مبررات رياضية</li> <li>• التحقق من دقة النواتج</li> <li>• كتابة حجج رياضية</li> <li>• إنشاء مسائل</li> <li>• تقديم أمثلة مضادة واختبارها</li> </ul>	<ul style="list-style-type: none"> <li>• استعمال التبرير الرياضي</li> <li>• استعمال أشكال فن</li> <li>• تقييم مبررات رياضية</li> <li>• التحقق من دقة النواتج</li> <li>• كتابة حجج رياضية</li> <li>• إنشاء مسائل</li> <li>• تقديم أمثلة مضادة واختبارها</li> </ul>	<ul style="list-style-type: none"> <li>• استعمال التبرير الرياضي</li> <li>• استعمال أشكال فن</li> <li>• تقييم مبررات رياضية</li> <li>• التحقق من دقة النواتج</li> <li>• كتابة حجج رياضية</li> <li>• إنشاء مسائل</li> <li>• تقديم أمثلة مضادة واختبارها</li> </ul>

الوحدات والمواضيع التي تم معالجتها في كتب الرياضيات في المملكة العربية السعودية للصف السادس الابتدائي:

جدول (٢): وحدات ومواضيع كتاب الرياضيات الصف السادس الابتدائي في المملكة العربية السعودية (الفصل الاول):

الرقم	الوحدات	الموضوعات(العناوين)
١	الجبر:	(١) الخطوات الأربع لحل المسألة (٢)العوامل الأولية (٣)القوى والأسس (٤)ترتيب العمليات (٥)الجبر: المتغيرات والعبارات (٦)الجبر: الدوال (٧)خطة حل المسألة: التخمين والتحقق (٨)الجبر: المعادلات.
٢	الإحصاء والتمثيلات البيانية:	(١)خطة حل المسألة: إنشاء جدول (٢)التمثيل بالأعمدة وبالخطوط (٣)التمثيل بالنقاط (٤)المتوسط الحسابي (٥)الوسيط والمنوال والمدى .
٣	العمليات على الكسور العشرية:	(١) تمثيل الكسور العشرية (٢)مقارنة الكسور العشرية وترتيبها (٣) تقريب الكسور العشرية (٤)تقدير ناتج جمع الكسور العشرية وطرحها (٥) جمع الكسور العشرية وطرحها (٦)ضرب الكسور العشرية في أعداد كليه (٧) ضرب الكسور العشرية (٨)قسمة الكسور العشرية على أعداد كليه (٩) القسمة على كسر عشري (١٠) خطة حل المسألة: التحقق من معقولية الإجابة.
٤	الكسور الاعتيادية والكسور العشرية:	(١)القاسم المشترك الأكبر (٢)تبسيط الكسور الاعتيادية (٣)الأعداد الكسرية والكسور غير الفعلية(٤)خطة حل المسألة:إنشاء قائمة منظمه (٥)المضاعف المشترك الأصغر(٦)مقارنة الكسور الاعتيادية وترتيبها (٧)كتابة الكسور العشرية على صورة كسور اعتيادية (٨) كتابة الكسور الاعتيادية على صورة كسور عشريه.
٥	القياس : الطول والسعة والكتلة:	(١) الطول في النظام المتري (٢)الكتلة والسعة في النظام المتري (٣)خطة حل المسألة: استعمال مقياس مرجعي (٤)التحويل بين الوحدات المتريه.

جدول (٣): وحدات ومواضيع كتاب الرياضيات الصف السادس الابتدائي في المملكة العربية السعودية  
(الفصل الثاني):

الرقم	الوحدات	الموضوعات (العناوين)
٦	العمليات على الكسور الاعتيادية:	(١) تقريب الكسور والأعداد الكسرية (٢) خطة حل المسألة: تمثيل المسألة (٣) جمع الكسور المتشابهة وطرحها (٤) جمع الكسور غير المتشابهة وطرحها (٥) جمع الأعداد الكسرية وطرحها (٦) تقدير نواتج ضرب الكسور (٧) ضرب الكسور (٨) ضرب الأعداد الكسرية (٩) قيمة الكسور (١٠) قيمة الأعداد الكسرية.
٧	النسبة والتناسب	(١) النسبة والمعدل (٢) جداول النسب (٣) التناسب (٤) الجبر: حل التناسب (٥) خطة حل المسألة: البحث عن نمط.
٨	النسبة المئوية والاحتمالات	(١) النسبة المئوية والكسور الاعتيادية (٢) النسبة المئوية والكسور الاعتيادية (٣) الاحتمال (٤) فضاء العينة (٥) خطة حل المسألة: حل مسألة أبسط.
٩	الهندسة : الزوايا والمضلعات	(١) تقدير الزوايا ، وقياسها ، ورسمها (٢) العلاقات بين الزوايا (٣) المثلثات (٤) الأشكال الرباعية (٥) خطة حل المسألة: الرسم .
١٠	القياس: المحيط والمساحة والحجم	(١) محيط دائرة (٢) مساحة متوازي الأضلاع (٣) مساحة المثلث (٤) خطة حل المسألة : انشاء نموذج (٥) حجم المنشور الرباعي (٦) مساحة سطح المنشور الرباعي .

## المبحث الثاني: الرياضيات في جمهورية سنغافورة

يحقق الطلاب السنغافوريون على مر السنين أعلى المراتب في الرياضيات. ووفقاً لدراسة العلوم والرياضيات العالمية (٢٠٠٣) فقد احتل الطلاب السنغافوريون المركز الأول في العالم. وتشتمل مكونات الرياضيات في سنغافورة على إطار رياضي منطقي للغاية القائم على المشكلات الرياضية الغنية أو الثرية وجودة عالية بشكل أساسي. وتأهيل المعلمين تأهيلاً عالياً، والذين يقومون بتدريس الرياضيات، وهذا التدريس هو تدريس للإتقان. ( Hamond (2010

وتسلط الرياضيات السنغافورية الضوء على تنمية الحس العددي القوي لدى طلابها ومهارات عقلية ممتازة ومعرفة عميقة للقيم العددية؛ حيث بني منهج الرياضيات السنغافورية على أساس الانتقال من التجربة الملموسة المحسوسة وذلك باستخدام اليدويات إلى المرحلة التصورية وأخيراً إلى المستوى المجرد. هذا التسلسل يعطي الطلاب التركيز على فهم واستيعاب المفاهيم والعلاقات الرياضية الأساسية قبل البدء والعمل على المستوى المجرد.

الرياضيات السنغافورية تجسد التركيز القوي على نموذج الرسم، المدخل أو التصور البصري لحل المسائل اللفظية التي تساعد الطلاب على تنظيم المعلومات وحل المسائل اللفظية بطريقة خطوة بخطوة. أولمفاهيم تدرس للإتقان ثم في وقت لاحق يعاد أخذها ولكن ليس إعادة تدريسها.

Ginsburg et al. (2005)

تغطي الرياضيات السنغافورية أعداداً صغيرة نسبياً من المواضيع في عمق وحرص وبشكل متكرر من وقت إلى آخر فصلاً بفصل. وفي صفوف لاحقة تعرف المواضيع التي قدمت في صفوف سابقة ولكن فقط في مستوى أكثر عمقاً وتقدماً.

وتعرض كتب الرياضيات السنغافورية المفاهيم الرياضية والمواضيع بوضوح وطريقة عرض تقديمية مباشرة طبقاً للإطار العالمي. بالإضافة إلى ذلك الكتب الدراسية تزود بمجموعات عديدة من المسائل اللفظية وتشرح المفاهيم في المقام الأول وتوضحها من وجهات نظر مختلفة. هذا النهج يتفق مع الأبحاث التي تؤكد على قيمة التعلم القائم على حل المشكلات والذي يتطلب من الطلاب العمل من خلال

مجموعات واسعة النطاق والتي تحتوي على تطبيقات روتينية وغير روتينية في نطاق واسع ومتنوع من السياق العالمي الحقيقي، علاوة على ذلك تتميز كتب الرياضيات السنغافورية بالشروح الرياضية التي تبدأ مع الأمثلة المادية المحسوسة أو الصور التوضيحية وبعد ذلك البناء عليها لمفاهيم تجريدية. هذا التكنيك مفيد بشكل خاص للطلاب اللذين لديهم صعوبة في فهم الرياضيات المجردة كما أن الكتب السنغافورية تستخدم الصور لتطوير الاستدلال والتي هي مفيدة في مساعدة الطلاب البصريين في كيفية حل المسائل المركبة والمعقدة. (غينسبورغ وآخرون ، ٢٠٠٥ ، ١٥-٣٩)

### **أهداف تعليم الرياضيات في جمهورية سنغافورة :**

يهدف تعليم الرياضيات لتمكين الطلاب من :

١. اكتساب المفاهيم والمهارات الرياضية اللازمة للحياة اليومية، والتعلم المستمر في الرياضيات والتخصصات ذات الصلة .
  ٢. تطوير المهارات العملية اللازمة لاكتساب وتطبيق المفاهيم والمهارات الرياضية .
  ٣. تطوير التفكير الرياضي ومهارات حل المشكلات وتطبيق هذه المهارات في صياغة وحل المشكلات .
  ٤. يتعرف ويستخدم العلاقات بين الأفكار الرياضية ، وبين الرياضيات وغيرها من التخصصات.
  ٥. تنمية الاتجاهات الإيجابية نحو الرياضيات .
  ٦. الاستفادة الفعالة من التنوع في الأدوات الرياضية (بما في ذلك المعلومات وأدوات تكنولوجيا الاتصالات ) في تعليم وتطبيق الرياضيات .
  ٧. إنتاج أعمال مبدعة وخلق ناشئة من الأفكار الرياضية .
  ٨. تطوير قدراتهم على التفكير المنطقي ، والتواصل الرياضي ، والتعلم التعاوني وبشكل مستقل
- وزارة التربية في جمهورية سنغافورة (٢٠٠٧)

## اهداف تدريس الرياضيات في المرحلة الابتدائية في جمهورية سنغافورة :

تجعل أهداف برامج الرياضيات في المرحلة الابتدائية التلاميذ قادرين على :

- تطوير فهم المفاهيم الرياضية : العددية ، الهندسية ، الاحصائية ، الجبرية .
- التعرف على العلاقات الخاصة في بعدين وثلاثة ابعاد .
- التعرف على الانماط والعلاقات في الرياضيات .
- استخدام الانظمة الشائعة للوحدات .
- استخدام اللغة الرياضية ، والرموز والرسوم البيانية لتمثيل وربط الافكار الرياضية .
- إجراء العمليات الحسابية مع :
  - الاعداد الكلية .
  - الكسور .
  - الاعداد العشرية .
- استخدام الادوات الهندسية .
- التعامل ببراعة مع الرموز الجبرية البسيطة .
- استخدام الحاسبات .
- تطوير القدرة على اجراء الحساب الذهني .
- تطوير القدرة على اجراء التقدير .
- تطوير القدرة على التحقق من صحة ومعقولية النتائج .
- عرض وتفسير البيانات المكتوبة ، والمستوى الاحداثي ، والتمثيل البياني والجداول والصيغ .
- استخدام المفاهيم الرياضية المتعلمة لحل المسائل .
- استخدام الاستدلال المناسب لحل المسائل .
- تطبيق الرياضيات في حل المسائل الحياة اليومية .
- التفكير بشكل منطقي واستخلاص النتائج بشكل استنباطي .
- تطوير الفضول لدى المتعلمين من خلال انشطة الاستقصاء .
- جعل تعليم الرياضيات ممتعا من خلال الانشطة المتنوعة .

## بنية الرياضيات في جمهورية سنغافورة:

يظهر هذا الإطار المبادئ الأساسية لبرنامج الرياضيات المطبق على كل المستويات ، من الابتدائي إلى مستوى أ. وتحدد الاتجاه للتعليم والتعلم وتقييم للرياضيات .

المعتقدات

الاهتمام

التقدير

الثقة بالنفس

مراقبة التفكير

التنظيم الذاتي للتعلم

الحساب العددي

المهارة الجبرية

التصور المكاني

تحليل البيانات

القياس

استخدام الأدوات الرياضية



المنطق ، التواصل ، مهارات التفكير والاستدلال

التطبيق والنمذجة

عددي

جبري

هندسي

إحصائي

### شكل (١) يوضح بنية الرياضيات في جمهورية سنغافورة

حل المسائل الرياضية محور تعلم الرياضيات. ينطوي عليها اكتساب وتطبيق مفاهيم ومهارات الرياضيات في مدى واسع من الحالات ، بما في ذلك غير الروتينية ، ومشاكل مفتوحة ومشكلات عالمية حقيقية. تطوير القدرة على حل المسألة الرياضية تعتمد على خمسة عناصر مترابطة ، وهي المفاهيم والمهارات والعمليات والاتجاهات وما وراء المعرفة . وزارة التربية في جمهورية سنغافورة (٢٠٠٧)

## "المفاهيم :

المفاهيم الرياضية تغطي المفاهيم العددية الجبرية الهندسية الاحصائية وتحليل البيانات و الاحتمالات ،ينبغي على الطلاب ان يكتسب ويطور الافكار الرياضيات في عمق والنظر الى الرياضيات كل متكامل و ليست مجرد اجزاء من المعرفة منفصله عن بعضها البعض .ينبغي ان يعطي الطلاب خبرات متنوعه لمساعدتهم لتطوير الفهم العميق لمفاهيم الرياضيات ،وخلق افكار رياضيه متنوعه لربطها وتطبيقها و المشاركة بفاعليه و نشاط في تعليم الرياضيات و الاكثر تأثيرا في الاكتشاف و التطبيق ،استخدام اليدويات ( انتاج مواد) ، العمل التطبيقي ، واستخدام الوسائل التعليمية التقنية وينبغي ان يكون جزء من خبرات و تعليم الرياضيات .

## المهارات :

المهارات الرياضية تشمل المهارات الإجرائية الحساب العددي البراعة الجبرية التصور المكاني و تحليل البيانات القياس استخدام ادوات الرياضيات و التقدير .تطوير كفاءه المهارة بالنسبة للطلاب شيء اساسي في تعلم وتطبيق الرياضيات بالإضافة الى انه ينبغي على الطلاب ان يصبح و اهلين في مختلف المهارات الرياضية بالإضافة الى التأكيد على المهارات الإجرائية و الفهم الرياضي المبادئ الأساسية كفاءه المهارة يشتمل على القدرات في استخدام التكنولوجيا بثقه في المكان المناسب للاستكشاف و حل المسائل، انه من الأهمية ايضا دمج استخدام مهارات التفكير و الاستدلال في عمليات تطوير كفاءات المهارة.

## العمليات :

تشير العمليات الرياضية الى المهارات المعرفية (المهارات العملية) التي تشتمل على عمليات إكتساب وتطبيق المعرفة الرياضية والتي تشمل ايضا على التفكير المنطقي ، الاتصال و التواصل ومهارات التفكير والاستدلال والتطبيق والتمثيل الرياضي .

## التفكير المنطقي، الاتصال والتواصل والعلاقات :

يشير التفكير المنطقي الرياضي الى القدرة على تحليل الحالات الرياضية وبناء البراهين الرياضية المنطقية. التفكير المنطقي من عادات العقل التي يمكن ان تتطور من خلال التطبيقات الرياضية في سياقات مختلفة.

يشير التواصل الرياضي الى القدة على استخدام اللغة الرياضية للتعبير عن الافكار الرياضية والبراهين بشكل محدد وإيجاز ، وشحذ تفكيرهم الرياضي وجعله أكثر وضوحاً .

يشير الترابط الرياضي الى القدرة على فهم وتكوين الروابط بين الافكار الرياضية ، بين الرياضيات والمواد الاخرى وبين الرياضيات والحياة اليومية . ذلك يساعد الطلاب على لتكوين وخلق الحس فيما يتعلمون في الرياضيات .

ينبغي أن يتخلل المنطق الرياضي، التواصل والربط والعلاقات كل المستويات في تعليم الرياضيات، من الابتدائي وحتى الثانوي .

## مهارات التفكير والاستدلال :

ينبغي على الطلاب استخدام مهارات التفكير والاستدلال المختلفة لمساعدتهم على حل المسائل الرياضية. مهارات التفكير والاستدلال هي مهارات يمكن ان تستخدم في عمليات التفكير مثل التصنيف ، المقارنة ، التسلسل ، تحليل الوحدات ، تحديد الانماط ، والعلاقات ، الاستقراء ، الاستنتاج ، والتصور المكاني .

وهنا قائمة منظمة لبعض الامثلة على الاستدلال وصنف الى أربع مجموعات بالاعتماد على كيفية الاستخدام :

- ١- اكتشاف علاقة مثل رسم بياني ، عمل قائمة منظمة ، استخدام المعادلات
- ٢- عمل التخمين في الحساب مثل تخمين وتحقق ، استكشاف النمط ، اكتشاف النمط ، عمل افتراضات .

٣- من خلال الذهاب من خلال العمليات مثل : تمثيل المسألة ،الحل عكسيا ، استراتيجية قبل وبعد .

٤- حل مسألة اخرى مثل : إعادة كتابة المسألة ، تبسيط المسألة ، حل جزء من المسألة

### التطبيق والتمثيل :

يلعب التطبيق والتمثيل دورا حيويا في الفهم والكفاءة الرياضية . وانها من الاهمية بمكان حيث تجعل الطلاب قادرين على تطبيق مهارات حل المسألة ، و مهارات التفكير المنطقي ، وحل مسائل مختلفة ومتنوعة تشتمل على مسائل من الحياة الحقيقية .

التمثيل الرياضي هو عملية لصياغة وتطوير نموذج رياضي لتمثيل وحلّ مسائل لفظية حقيقية.

يستطيع ان يتعلم الطلاب من خلال التمثيل الرياضي استخدام مختلف انواع التمثيل للبيانات وتحديد وتطبيق الطرق والادوات الرياضية المناسبة لحل المسائل الحقيقية .

ينبغي اتاحة الفرصة للطلاب للتعامل مع البيانات التجريبية واستخدام الادوات الرياضية لتحليل البيانات كجزء من التعلم في كافة المستويات .

### الاتجاهات :

تشير الاتجاهات الى النواحي والمظاهر الوجدانية الرياضية لدى المتعلمين مثل :

- الاعتقادات حول الرياضيات وفائدتها .
- الاستمتاع والاهتمام بتعلم الرياضيات .
- تقدير جمال وقوة الرياضيات .
- الثقة في استخدام الرياضيات .
- المثابرة في حل المشكلات .

تشكل وتتكون اتجاهات الطلاب نحو الرياضيات من خلال خبراتهم وتجاربهم . جعل تعلم الرياضيات مرحا ، وذو معنى ، واهداف بعيدة المدى تشتمل على اتجاهات نحو الرياضيات .

ينبغي اعطاء الاهمية لنشاط المتعلمين عند تصميم أنشطة التعلم ، لباء الثقة فيهم و تطوير احترامهم للمادة.

### التفكير ما وراء المعرفي :

يُشير التفكير ما وراء المعرفي أو "التفكير في التفكير" إلى الوعي والقدرة على التحكم في عمليات التفكير تحديدا تحديدا واستخدام استراتيجيات حل المسألة. والتي تشمل على مراقبة الفرد لعملية تفكيره والتنظيم الذاتي للمتعلمين. توفير خبرات التفكير ما وراء المعرفي هو ضرورة لمساعدة الطلاب لتطوير قدراتهم على حل المشكلات. الأنشطة التالية تستخدم لتطوير الوعي المعرفي للطلاب واثراء خبراتهم وتجاربهم في التفكير ما وراء المعرفي :

- تعليم وعرض مهارات حل المشكلات العامة ، مهارات التفكير والاستدلال وكيف يمكن تطبيق هذه المهارات في حل المسائل .
- تشجيع الطلاب على التفكير بصوت عال في الاستراتيجيات والطرق التي يستخدمونها لحل مسائل محددة .
- دعم ومساعدة الطلاب في المسائل التي تتطلب التخطيط (قبل الحل ) والتقويم (بعد الحل).
- تشجيع الطلاب على البحث عن طرق بديلة لحل نفس المسائل والتحقق من صحة ومعقولية الاجابة
- السماح للطلاب لمناقشة كيف يحلون مسائل محددة وشرح الطرق المختلفة التي يستخدمونها لحل المسألة. " ( وزارة التعليم في سنغافورة ، ٢٠٠٦ )

جدول (٤) مصفوفة المدى والتتابع لمحتوى مادة الرياضيات في جمهورية سنغافورة

للمرحلة الابتدائية العليا (٤-٦):

6B	6A	5B	5A	4B	4A	
						الأعداد الكلية
					✓	تقريب الأعداد ضمن ١٠٠ ٠٠٠ إلى اقرب ١٠ أو ١٠٠
			✓			تقريب الأعداد ضمن ١٠٠٠٠٠٠ إلى اقرب ١٠ أو ١٠٠ أو ١٠٠٠
					✓	استخدام نموذج القيم المنزليه لتمثيل الأعداد ضمن ١٠٠ ٠٠٠
					✓	قراءة ، كتابة في كلمات ، قياس ، وتوسيع التقييم، وتحديد القيمه المنزلية للأرقام ومقارنة وترتيب الأعداد ضمن ١٠٠٠٠٠٠
					✓	إكمال وتوسيع الأنماط العدديه المنتظم للأعداد ضمن ١٠٠ ،٠٠٠
			✓		✓	استخدام نموذج القيم المنزلية لتمثيل الأعداد ضمن ١٠ ،٠٠٠ ،٠٠٠٠
					✓	استخدام نموذج القيم المنزلية لتمثيل الأعداد ضمن ١٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠
					✓	قراءة ، كتابة في كلمات ، قياس، توسيع التقييم، تحديد القيم المنزلية للأرقام ومقارنة وترتيب الأعداد ضمن ١ ،٠٠٠٠ ،٠٠٠٠٠ ،٠٠٠٠٠٠٠
					✓	إكمال وتوسيع الأنماط العدديه المنتظم للأعداد ضمن ١٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠
					✓	تقريب الأعداد ضمن ،٠٠٠٠ ،٠٠٠٠٠ ،٠٠٠٠٠٠٠ إلى اقرب ١٠ أو ١٠٠ أو ١٠٠٠
			✓			قراءة ، كتابة في كلمات ، قياس ، وتوسيع التقييم ، تحديد القيم المنزلية للأرقام ، وتقريب الأعداد ضمن المليارات
			✓			تقريب الأعداد الكبيرة إلى اقرب اقرب ١٠ أو ١٠٠ أو ١٠٠٠ أو ١٠٠٠٠٠ أو ١٠٠٠٠٠٠
						جمع وطرح الأعداد الكلية:-
					✓	جمع وطرح الأعداد ضمن، ١٠٠ ،٠٠٠ .
			✓		✓	استخدام التقدير للتحقق من معقولة ناتج الحساب في الجمع والطرح والتأكد من مسائل الطرح باستخدام الجمع.
					✓	تحديد قيما إذا كان التقدير معقول وتحديد معمولي التقدير في حالة

						مسألة رياضية .
			✓			جمع وطرح الأعداد ضمن المليارات.
						ضرب وقسم الأعداد الكلية.
					✓	ضرب الأعداد ضمن. ١٠٠,٠٠٠ في عدد من رقم واحد.
					✓	قسمة الأعداد ضمن ١٠٠٠٠ على عدد من رقم واحد تشمل بعض الحالات على وجود الباقي .
			✓		✓	ضرب الأعداد ضمن ١٠٠٠٠ في رقم عدد من رقمين .
					✓	قسمة الأعداد ضمن ١٠٠٠٠ على عدد من رقمين.
					✓	ضرب وقسمة الأعداد ضمن ١٠,٠٠٠,٠٠٠ على العشرات،المئات،الألوف.
			✓		✓	استخدام التقدير للتحقق من معقولية الناتج في مسائل الضرب والقسمة.
			✓		✓	التأكد من مسائل القسمة باستخدام عملية الضرب.
			✓		✓	إيجاد العوامل والعوامل المشتركة لأعداد كليه ضمن ١٠٠.
			✓			إيجاد القاسم المشترك الأكبر لثلاثة أعداد ضمن ١٠٠
			✓		✓	تحديد الأعداد الأولية
			✓		✓	تحديد العوامل الأولية للأعداد ضمن ١٠ وكتابة الأعداد كحاصل ضرب العوامل الأولية واستخدام الأسس
			✓		✓	إيجاد المضاعفات والمضاعفات المشتركة لأعداد كلية ضمن ١٠٠.
			✓			إيجاد المضاعف المشترك الأصغر لثلاثة أعداد ضمن ١٠٠
			✓		✓	استخدام قواعد قابلية القسمة على ٢، ٣، ٥، ٦، ٩، ١٠.
			✓		✓	استخدام ترتيب العمليات لحل العبارات الرياضية مع أو بدون أقواس.
			✓		✓	فهم خاصية التوزيع
						إستراتيجيات الرياضيات الذهنية
			✓		✓	استخدام خصائص الإبدال والتجميع لتنفيذ العمليات الحسابية الذهنية والتحقق من النتائج.
			✓		✓	استخدام خاصية التوزيع لتنفيذ العمليات الحسابية الذهنية والتحقق من النتائج .
					✓	الطرح من ١٠٠٠

			✓			جمع / طرح الأعداد للإكمال إلى ١٠٠٠ ( مثال ٩٩٨ )
				✓		جمع / طرح عدد للإكمال إلى مضاعفات ١٠٠ ( مثال ٤٩٨ )
			✓			جمع / طرح العشرات والمئات والألوف إلى أو مع الأعداد العشرية
					✓	الضرب في ٩٩ أو ٢٥
					✓	ضرب مضاعفات العشره في مضاعفات العشرات أو المئات .
			✓			الضرب في عدد أقل بواحد من مضاعفات العشره أو المئه ( مثال ٤٩ ، ٤٩٩ )
الكسور						
					✓	إيجاد الكسور المتكافئه وتبسيطها
	✓		✓		✓	مقارنة وترتيب الكسور ذات المقامات المختلفه
					✓	تعرف وذكر الكسر من مجموعه
					✓	إيجاد الكسر من مجموعه عندما تكون الإجابه عددًا كليًا .
	✓		✓		✓	إيجاد الكسر من مجموعه عندما تكون الإجابه عددًا كليًا أو عددًا كسريًا .
				✓		إيجاد قيم العمله النقديه ككسر من الدولار
			✓		✓	إيجاد الكسر من مجموعه من للقياسات ( مثال ١٠ دقائق ككسر من ساعه واحده ) .
					✓	جمع / طرح الكسور التي لها المقام نفسه .
			✓		✓	إضافة / طرح الكسور ذات الصله .
	✓				✓	إضافة / طرح الكسور المختلفه المقام .
			✓		✓	فهم الأعداد الكسريه والكسور غير الحقيقيه ، والتحويل بينهما ، وتحديد موقعها على خط الأعداد
	✓					علاقة القسمة بالكسور .
	✓		✓		✓	جمع / طرح الأعداد الكسريه
						إيجاد المضاعف المشترك الأصغر والقسام المشترك الأكبر لأعداد كلية واستخدامها لحل مسائل تحتوي على كسور
						ضرب كسر في عدد كلي
✓	✓					ضرب كسر في كسر
✓	✓					قسمة كسر على عدد كلي

✓						قسمة عدد كلي أو كسر على كسر
✓						تطبيق ترتيب العمليات مع أو بدون الأقواس لحل مسائل
الكسور العشرية :						
		✓		✓		فهم الأعداد العشرية ، الأجزاء من مئة ، الأجزاء من ألف ، موضع الأعداد العشرية على خط الأعداد ، ومقارنة الأعداد العشرية .
		✓		✓		تحويل الكسر العشري إلى كسور وتبسيطها
		✓		✓		تحويل كسر إلى عدد عشري ( المقامات مضاعفات ل ١٠٠ او ١٠٠٠ )
		✓		✓		مقارنة وترتيب الأعداد العشرية حتى ٣ منازل عشرية وكسور
		✓				تقريب الأعداد العشرية حتى منزلتين عشريتين إلى أقرب عدد كلي أو أقرب عشر ( منزلة عشرين واحدة )
		✓		✓		٦_ تقريب الأعداد العشرية حتى ٣ منازل عشرية إلى أقرب عدد كلي ، إلى أقرب عُشر ، إلى أقرب جزء من مئة
		✓				جمع / طرح الأعداد العشرية حتى منزلتين عشريتين
		✓				جمع / طرح الأعداد العشرية حتى ٣ منازل عشرية
		✓				ضرب وقسمة الأعداد العشرية حتى خانتي عشريتين في عدد كلي
		✓				إيجاد خارج القسمة لأقرب عشرة
		✓				إيجاد خارج القسمة لأقرب جزء من مئة
		✓				تحويل الكسور إلى أعداد عشرية ولأقرب جزء من مئة
		✓				ضرب وقسمة الأعداد العشرية على العشرات ، المئات ، الألوف
		✓				ضرب وقسمة الأعداد العشرية في عدد كلي من رقمين
		✓				ضرب وقسمة عدد كلي أو عدد عشري على عدد عشري
		✓		✓		استخدام التقدير للتحقق من معقولية الناتج في مسائل تحتوي على أعداد عشرية.
الزمن						
		✓	✓	✓		التحويل بين الوحدات الزمنية
الطول والعرض والكتلة والسعة :-						
			✓			تحويل الوحدات ضمن النظام المتري باستخدام عملية الضرب
				✓		جمع / طرح القياسات في وحدات مركبة

			✓		ضرب وقسمة القياسات في وحدات مركبة
		✓	✓		تحويل القياسات الكسرية إلى وحدة مختلفة أو وحدة مركبة ضمن نظام القياس
		✓			تحويل الوحدات تشمل كسور عشرية ضمن نظام القياس
المحيط والمساحة والحجم :-					
		✓	✓		إيجاد مساحة أشكال بواسطة تحويلهم إلى وحدات مربعة أو مربعات معدودة
		✓	✓		فهم واستخدام وحدات المساحة مثل السنتيمتر مربع والبوص المربع
		✓	✓		إيجاد المساحة ، المحيط والأضلاع المجهولة للمستطيل
		✓	✓		إيجاد المساحة ، المحيط للأشكال المركبة من مربعات ومستطيلات
		✓			استنتاج صيغة مساحة المثلث وإيجاد مساحة المثلثات
		✓			استنتاج صيغة متوازي الأضلاع وإيجاد مساحات متوازيات الأضلاع
		✓			إيجاد مساحة سطح المكعب ومنشور قائم
			✓		عد الوحدات المكعبة في الأشكال الثنائية والأشكال الثلاثية وعد الوحدات المكعبة في التمثيلات الثنائية للأشكال الثلاثية المجسمة
			✓		إيجاد الحجم للأشكال المجسمة بواسطة عد الوحدات المكعبة
			✓		فهم واستخدام وحدات الحجم مثل السنتيمتر المكعب والبوصة المكعبة
			✓		إيجاد حجم منشور قائم
			✓		إيجاد طول منشور قائم معطى الحجم وطول ضلعين أو مساحة جانبية
✓					فهم العلاقة بين السنتيمتر المكعب ، الملتر مكعب والترات
✓					حل مسائل تشتمل على التحويل بين ارتفاع السوائل وحجم تلك السوائل في أحواض تحتوي مسائل نسبة
✓					إيجاد حجم المجسمات باستخدام الإزاحة
✓					إيجاد حجم منشور ثلاثي قائم وأسطوانات
✓				✓	إيجاد حجم أشكال مركبة تحتوي منشورات وأسطوانات
✓					حل مسائل متعددة الخطوات تشتمل على أحجام سوائل ومجسمات وإزاحة السوائل
✓				✓	تحديد نصف القطر والقطر للدائرة ، وإيجاد أحدهم عندما يعطى الآخر
✓					استنتاج صيغته لمحيط الدائرة وإيجاد محيط الدائرة عندما يعطى نصف

						القطر أو القطر
✓						استنتاج صيغه لمساحة الدائرة وإيجاد المساحة عندما يعطى نصف القطر أو القطر .
✓						إيجاد المحيط والمساحة لأشكال مركبة تحتوي على مربعات ومستطيلات ومثلثات وأنصاف دوائر أو أرباع دوائر.
الهندسة						
		✓		✓	✓	يعطى ويتابع الاتجاهات حول الموقع .
					✓	يرتب ويصف ويصنف الأشكال ثنائية الأبعاد بما فيها الأوجه للأشكال الثلاثية الأبعاد .
		✓			✓	يصف ، ويصنف الأشكال الثلاثية الأبعاد والثنائية طبقاً لأعداد وأشكال الأوجه والأحرف والرؤوس .
					✓	وصف ومدّ الأنماط المتكررة تحتوي على الألوان والأشكال .
				✓	✓	وصف ومدّ الأنماط المتكررة تحتوي على أشكال مركبة .
					✓	تحديد الأشكال الثلاثية الأبعاد الشائعة ضمن أشكال مركبة
✓						تحديد المستقيمات المتقاطعة والمتوازية .
						تحديد ووصف المضلعات .
				✓	✓	تحديد صفات المثلثات والأشكال الرباعية .
					✓	تحديد الزوايا القائمة ومقارنة الزوايا بالزاوية القائمة .
✓						تحديد الزوايا الحادة ، المنفرجه ، القائمة وعلاقة ٩٠ ، ١٨٠ ، ٢٧٠ ، ٣٦٠ مع الربع ، والنصف ، والثلاثة أرباع ،
				✓		قياس وبناء الزوايا .
				✓		تحديد المستقيمات المتعامدة والمتوازية .
					✓	ذكر الأشكال المختلفة من المثلثات والأشكال الرباعية .
✓		✓				إيجاد الأطوال للأضلاع غير المعلومة معطى أطوال الأضلاع الأخرى أو المحيط للمثلث والأشكال الرباعية .
		✓				تصنيف الزوايا المتقابلة بالرأس ، المجاورة ، متممة ، مكملية ويزود بأوصاف لهذه الشروط .
		✓				إيجاد الزوايا غير المعلومة في الأشكال الهندسية بالاعتماد على تعريف الزوايا المتقابلة بالرأس والمتجاورة والمتممة أو المكملية .

			✓			يعرف ويستخدم خصائص الزوايه لتقاطع خطين مثلثات ، متوازيات الأضلاع ، معينات شبه منحرف لحل مسائل تنطوي على إيجاد النتيجة لزوايا غير معلومة . .
✓						بناء الزوايا ، متوازيات الأضلاع ومعينات مع زوايا محددة .
✓						بناء شبه المنحرف والأشكال الرباعية المختلفة مع زوايا محددة وأطوال الأضلاع .
✓						تصور، وصف ورسم الجسومات الهندسية
				✓		تحديد شبكات الجسومات أو مجسمات الشبكات .
				✓		إنشاء
				✓		تحديد الأشكال الهندسية التي لديها خط تناظر .
		✓				تحديد الأشكال الهندسية التي لديها خط تناظر دوراني .
		✓				فهم ترتيب الشبكة ، تحديد النقاط وكتابة الزوج المرتب (الربع الأول) .
				✓		إيجاد طول خطوط أفقية وعمودية على المستوى الإحداثي .
النسبة المئوية :						
		✓				فهم واستخدام النسبة المئوية .
		✓				إيجاد أعداد عشرية وكسور مكافئة للنسبة المئوية .
		✓				كتابة الكسور كنسب مئوية .
		✓				حل المسائل التي تحتوي على نسبة مئوية من كمية.
	✓	✓				حل المسائل التي تحتوي على جزء من الوحدة كنسبة مئوية .
	✓					حل المسائل التي تحتوي وحدة واحدة كنسبة مئوية من الأخرى .
	✓					حساب النسبة المئوية المعطاة من كميات وحل المسائل التي تحتوي على تخفيضات في المبيعات ، الفائدة المكتسبة ، النسبة المئوية لزيادة أو النقصان .

الوحدات والمواضيع التي تم معالجتها في كتب الرياضيات في جمهورية سنغافورة للصف السادس الابتدائي :

جدول(٥) :وحدات ومواضيع كتاب الرياضيات للصف السادس الابتدائي في جمهورية سنغافورة  
(الفصل الأول):

الرقم	الوحدات	الموضوعات (العناوين)
١	الجبر.	١- العبارات الجبرية.٢- التبسيط والتقييم. ٣- حل المسألة
٢	الكسور	١- قسمة الأعداد الكليه على كسر حقيقي. ٢- قسمة كسر حقيقي على كسر حقيقي. ٣- حل المسألة الرياضية.
٣	النسبة المئوية	١- إيجاد الكل عند معرفه النسبة المئوية ٢- التغير في النسبة المئوية ٣- حل المسألة الرياضية
٤	النسبة	١- النسبة والكسور ٢- الكسور المتكافئة والنسبية ٣ -نسب التغير.
٥	السرعة	١- السرعة ومعدل السرعة ٢- حل المسألة الرياضية
٦	الأشكال المجسمة (المجسمات)	١- رسم الأشكال المجسمة (الفراغية) ٢- الشبكات

جدول(٦) :وحدات ومواضيع كتاب الرياضيات الصف السادس في جمهورية سنغافورة (الفصل الثاني):

الرقم	الوحدات	الموضوعات(العناوين)
١	الدوائر	١- الأوتار والأقطار ٢- محيط الدائرة ٣ - مساحة الدائرة ٤- مسائل أكثر على الدوائر.
٢	القطاعات الدائرية.	١- قراءة القطاعات الدائرية.
٣	الحجم	١- المكعبات وأشباه المكعبات ٢- حل المسألة الرياضية .
٤	المثلثات والأشكال الرباعية	١- المثلثات والأشكال الرباعية
٥	مسائل أكثر تحدي (١)	١- الأعداد الكلية والأعداد العشرية. ٢- الكسور
٦	مسائل أكثر تحدي (٢)	١- النسبة ٢- السرعة ٣- النسبة المئوية.

## المبحث الثالث : المحتوى

### مفهوم المحتوى Content :

**المحتوى** : لفظ من الفعل (حوى) بمعنى استولى عليه وملكه، ومنه اشتق الفعل (احتوى) ومصدره (المحتوى) .

يمثل المحتوى ثاني مكونات المنهج الرئيسية، وأول أولى المكونات التي تتأثر بأهداف المنهج فبعد أن يتم تحديد الأهداف، يتم تحديد المحتوى المناسب لتحقيق تلك الأهداف. ويعد العنصر الذي تدور حوله عدة عناصر وطرق ووسائل وأنشطة وأساليب التقويم، وفي ظل الثورة المعلوماتية والنمو المتزايد للمعرفة الإنسانية في كافة المجالات المختلفة باتت عملية اختيار المحتوى عملية معقدة وصعبة وتحتاج إلى تضافر جهود الخبراء والمتخصصين في المجالات التربوية والأكاديمية لاختيار المحتوى المناسب من بين الكم الهائل من المعرفة، بحيث تحقق ما تم التوصل إليه من أهداف، فالمحتوى ليس غاية وإنما هو وسيلة لغاية محددة هي تحقيق أهداف المنهج البعيدة والقريبة (يونس، وآخرون ٢٠٠٤).

عرفه طعيمة ( ٢٠٠٤ ، ٩ ) بأنه " ما تضمنه دفئا الكتاب من معلومات وحقائق وأفكار ومفاهيم تحملها رموز لغوية يحكمها نظام معين من أجل تحقيق هدف ما. " ويُعرّف المحتوى بأنه "مجموعة من الخبرات التي تقدم من خلال المقررات الدراسية لتحقيق التنمية الشاملة للمتعلم من خلال ما يكتسبه من المعلومات والمفاهيم والمهارات والاتجاهات والقيم التي يحتاج إليها ليتوافق مع مجتمعه في مجالات الحياة المختلفة والتي تعدها المؤسسة التربوية للمتعلمين من أجل دراستها" (شاهين، ٢٠٠٦ : ١٢٣).

بينما عرّفه الخليفة (٢٠٠٥ : ١٣٣) بأنه "نوعية الخبرات التعليمية - الحقائق والمفاهيم والتعميمات والنظريات - والمهارات والوجدانيات التي يتم اختيارها، وتنظيمها على نمط معين، لتحقيق أهداف المنهج التي تم تحديدها من قبل". وعرفه أبو أسعد (٢٠١٠) محتوى المنهاج بأنه "الخبرات التعليمية من معلومات ومهارات واتجاهات سواء كانت صفة أو غير صفة والتي من شأنها تحقيق أهداف المنهاج".

ويُعرّف المحتوى بأنه "مجموعة من الخبرات التي تقدم من خلال المقررات الدراسية لتحقيق التنمية الشاملة للمتعلم من خلال ما يكتسبه من المعلومات والمفاهيم والمهارات والاتجاهات والقيم التي يحتاج إليها ليتوافق

مع مجتمعه في مجالات الحياة المختلفة والتي تعدها المؤسسة التربوية للمتعلمين من أجل دراستها" (شاهين، ٢٠٠٦: ١٢٣).

عُرف العمر ( ٢٠٠٧، ص٢٦١) المحتوى بأنها : مجموعة الحقائق والمفاهيم والمبادئ والمهارات والقيم والأنشطة التي يتضمنها المنهج المراد للطلاب أن يتعلموه ، وغالبًا ما يتم اختيار هذا المحتوى وفق معايير محددة ليناسب المرحلة العمرية للمتعلمين والتطورات التعليمية الجارية .

بينما عرفه الخليفة (٢٠١١، ص١٢ ) بأنه يعني :المعالجة التفصيلية لموضوعات المقرر، وهو يشتمل عادة على حقائق ومعارف ومفاهيم وتعميمات ومبادئ ونظريات : أي يتضمن نواحي معرفية عديدة تعكس جزءًا أو أجزاء من البنية المعرفية لعلم ما أو لعدد من العلوم ،وهذا المحتوى قد يتم تنظيمه في شكل أو آخر ليلئم مستوى دراسي معين .

ويعرّف الباحث محتوى منهج الرياضيات بأنه مجموعة الخبرات المختارة التي تركز على الحقائق والمفاهيم الرياضية والتعميمات والنظريات والأنشطة التي تُنظّم وفق معايير محددة، والتي يرمى منها تحقيق الاهداف المعرفية والوجدانية والمهارية المقررة على الطلاب دراستها في وقت محدد ،مع مراعاة جوانب نمو الطالب المختلفة للوصول بالفرد إلى النمو المتكامل حسب المرحلة العمرية التي يمر بها.

### **معايير اختيار المحتوى:**

وتتم عملية اختيار المحتوى في ضوء معايير أساسية ذات صلة بالجوانب الاجتماعية والسياسية والسيكولوجية والعلمية والتربوية، ومن هذه المعايير (يونس، وآخرون ٢٠٠٤ : ٩٣ - ٩٥):

- أن يكون المحتوى مرتبطاً بالأهداف.
- أن يكون المحتوى صادقاً وذو دلالة.
- أن يراعي حاجات وميول الطلبة.
- مراعاة المحتوى للفروق الفردية.
- ربط المحتوى بالواقع الاجتماعي والثقافي للطلاب.
- التوازن بين الشمول والعمق.
- مراعاة ظروف تطبيق المحتوى.

## بناء محتوى الرياضيات؛

لقد كانت الرياضيات ولا تزال، مناط الثقة واليقين عند معظم المفكرين لما تمتاز به من دقة، فأصبحت بمنهجها الاستنباطي، مثلاً يُحتذى به لكل تفكير ضروري، ولكل مفكر يبحث عن الدقة والثقة في تفكيره. لقد أصبحت الرياضيات في عالمنا اليوم أكثر أهمية وضرورة لحياتنا المعاصرة عما كانت عليه الرياضيات في الماضي، وذلك لاستخداماتها العديدة في مجال الحياة اليومية والاعتماد عليها في كثير من العلوم، وهذا يعني بالتأكيد وجود قوة خفية لها تتعلق بطبيعة الرياضيات وما تميزت به (عفانة وآخرون، ٢٠١٢).

تم عملية اختيار المحتوى في ضوء معايير أساسية ذات صلة بالجوانب الاجتماعية والسياسية والسيكولوجية والعلمية والتربوية، إذ يجب أن يكون المحتوى مرتبطاً بالأهداف، وصادقاً ذا دلالة، ويراعي حاجات وميول الطلبة، ويراعي الفروق الفردية بين الطلبة، ويرتبط بالواقع الاجتماعي والثقافي للطلاب، ويوازن بين الشمول والعمق، ويراعي ظروف تطبيق المحتوى (يونس، وآخرون، ٢٠٠٤).

وتُعرّف بنية الرياضيات بأنها على أنها: منظومة من العناصر والعلاقات التي تحكم التعامل بهذه العناصر وقد تتضمن معرفات (تعاريف) ولا معرفات ومسلّمات ومبرهنات (عبيد، ٢٠١٠: ٩٠). وهي ثلاثي مرتب يتكون من مجموعة غير خالية، وعلاقات على هذه مجموعة، ومسلّمات (سمات) أو وصف لتلك العلاقات على المجموعة (راشد، ٢٠٠٩).

وهي بنية افتراضية مبنية على المسلّمات فهي تبدأ بتعابير أو مصطلحات رياضية تقبل دون تعريف (مثل النقطة، الخط) ويربط بين هذه المفاهيم أو المصطلحات (غير المعرفة) بجمل رياضية تسمى تعميمات أو مسلّمات، وباستعمال قواعد المنطق نحصل على جمل رياضية مبرهنة تسمى نظريات وهذه النظريات توضح خصائص المصطلحات غير المعرفة.

والرياضيات هي مجموعة من الأنظمة الرياضية التي تبدأ بـ (المفردات غير المعرفة) ومنها النقطة، الخط، المجموعة، العدد: وتعد اللامعرفات المكون الأساسي الأول من مكونات البنية الرياضية. أما المكون الثاني فهي (التعريفات) والتعريف هو وصف.... اللفظ أو المصطلح أو الشيء وتحديد مفهومه وتقوم هذه التعريفات على المفردات المعرفة وغير المعرفة لتصف الصفات الأساسية للفكرة أو المفهوم أو الرمز بوضع الاهتمام. أما المكون الثالث للبنية الرياضية وهو المسلّمات وهي عبارات أو جمل نتقبلها دون حاجة إلى

البرهنة عليها وذلك لوضوحها وهي مجرد افتراضات يسلم بصحتها بشرط ألا تكون متناقضة مع النسق الرياضي فلا تناقض مع التعريفات مثلاً، أما الأساس أو المكون الرابع من مكونات البنية الرياضية فهو (النظريات) وهي نتائج منطقية يمكن البرهنة على صحتها بالاستناد إلى مجموعة المسلمات والتعاريف والنظريات المبرهنة سابقاً (الأمين، ٢٠٠١).

وأشارت دراسة أبو سكران (٢٠١٧) إلى أن بناء المحتوى الرياضي يجب أن يتم من خلال مراعاة ثلاث أبعاد رئيسة هي (المجال الرياضي - المعرفة الرياضية - العمليات الرياضية).

### ١. المحتوى الرياضي:

أشارت وثيقة معايير المجلس القومي لمعلمي الرياضيات (NCTM, 2000) أنه عند اختيار وبناء مناهج الرياضيات يجب أن تشمل خمسة مجالات للمحتوى الرياضي، وهي فيما يلي :

العدد والعمليات: ويتضمن :

- فهم الأعداد وتمثيلها، والعلاقات فيما بينها، وفهم الأنظمة العددية.

- فهم معاني العمليات، وارتباطها ببعضها البعض.

- الحساب بسهولة وطلاقة، وعمل تقديرات معقولة.

الجبر: ويتضمن :

- فهم النماذج والعلاقات والدوال.

- تمثيل وتحليل البنى الرياضياتية باستخدام الرموز الجبرية.

- استخدام النماذج الرياضياتية لتمثيل وفهم العلاقات الكمية.

الهندسة: وتتضمن :

- وصف الأشكال الهندسية ثنائية وثلاثية الأبعاد.

- تحديد العلاقات المكانية وتحديد المواقع باستخدام الهندسة الإحداثية.

- استخدام التصوّر، والتفكير المكاني، والنمذجة لحل المشكلات.

القياس: ويتضمن

- فهم خصائص الأجسام القابلة للقياس، وفهم وحدات القياس.

- استخدام الأدوات والأساليب المناسب للقياس.

- تحليل البيانات والاحتمالات: ويتضمن

- جمع وتنظيم وعرض البيانات.

- اختيار الأساليب الإحصائية المناسبة لتحليل البيانات.

- تطوير استنتاجات، وتنبؤ مبني على البيانات.

- استخدام المفاهيم الأساسية في الاحتمالات.

المعرفة الرياضية:

وتشير وثائق المجلس القومي لمعلمي الرياضيات (NCTM) أنّ المعرفة الرياضية تشمل ثلاث مستويات، هي (المعرفة المفاهيمية، الإجرائية، وحل المشكلات)، وفيما يلي يتناول الباحث هذه المستويات بنوع من التفصيل:

١. **المعرفة المفاهيمية:** وهي معرفة البنية الأساسية للعلاقات وترابط الأفكار التي توضح وتُعطي معنى للإجراءات الرياضية. فالمعرفة المفاهيمية لا تعني معرفة كيف نقوم ببعض الإجراءات، وإنما ضرورة فهم الروابط بين الأفكار والمفاهيم الرياضية، مثل: ارتباط مفهوم قسمة الكسور، بالتناسب والقياس والنسبة المئوية (خالد المطرب، ٢٠١٥).

٢. **المعرفة الإجرائية:** وهي "قواعد أو إجراءات حل المشكلات الرياضية" (خالد المطرب، ٢٠١٥). وهي لا تقتصر على معرفة الإجراءات، بل تشمل معرفة الخوارزميات (Star, 2005).

٣. **حل المشكلات الرياضية:** يُعتبر حل المشكلات الرياضية من أعقد الأنشطة العقلية إن لم تكن أعقدها، الأمر الذي جعل الذكاء يُعرّف أحياناً بأنه حل للمشكلات، ولذلك يعتبر حل

المشكلات الرياضية "نشاطاً عقلياً عالياً، يتضمن العديد من العمليات العقلية المتداخلة مثل التخيل والتصور والتذكر والتجديد والتعميم والتحليل والتركيب بالإضافة إلى المعلومات والمهارات والقدرات العامة والعمليات الانفعالية مثل الرغبة والدافع" (إسماعيل الصادق، ٢٠٠١).

وتعرّف أيضاً بأنها "عملية يوظف فيها المتعلم معلوماته وخبراته السابقة لمواجهة موقف غير مألوف، وهذا الموقف يفرض على المتعلم أن يعيد تنظيم تعلمه السابق ويطبقه على الموقف الجديد، ومهارة حل المشكلة تتطلب التأمل في الموقف الجديد بحيث يتمكن المتعلم من تحليل الموقف إلى عناصره ويدرك الروابط بينها" (فريد أبو زينة، وعبد الله عباينة، ٢٠٠٧).

## ٢. العمليات الرياضية:

أشار أبو سكران (٢٠١٧) أن المحتوى الرياضي يجب أن يتضمن عمليات رياضيات متعددة كونها تمثل مصدراً أساسياً للقوة الرياضياتية، إذ أنّ وجود المعرفة الرياضية لدى الطالب في أي موضوع من موضوعات الرياضيات لا يكفي وحده بل يحتاج الطالب إلى قدرات ومهارات تواصلية وترابطية وتمثيلية. وتضمن العمليات الرياضية:

- **التواصل الرياضي:** وهو "اكتساب الطالب القدرة على التعبير عن أفكاره الرياضيّة بوضوح وفاعلية، بحيث يفهمها الآخرون بسهولة عندما يُعبر عنها الطالب" (كوثر كوجك، ٢٠٠١: ٣١٩).
- **الترابط الرياضي:** وهو عملية رياضية تتضمن إدراك الطالب للعلاقة بين موضوعات الرياضيات، وإدراك الترابطات بين المواد الدراسية المختلفة، بالإضافة إلى إدراك العلاقة بين محتويات المدرسة وما يربطها بمفردات حياة الطالب الحقيقية (رضا السعيد، ناصر عبد الحميد، ٢٠١٠).
- **التمثيل الرياضي:** وهو التكوين الذي ينشأ عند تمثيل علاقة أو مفهوم رياضي ما بطريقة أخرى. ومن خلاله يمكن عرض المفاهيم والعلاقات الرياضيّة بالصورة أو الرسم أو الرمز (محمد عوض الله، ٢٠٠٣: ١٠٧).
- **الاستدلال الرياضي:** ويعتبر من العناصر الأساسية في الرياضيات، ويمثل عملية تفكير تتضمن وضع الحقائق أو المعلومات بطريقة منظمة أو معالجتها بحيث تؤدي إلى استنتاج أو قرار أو حل مشكلة، ويتم ذلك بالاستناد إلى قواعد وإستراتيجيات محددة، بهدف إنتاج وتوليد معرفة جديدة عن طريق الاستنباط أو الاستقراء (حسن شحاته، وزينب النجار، ٢٠٠٣: ٣٨).

## عناصر البنية الرياضية:

ذكر بدوي (٢٠٠٣: ١٧٢) أن المحتوى الرياضي يتكون من خمسة مجالات هي: الحس العددي والعمليات على الأعداد وخواص هذه الأعداد، عمليات القياس، الهندسة والحس المكاني، تحليل البيانات والاحصاء والاحتمالات، الجبر والدوال الجبرية، وتتضمن هذه المجالات الخمسة ثلاثة أنواع من القدرات الرياضية: المعرفة المفاهيمية، المعرفة الإجرائية، حل المشكلات.

وأشار (عفانة، ٢٠٠٦: ٢٦) إلى أن الهياكل الرياضية تتضمن المفاهيم والمبادئ والقوانين والنظم التي ترتبط فيما بينهما لتكوين بنية أولية توحد الفكر والمنطق وتتكون الهياكل الرياضية من العناصر الآتية:

١. المفاهيم: وهي تتكون من الخصائص المشتركة للأشياء التي ترتبط مع بعضها البعض ضمن إطار رياضي موحد لبناء الأساس المنطقي لمصطلح المفهوم أو قاعدته.

٢. التعميمات: وهي تشتمل على مفهوميين رياضيين أو أكثر، وتندرج تحت التعميمات، القوانين والمبادئ والأسس والنظريات الرياضية.

٣. الأنظمة الرياضية: وهي تشتمل على نوعين، الأولى تسمى بأنظمة العملية الثنائية، والثانية بالأنظمة ذات العملتين.

٤. المنطق وأساليب التفكير: في واقع الأمر لا يعتبر المنطق الرياضي علمًا مستقلاً لا بذاته وإنما هو عبارة عن سلسلة من الخطوات المرتبة للوصول إلى نتائج صحيحة، وعلى هذا فإن الرياضيات (كمجموعة وهيكل) تمثل نظاماً منطقيًا يعبر عنه بالرموز والقواعد المرتبطة بها بصورة تضمن الانتقال من البسيط إلى المركب، ومن الجزء إلى الكل... وهكذا، إلا أن هذا الترتيب والتسلسل ينبغي أن يكفل أيضًا الانسجام العقلي للمتعلم بطريقة استقرائية استدلالية، مما يضمن فرض التفكير الواعي والبناء بالمعضلات عن طريق الإقناع والمنطق.

وفيما يلي تناول مختصر لمجالات المحتوى الرياضي كما ذكرها (أبو أسعد، ٢٠١٠):

١. **الحساب:** ويشمل دراسة الأعداد الصحيحة والكسور والأعداد العشرية، وعمليات الجمع والطرح والقسمة والضرب. وهذا الفرع يُعتبر أساس مجالات الرياضيات الأخرى، حيث يُقدم للطلاب مهارات الرياضيات الأساسية.

٢. **الجبر:** وهو لا يقتصر على دراسة الأعداد فقط - كالحساب - وإنما يشمل حل معادلات تحتوي أحرفاً مثل س، ص، تمثل كميات مجهولة، كذلك يستخدم في العمليات الجبرية الأعداد السالبة والأعداد الخيالية (الجزور التربيعية للأعداد السالبة).

٣. **الهندسة:** تشمل دراسة خواص وعلاقات الأشكال في الفضاء، وتدرس الهندسة المستوية الأشكال الرباعية والدوائر والأشكال الأخرى في المستوى، بينما تدرس الهندسة الفراغية الأشكال ذات الأبعاد الثلاثة مثل الكرة والمكعب.

٤. **الاحتمالات والإحصاء:** الاحتمالات دراسة رياضية لمدى احتمال وقوع حدث ما، ويستخدم لتحديد فرص إمكانية وقوع حادث غير مؤكد الحدوث، أما الإحصاء فهو فرع يهتم بجمع البيانات وتحليلها لمعرفة الأنماط والاتجاهات العامة، ويعتمد بشكل كبير على الاحتمالات.

٥. **نظرية المجموعات والمنطق:** تبحث نظرية المجموعات في صفات وعلاقات المجموعات، والمجموعة هي تجميع من الأشياء ذات صفات مشتركة. أما المنطق فهم فرع يستخدم رموز وطرق رياضية، استنتج علماء الرياضيات منها نظاماً عديدة تستخدم في التطوير التكنولوجي.

ويمكن تحديد التركيب الرياضي على أنه تركيب افتراضي يتكون؟ (موسى، ٢٠٠٥):

١. مجموعة من العناصر: قد تكون أعداداً مثل مجموعة الأعداد الحقيقية أو مجموعاتها الجزئية، مجموعة الأعداد النسبية، مجموعة الأعداد غير النسبية، مجموعة الأعداد الصحيحة، مجموعة الأعداد الطبيعية أو التي تكون مجموعة نقاط أو مجموعة مسميات أو مجموعة مستويات وهذه العناصر لا يشترط أن يكون لها معنى أو دلالة معينة بل هي لا معرفات أو مسميات أولية تفهم دون حاجة إلى تعريفها، وتخص نظاماً معيناً تكتسب معناها.

٢. **المعرفات:** توضح مفهوم المصطلحات والعمليات التي تستخدم في النظام الرياضي.

٣. **البديهيات أو المسلمات:** وهي عبارة عن جمل رياضية تتضمن مصطلحات معرفة وغير معرفة، فمثلاً في الهندسة الإقليدية نجد أن أحد الأمثلة على البديهيات المثال التالي " بين كل نقطتين معلومتين يمكن رسم مستقيم واحد يمر بهما ". ونلاحظ في هذه البديهية استخدام كلمة نقطة لمصطلح غير معرف، وكلمات "خط" و "بين" كمصطلحات معرفة، وعليه نلاحظ أنه في أي بديهية يجب أن تظهر اللامعرفات والمعرفات بشكل مباشر أو غير مباشر في الصياغة اللغوية.

٤. **النتائج (النظريات):** تشتق عن طريق استخدام المنطق الصوري، أي يبرهن عليها وهذه النظريات توضح خصائص المصطلحات المعرفة وغير المعرفة وتوضح أيضاً خصائص العناصر الأولية وصفاتها الأساسية.

ويشير راشد (٢٠٠٩) إلى أن لكل علم بنيته الخاصة، والتي تتفق إلى حد كبير مع بيئة أي علم آخر، والرياضيات كأحد هذه العلوم لها بنيتها التي تبدأ بالمفاهيم وتنتهي بالمسائل. وقد مثل (راشد، ٢٠٠٩) هذه البنية على شكل هرم قاعدته المفاهيم ورأسه المسائل والمشكلات، وفيما يلي الشكل:



شكل (٢): هرم البنية الرياضية

معظم الرياضيين إلى يصنّف البنية الرياضية التي يتضمنها المنهج الرياضي إلى الأصناف التالية :

- المفاهيم والمصطلحات الرياضية .
- التعميمات الرياضية .
- المسائل الرياضية .
- الخوارزميات والمهارات الرياضية .

وُصِّفَ عناصر بنية الرياضية إلى أربع أساسيات يتشكل منها جسم الرياضيات المتكامل والمتناسق، وهي المفاهيم، التعميمات، المهارات، حل المسألة، ويمكن توضيحها كالآتي:

#### أ. المفاهيم:

تمثل المسميات غير المعرفة والمعرفة، وأما المسميات غير المعرفة فإنها ضرورية إذ لا يمكن تعريف كل شيء، وإذا ما تم ذلك فإننا سنواجه مشكلة التعريف الدائري، فمثلاً إذا تم تعريف النقطة بتقاطع مستقيمين، وتعريف الخط المستقيم على أساس مجموعة من النقاط على استقامة واحدة. وأما المسميات المعرفة فإنها تُعرّف على أساس المفاهيم غير المعرفة، فالقطة المستقيمة مثلاً، مفهوم مُعرّف على أساس أنها

مجموعة جزئية من خط مستقيم، والمقلق مفهوم مُعرّف على أساس اتحاد ثلاثة قطع مستقيمة تتلاقى مثنى مثنى في نقطة، والعدد الزوجي مفهوم معرف على أساس أنه العدد الذي يقبل القسمة على (٢) دون باقي (راشد، ٢٠٠٩).

ويعرّف المفهوم الرياضي بأنه "صورة ذهنية تتكون لدى الفرد نتيجة تعميم صفات وخصائص استنتجت من أشياء متشابهة هي أمثلة ذلك المفهوم" (أبو زينة، ٢٠١١ : ٢٠١). ويشير المجلس القومي لمعلمي الرياضيات في الولايات المتحدة الأمريكية (NCTM) إلى أن المفاهيم هي جوهر العملية الرياضية، وأن الرياضيات تصبح ذات معنى وأكثر فهماً ووضوحاً إذا أدرك المتعلمون المفاهيم الرياضية ومعناها وتفسيرها (عبيد، وآخرون، ١٩٩٨ : ٧٦).

ويشير الشارف (١٩٩٧) إلى أن تعريفات المفهوم تبرز ثلاث عناصر عامة للمفهوم، هي (نقلاً عن فرج الله، ٢٠١٤):

- فراغ المفهوم: ويشمل كل الصفات والخواص والمميزات التي تتوفر في الحالات التي تتفق والمفهوم، فمثلاً مفهوم متوازي الأضلاع فراغه يتكون من مجموعة من الأشكال الهندسية الرباعية، والتي كلها تشترك في صفة؟ وخاصة موجبة وهي أن لها ضلعين متقابلين متوازيين بغض النظر عن كونها مربعاً أو مستطيلاً أو معيناً.
- مصطلح المفهوم: وهو الاسم أو الرمز الذي يطلق على المفهوم بناءً على الخواص المشتركة بين عناصر فراغه ويكون مصطلح المفهوم (متوازي الأضلاع).
- محتوى المفهوم: وهو العبارة التي تُعرف المفهوم، وهي عبارة تلخص الخواص المتوافرة في عناصر الفراغ، والتي تميزها عن غيرها، وتعكس الصورة العامة للخواص، فمثلاً مفهوم متوازي الأضلاع شكلاً رباعياً له زوجان من الأضلاع المتوازية.

ويضيف فرج الله (٢٠١٤) بعض الصفات اللازم توافرها في المصطلح حتى يُطلق عليه مفهوم:

- أن يكون ذا دلالة لفظية بحيث يمكن إعطاؤه تعريفاً.
- أن مجموع الحقائق والمواقف المكونة للمفهوم ذات الخصائص المشتركة يجب أن تكون مجردة.
- أن يكون شاملاً لكافة المواقف التي تضمنها مجموعة الخصائص المكونة لهذا المفهوم.

أمثلة على مفاهيم رياضية :

النسبة ، المربع ، فضاء العينة ، المساحة ، المحيط ، النسبة المئوية ، المعدل ، المتغير ، المعادلة .

هناك تصنيفات متعددة للمفاهيم الرياضية نذكر منها :

• المفاهيم الدلالية مقابل المفاهيم الوصفية :

المفاهيم الدلالية : هي المفاهيم التي تستخدم للدلالة على شيء ما ، مثل مفهوم العدد الزوجي ، العدد الأولي وتُسمى مجموعة أمثلة المفهوم الدلالي مجموعة المرجع أو الإسناد.

أما المفاهيم الوصفية : فهي المفاهيم التي تحدد خصائص معينة لمجموعة من الأشياء ومن الأمثلة عليها ، مفهوم الخاصية التبادلية أو التجميعية ... إلخ .

• المفاهيم الحسية مقابل المفاهيم المجردة :

المفهوم الحسي : هو المفهوم الذي تكون أمثله أو عناصر مجموعته المرجعية عبارة عن أشياء مادية (يمكن ملاحظتها ومشاهدتها) مثل مفهوم المنقلة ، الفرجار ، المثلث .

أما المفهوم المجرد : فهو مفهوم دلالي غير حسي ، لا يمكن ملاحظة ومشاهدة عناصر مجموعته المرجعية ، ومن الأمثلة على المفاهيم المجردة في الرياضيات مفاهيم : العدد الأولي ، العدد الزوجي ، الكسر ، العدد النسبي ، النسبة ، المساحة ، الحجم .

• المفاهيم المفردة مقابل المفاهيم الجمعية :

المفاهيم المفردة : هي المفاهيم التي مجموعة إسنادها مجموعة أحادية مثل : مفهوم العدد ٥ ، مفهوم النسبة التقريبية .

المفاهيم الجمعية : هي المفاهيم التي تحتوي مجموعة إسنادها على أكثر من عنصر واحد مفهوم .

• المفاهيم البسيطة مقابل المفاهيم المركبة :

المفهوم المركب : هو المفهوم الذي يعتمد في تشكيله على أكثر من مفهوم بسيط ، أمثلة : العدد الطبيعي هو مفهوم بسيط بينما العدد النسبي مفهوم مركب . العلاقة مفهوم بسيط لكن علاقة التكافؤ مفهوم مركب . الخوالدة (٢٠٠٧)

## ب. التعميمات:

تتلو التعميمات المفاهيم بنوعيتها (غير المعرفة والمعرفة)، كما تتنوع التعميمات إذ نجدتها تشمل المسلمات والنظريات والقوانين (راشد، ٢٠٠٩). وتشكّل أحد الجوانب الهامة المكوّنة لبنية الرياضيات، وتكمن أهمية التعميمات الرياضية في كونها حلقة الوصل بين أجزاء المادة. ويأتي التعميم الرياضي أعلى المفاهيم في السلم الهرمي لنتائج التعلم وهذه نتيجة منطقية، حيث يبدأ الطالب بتعلم المفهوم ثم يتعلم العلاقة بين هذا المفهوم ومفاهيم أخرى ضمن علاقة ثابتة، تربط هذا المفهوم بمفاهيم أخرى (عريفج، وسليمان، ٢٠١٠).

ويعرّف (أبو زينة، ٢٠١١: ٢٣٣) التعميم الرياضي بأنه "عبارة رياضية تحدد العلاقة بين مفهومين أو أكثر من المفاهيم الرياضية" والتعميمات الرياضية في معظمها عبارات رياضية يتم برهنتها أو استنباطها، وبعضها الآخر عبارات يُسَلَّم بصحتها مثل المسلمات والبديهيات. ويُعرف فرج الله (٢٠١٤) التعميم بأنه عبارة رياضية (جملة إخبارية) تربط بين مفهومين أو أكثر من المفاهيم الرياضية، وهذه العبارات لها صفة الشمول وإمكانية التطبيق على جميع الحالات المتشابهة التي ترتبط بها.

وتكمن أهمية التعميمات الرياضية في كونها حلقة الوصل بين أجزاء المادة، ويعرّف التعميم الرياضي بأنه "عبارة رياضية تحدد العلاقة بين مفهومين أو أكثر من المفاهيم الرياضية" والتعميمات الرياضية في معظمها عبارات رياضية يتم برهنتها أو استنباطها، وبعضها الآخر عبارات يُسَلَّم بصحتها مثل المسلمات والبديهيات (أبو زينة، ٢٠١١)،

### أشكال التعميمات الرياضية:

- أورد كل من (رائد، ٢٠٠٩؛ وفرج الله، ٢٠١٤) أن التعميمات لها أشكال متعددة تتمثل في:
- المسلمات: هي بديهيات يُسَلَّم بصحتها دون برهان، مثل: كل الزوايا القائمة متساوية.
  - النظريات: حقائق رياضية يتم برهانها بناءً على مسلمات ومفاهيم سابقة، مثل: مجموع أي عددين فرديين هو عدد زوجي، ونظرية فيثاغورس.
  - القوانين: هي نظريات مشهورة وكثيرة الاستخدام سواء في الرياضيات أو غير الرياضيات، فيما يلي أمثلة منها: مساحة المستطيل = الطول × العرض.

ويشير أبو زينة (٢٠١١) إلى أن التعميم الرياضي قد يكون تعميماً كلياً أو جزئياً، فالتعميم الكلي هو عبارة مسورة كلياً، وتبدأ بلفظ لكل أو لجميع مثل: كل الدوال المتصلة قابلة للتكامل. أما التعميم

الجزئي في هو عبارة رياضية مسورة جزئياً، تبدأ بلفظ يوجد أو لبعض مثل: بعض الدوال المتصلة غير قابلة للاشتقاق.

### ت. المهارات:

إن من أهم أهداف تدريس الرياضيات أن يكتسب الطالب السرعة والدقة والإتقان في الوصول إلى النتائج، لذا فإنه يُقصد بالخوارزمية الطريقة التي تتصف بخطوات محددة وتؤدي إلى نتيجة رياضية معينة، وهناك الكثير من الخوارزميات في الرياضيات، مثل: خوارزميات الجمع (راشد، ٢٠٠٩).

أما المهارة فهي أداء عمل ما بسرعة ودقة وإتقان، ومن ذلك أداء خوارزمية ما، فأداء أي خوارزمية بسرعة ودقة وإتقان مهارة، وحل مسألة رياضية مهارة، وإقامة عمود على قطعة مستقيمة مهارة، وقياس زاوية باستخدام المنقلة (أبو زينة، ٢٠١١).

وتجدر الإشارة إلى أن تدريس المهارات يرتبط بشكل مباشر بالمكونات الأخرى للمعرفة الرياضية، فالمفاهيم ينصب الاهتمام في تدريسها على المهارة في استخدامها وإجراء الحسابات، والتعميمات تدرس لغرض استخدامها المباشرة وتطبيقاتها، واستخدام هذه التعميمات بشكل مباشر أو في مواقف نمطية أخرى (أبو زينة، ٢٠١١).

وعندما نتحدث عن المهارات الرياضية كجزء لا يتجزأ من مكونات المعرفة الرياضية، فإننا نتحدث عن معنيين مختلفين للمهارة الرياضية، فهو يستخدم ليعني محتوى رياضي أو معرفة رياضية في المنهاج، ويعني أيضاً استخدام المعرفة بسرعة ودقة وإتقان. وهناك مهارات أساسية لا غنى لكل متعلم مثقف عنها إذا أراد أن يتعامل مع غيره بسهولة ويسر وخصوصاً في حياة الحاضر والمستقبل، وقد حدد المجلس القومي لمعلمي الرياضيات في الولايات المتحدة الأمريكية (NCTM) هذه المهارات الأساسية في عشرة موضوعات رياضية كما يلي (أبو زينة، ٢٠١١):

- ١- الأرقام والأعداد.
- ٢- العمليات الحسابية وخصائصها.
- ٣- الجمل والعبارات الرياضية.
- ٤- الهندسة.
- ٥- القياس.
- ٦- العلاقات والاقترانات.

- ٧- الإحصاء والاحتمالات.
- ٨- الرسم.
- ٩- التعليل الرياضي.
- ١٠- الرياضيات المالية والمعيشية.

أما المهارات فهي نوعان : (١) مهارات رياضية عقلية (٢) مهارات نفسحركية. مثال للمهارات العقلية : حل المسألة ، ترتيب الأعداد ، إجراء العمليات الحسابية ذهنياً.

أما المهارات النفسحركية: فهي رسم الأشكال الهندسية أو تمثيل البيانات بيانياً.  
الخوالدة(٢٠٠٧)ص٦٦

### ث. المسألة الرياضية:

يعتبر حل المسألة الرياضية من أهم الموضوعات التي شغلت ولازالت تشغل العاملين والمختصين في مجال تدريس الرياضيات والمهتمين بها وبطرق تدريسها، والمسألة عبارة عن "موقف جديد ومميز يواجه المتعلم ولا يكون له حل جاهز لدى المتعلم في حينه" (أبو زينة، ٢٠١١)، ويرتبط حل المسألة بشكل مباشر بمكونات المعرفة الرياضية الأخرى، حيث إن حل المسألة الرياضية إجراء يتم من خلاله اختيار المفاهيم والتعميمات المناسبة ورسم الخطط واستخدام المهارات المكتسبة سابقاً في محاولة الوصول إلى هدف محدد، قد يتمثل في الوصول إلى إثبات أو برهان رياضي (إبراهيم، ٢٠٠٠).

وتُعتبر المسائل مواقف علمية تستخدم الرياضيات في حلها، وتتعدد المسائل وتتنوع في الرياضيات والعلوم والمعارف الأخرى. والمسألة موقف جديد يحتاج إلى حل، وعليه ما هو مسألة أو مشكلة تواجه طالباً ما قد لا تكون مسألة أو مشكلة تواجه طالباً آخر في الصف نفسه أو في صف لاحق، ومن أمثلة المسائل والمشكلات: تدرس الهام (٣) ساعات يومياً، فكم ساعة تدرس في أربعة أيام؟ (راشد، ٢٠٠٩).

ويخلط بعض المعلمين بين مفهوم المسألة والسؤال والتمرين، ولكن هناك اختلاف بين هذه المصطلحات الثلاثة، وهذا ما يراه كثير من التربويين منهم (أبو زينة، ٢٠١١؛ الخطيب، ٢٠٠٩):

**السؤال:** هو مشير أو موقف يحتاج إلى استجابة من المتعلم، وهذه الاستجابة هي في العادة تذكر للمعلومات السابقة، مثل:

متى يكون الشكل الرباعي مُعَيَّن؟

ما مجموع قياسات زوايا الشكل الرباعي؟

التمرين: موقف يهدف إلى إكساب المتعلم مهارة في إجراء العمليات الحسابية أو التدريب على استخدام القوانين والمفاهيم، مثل:

أوجد قياس الزاوية المجهولة في الشكل الرباعي؟

أوجد طول القطعة المنصفة للضلعين غير المتوازيين في شبه المنحرف؟

المسألة: موقف جديد يتعرض له الطالب، ولا يوجد لديه حل لهذا الموقف، ويتطلب هذا الموقف التفكير فيه واستخدام ما تعلمه سابقاً للوصول للحل، مثل:

أ ب ج د معين تقاطع قطراه في م، إذا كان طول القطر أ ج = ١٦ سم، وطول ب د = ١٢ سم، فما طول ضلع المعين؟

تنظيم محتوى الرياضيات:

يشمل المحتوى الرياضي الخبرات التعليمية من معلومات ومهارات واتجاهات تعمل على تحقيق أهداف المنهاج، ويمكن تنظيم محتوى المنهاج من خلال مراعاة (أبو زينة، ٢٠٠٣):

١. التنظيم السيكلوجي:

وهو التنظيم الذي يأخذ بعين الاعتبار نضج المتعلم واهتمامه وخبراته واستعداداته، فلا يمكن تقديم موضوع جديد إلا بعد دراسة مدى ملاءمة الموضوع للخصائص النمائية للطلبة.

٢. التنظيم المنطقي:

ويعني أن المحتوى الرياضي يتم عرضه وتقديمه في المنهاج حسب الترتيب المنطقي لها، ويكون التأكيد على المفاهيم الرئيسة والمبادئ الأساسية للمادة.

ويُشير فرج الله (٢٠١٤) إلى ضرورة مراعاة أمورٍ عدة عن تنظيم محتوى منهاج الرياضيات:

أ. الاستمرار: ويعني عدم إعطاء الموضوع دفعة واحدة للطالب، بل يتم توزيعه على مواقف متعددة وعلى صفوف مختلفة.

ب. التسلسل: ويعني إحكام الربط بين الفقرات وتنظيمها، بحيث تبنى على بعضها البعض، ولا تعرض للطلاب أية موضوعات إلا إذا تعرض لمتطلباتها السابقة.

ت. التكامل: ويعني تنظيم المحتوى في وحدات مترابطة وشاملة لجميع الجوانب المرتبطة بموضوع الوحدة، ويتم ذلك من خلال توضيح العلاقات المتداخلة بين أجزاء المادة الواحدة وبينها وبين المواد الأخرى.

### **معايير المجلس القومي لعلمي الرياضيات NCTM2000 :**

#### **المعايير :**

"آراء محصلة لكثير من الأبعاد السيكولوجية ، والاجتماعية ، والعلمية ، والتربوية ، يمكن من خلال تطبيقها ، تعرف الصورة الحقيقية للموضوع الواحد المراد تقويمه ، أو الوصول إلى أحكام عن الشيء الذي نقوم به " (اللقاني والجمل ، ٢٠٠٣ ، ص ٢٧٩ )

ويعرفها بدوي بأنها " :القاعدة التي تستخلص من السوابق والممارسة ، أو الدراسة التحليلية، وتوضع كأساس للمطابقة أو المقارنة في التنفيذ ، أو القياس عليه ، أو الحكم بمقتضاه ، على القدرة الكمية ، أو المدى أو القيمة ، أو النوع " (بدوي ، ١٩٨٦ ، ٤٠٧ )

ويرى عبيد أن المعيار هو ما ينبغي أن يعرفه الطالب ( المتعلم ) ، وما يمكن أن يقوم بأدائه من المهارات العقلية والعملية ، وما يكتسبه من قيم وسلوكيات ، والعبارات التي تحمل المعايير ، تصاغ بحيث تصف مهارة أو قدرة أو هدفاً عاماً أو توصية رابطة بموضوع آخر. (عبيد ، ٢٠٠٤ ، ٣٠ )

أما المبادئ التي تقوم عليها معايير الرياضيات المدرسية فهي ستة معايير:

مبدأ المساواة :

إن التميز في عملية تعليم الرياضيات تتطلب المساواة والتوقعات العالية والدعم القوي لجميع الطلاب ، كما يتطلب استيعاب الفروق الفردية؛ من أجل مساعدة الجميع على تعلم الرياضيات.

مبدأ المنهج :

يعد المنهج أكثر من مجرد تجميع للأنشطة يجب أن يكون مترابطاً بشكل منطقي ويركز على الرياضيات المهمة ، وأن يكون متسلسلاً عبر الصفوف المتتالية.

مبدأ التعليم :

يحتاج تعليم الرياضيات الفعال فهمًا لما يعرفه الطلاب، وما يحتاجون تعلمه، ومن ثم توفير التحدي والدعم اللازم لهم من أجل التعليم الجيد ، كما يتطلب السعي المستمر نحو التحسين.

مبدأ التعلم :

يجب أن يتعلم الطلاب الرياضيات مع الفهم والبناء الفعال للمعلومات الجديدة مكان الخبرة والمعلومات السابقة.

مبدأ التقويم:

لا بد أن يدعم التقويم التعلم للرياضيات المهمة ، ويجهز المعلومات المفيدة لكل من المعلمين والطلاب.

مبدأ التقنية :

تعد التقنية عنصراً أساسياً في تعليم وتعلم الرياضيات ، فهي تؤثر في الرياضيات التي يجري تعليمها وتدعم تعلم الطلاب.

وقد أورد المجلس القومي لمعلمي الرياضيات عشرة معايير أساسية مفادها:

أ - معايير للمحتوى الرياضي وتتضمن خمسة معايير وهي:

مجالات الأعداد والعمليات .

الجبر .

الهندسة

القياس .

تحليل البيانات والاحتمالات .

ب - معايير للعمليات والإجراءات الرياضية وتتضمن خمسة معايير وهي:

حل المسألة .

التفكير المنطقي والبرهان.

الترايط الرياضي.

الاتصال.

التمثيل الرياضي.

حيث يحتوي كل معيار منها على عدة مؤشرات محددة يتم تحقيقها ضمن الصفوف.

وفيما يلي مؤشرات تدريس كل مجال من المجالات السابقة :

## ١ - الأعداد والعمليات

- يدرك مفاهيم الأعداد ، وطريقة تمثيلها ، والعلاقات بينها ، والأنظمة العددية.
- يفهم معنى العمليات ، وكيف ترتبط ببعضها البعض.
- يحسب بدقة وبراعة ، ويعطي تقديرات معقولة.

## ٢ - الجبر

- يتطور الأنماط والعلاقات والدوال.
- يمثل المواقف الرياضية والبنى الجبرية ، ويحللها مستخدماً الرموز الجبرية.
- يستخدم النماذج الرياضية لتمثيل وفهم العلاقات النوعية.
- يحلل التغيير في بيئات مختلفة.

### ٣- الهندسة

- يحلل صفات الأشكال الهندسية ثنائية أو ثلاثية الأبعاد وخصائصها ، وينمي الحجج الرياضية عن العلاقات الهندسية.
- يعين الإحداثيات ، ويصف العلاقات الفراغية، مستخدمًا الإحداثيات الهندسية وغيرها من أنظمة التمثيل.
- يطبق التحويلات الهندسية لتحليل المواقف الرياضية.
- يستخدم التمثيل البصري والتعليل الفراغي والنمذجة الهندسية لحل المشكلات.

### ٤- القياس

- يفهم قابلية القياس للأشكال الوحدات ، والنظم ، وإجراءات القياس.
- يطبق التقنيات المناسبة والأدوات والصيغ لتحديد القياسات.

### ٥- تحليل البيانات والاحتمال الرياضي

- يصوغ الأسئلة التي يمكن تقديمها مع البيانات ، ويجمع البيانات وينظمها ويعرضها.
- يختار الطرق الإحصائية المناسبة لتحليل البيانات ويستخدمها.
- يطور الاستدلالات والتنبؤات المبينة على البيانات ويقومها.
- يفهم المفاهيم الأساسية للاحتتمالات الرياضية ويطبقها.

### ٦- حل المشكلات

- يبني معارف رياضية جديدة من خلال حل المشكلات.
- يحل المشكلات التي تظهر في الرياضيات والبيئات الأخرى.
- يطبق العديد من الإستراتيجيات المناسبة لحل المشكلات ويكيفها.
- يفكر في إجراء حل المشكلة.

### ٧- التعليل والبرهان

- يتعرف التعليل والبرهان كعناصر أساسية للرياضيات.
- يكون التخمينات ( الحدس ) الرياضية ويستقصيها.
- يطور الحجج والبراهين الرياضية ويقومها.
- يختار أنواعًا مختلفة من التعليلات وطرق البرهان ويستخدمها.

## ٨- التواصل

- ينظم تفكيره الرياضي من خلال التواصل ويدعمه.
- ينقل تفكيره الرياضي مترابطاً وواضحاً إلى أقرانه ومعلميه والآخرين.
- يحلل التفكير الرياضي وإستراتيجيات الآخرين ويقومها.
- يستخدم لغة الرياضيات للتعبير عن الأفكار الرياضية بدقة.

## ٩- الترابط

- يتعرف الترابط خلال الأفكار الرياضية ويستخدمه.
- يفهم أن الأفكار الرياضية مترابطة ومبنية فوق بعضها البعض.
- يتعرف الرياضيات في بيئات خارج الرياضيات ويطبقها.

## ١٠- التمثيل

- يكون تمثيلات لتنظيم الأفكار الرياضية وتسجيلها وتواصلها ويستخدمها.
- يختار عبر التمثيلات الرياضية حل المشكلات ويطبقها ويترجمها.
- يستخدم التمثيلات والنمذجة لتفسير الظواهر الطبيعية والاجتماعية الرياضية.

(NCTM,2000)

ويعتقد الباحث أن معيار المحتوى الرياضي عبارة تحدد مدى جودة المحتوى وهو بمثابة شرط وفي

ضوءه يتم الحكم على تحقيق الهدف المنشود من عدمه .

## الدراسات السابقة :

لقد تعددت الدراسات والأبحاث التي تناولت موضوع الدراسة ويمكن عرضها وفقاً لترتيب زمني من خلال المحاور الثلاثة التالية:

### المحور الأول:

#### • دراسات اهتمت بتحليل محتوى كتب الرياضيات المطورة في المملكة العربية السعودية :

##### دراسة العساف (٢٠٠٧)

هدفت إلى تحديد مدى توافق محتوى الهندسة والقياس في الصفوف من (٣-٥) في المملكة العربية السعودية مع المعايير الفرعية المستمدة من معايير NCTM 2000 والخاصة بمجال الهندسة والقياس، كما أشارت النتائج إلى توفر معايير الهندسة بنسب متفاوتة ، وعدم توفر المعايير الفرعية للهندسة والقياس بنسبة ٢٥.١٢ % ، كما توفرت معايير القياس بنسب متفاوتة بين مرتفع ومنخفض وبلغت نسبة المعايير الفرعية غير المتوفرة ١٣ % .

##### دراسة محمدي (١٤٢٨)

هدفت الدراسة إلى تحليل محتوى الهندسة بكتابي الرياضيات للصفين الأول و الثاني المتوسط في مناهج المملكة العربية السعودية (NCTM) في ضوء معايير المجلس الوطني الأمريكي لمعلمي الرياضيات و معرفة مدى توفر تلك المعايير المرتبطة بالهندسة في هذه المناهج ، وكانت أداة الدراسة : عبارة عن بطاقة تحليل محتوى اشتق الباحث عباراتها مباشرة من معايير المجلس الوطني الأمريكي لمعلمي الرياضيات وأظهرت نتائج الدراسة توفر المعايير العالمية لمحتوى الهندسة الصادرة عن المجلس الوطني الأمريكي لمعلمي الرياضيات في محتوى الهندسة بكتابي الرياضيات للصفين الأول و الثاني المتوسط في مناهج المملكة العربية السعودية كانت بدرجة متدنية ،توفر معايير العمليات الرياضية الصادرة عن المجلس الوطني الأمريكي لمعلمي الرياضيات في محتوى الهندسة بكتابي الرياضيات للصفين الأول و الثاني المتوسط في مناهج المملكة العربية السعودية كانت درجة توفر معيار حل المسألة في محتوى الهندسة في كتابي رياضيات الصفين الأول والثاني المتوسط في مناهج المملكة العربية السعودية قد كانت ذات درجة متدنية ، درجة توفر معيار الربط الراسي في محتوى الهندسة في كتابي رياضيات الصفين الأول والثاني المتوسط في مناهج المملكة العربية السعودية قد كانت ذات درجة متوسطة ، درجة توفر معيار التمثيل الرياضي في محتوى الهندسة في كتابي رياضيات الصفين الأول والثاني المتوسط في مناهج المملكة العربية السعودية قد كانت ذات درجة متدنية

## دراسة حسانين والشهري (٢٠١٣)

هدف الدراسة إلى استقصاء مدى توافق محتوى كتب الرياضيات المطورة بالصفوف من ٣-٥ بالمملكة العربية السعودية مع معايير (NCTM2000) في مجالات: العدد والعمليات، الجبر، الهندسة، القياس، وتحليل البيانات والاحتمالات. وكانت أداة الدراسة قائمة بمعايير (NCTM) لمحتوى كتب الرياضيات بالصفوف من ٣-٥ بعد ترجمتها، وبطاقة تحليل محتوى كتب الرياضيات المطورة بالصفوف ٣-٥ للعام الدراسي ١٤٣٢-١٤٣٣هـ في ضوء قائمة المعايير، وأظهرت نتائج الدراسة أن محتوى كتب الرياضيات المطورة بالصفوف من ٣-٥ بالمرحلة الابتدائية بالمملكة العربية السعودية تتوافق بنسبة ٩٣.٧٪ مع معايير NCTM حيث يحقق محتوى الكتب المطورة ٥٥ مؤشراً من مؤشرات المعايير، بينما لم يحقق المحتوى ٤ مؤشرات أي بنسبة ٦.٣٪ وذلك في المجالات الخمسة.

## المحور الثاني: دراسات اهتمت بمقارنة مناهج الرياضيات في المملكة العربية السعودية مع مناهج الدول المختلفة:

### دراسة السحاب والحربي وعبد الرزاق وغندورة (٢٠٠١)

هدفت إلى التعرف على الواقع الحالي لكل من المنهج والمعلم والمواد المساعدة للمعلم، وكذلك التعرف على خبرات وتجارب بعض الدول المتميزة في تعليم الرياضيات في الابتدائية والمتوسطة ومقارنتها بما هو قائم في المملكة في هذا المجال، وقد استخدمت الدراسة الاستبانة والاختبارات كأداة لجمع المعلومات، وكانت فقرات الاستبانة ١٢٩ للابتدائية و١٤٣ للمتوسطة، وكان منهج الدراسة الوصفي التحليلي، وكانت العينة شاملة لجميع مناطق المملكة العربية السعودية، وكانت نتائج الدراسة: أنه يوجد تشابه كبير في الموضوعات المقدمة في المرحلة الابتدائية في كل من المملكة العربية السعودية والدول المتقدمة (اليابان، امريكا، المانيا)، وهناك اهتمام بحل المشكلات والتعليل بشكل ضمني في اليابان وبشكل واضح في الولايات المتحدة الامريكية بينما لا تحظى باهتمام كبير في كتب الرياضيات في المملكة العربية السعودية، وكذلك الإحصاء والاحتمالات لا يقدمان في المرحلة الابتدائية في كل من المملكة واليابان والمانيا.

## المحيسن، (٢٠٠٧)

هدفت الدراسة إلى مقارنة إستراتيجيات تنفيذ مناهج الرياضيات والعلوم في أمريكا واليابان وبريطانيا والسعودية، أبرز ما أظهرته الدراسة بيان واقع تنفيذ مناهج الرياضيات في المدارس المتوسطة في السعودية مقارنة بالدول الثلاث وأوجه الشبه والاختلاف بين هذه الدول في أربعة مظاهر هي : المظاهر العامة لتدريس الرياضيات وواقع معلمي الرياضيات وتدريس الرياضيات، ومناهج الرياضيات، وبينت نتائج الدراسة أن مناهج الرياضيات في اليابان تركز على إعطاء المتعلم مواضيع كافية تربط الرياضيات بالبيئة المحلية ،بينما تركز مناهج العلوم والرياضيات في السعودية على ربط العلوم بالدين ومحاولة التأكيد على علمية الدين الاسلامي وعدم تعارضه مع العلوم التجريبية المعاصرة، وأوصت الدراسة بضرورة تدريب معلمي الرياضيات والعلوم في السعودية أثناء الخدمة ،وقد أصبح ذلك ضرورة ملحة تتطلبها طبيعة الرياضيات وأن معلم الرياضيات السعودي مازال بعيداً عن هذا المطلب الحيوي وأن معظم ما يقدمه للمتعلمين هو من آثار وبقايا ما تعلمه في الجامعة قرب زمانها أو بعد .

## دراسة الشعلان (٢٠١٢)

هدفت الدراسة إلى تحليل محتوى كتاب الرياضيات ضمن سلسلة ماجروهيل بغرض الكشف عن مدى مطابقة نسخة الكتاب المواءم مع نسخة الكتاب الأصل ، وكان منهج الدراسة المنهج الوصفي التحليلي، واستخدمت الدراسة بطاقة تحليل المحتوى كأداة لجمع المعلومات ، وقد تضمنت ٦٠ فقرة ، واستخدمت بعض الأساليب الإحصائية في ذلك مثل التكرارات والنسب المئوية والمتوسطات الحسابية والانحرافات المعيارية، واختبار ( ت ) ، واختبار ( ف ) لتحليل التباين الأحادي ،وكانت أبرز نتائج الدراسة عناية الكتاب المواءم بمراعاة الخصائص الفنية في طباعته وذلك ضمن (فنيات إخراج الكتاب ، ومواصفات الصور) وعَمِلَ الكتاب المواءم على مراعاة الصور للبيئة المحلية ، وكذلك عُني الكتاب المواءم ببنية المحتوى الرياضي (مفاهيم ، تعميمات ، مهارات ، وحل مسألة ) والتوسع في تقديم المفاهيم الرياضية ، وكذلك قدم ضمن بنية مقدمة الكتاب المعلومات الاساسية وفهرساً للموضوعات الدراسية وتعريفاً بالمؤلفين دون توجيهات لاستخدام الكتاب وقراءة النصوص الواردة فيه وقد أهمل كذلك بنية نهاية الكتاب ، في حين سعى ضمن بنية الفصل وبنية الدرس إلى المحافظة على تنظيم السياق التربوي للمادة التعليمية .

## المحور الثالث: دراسات اهتمت بمقارنة مناهج الرياضيات في الدول العربية والأجنبية :

### دراسة أبوغزالة (٢٠٠٢)

هدفت الدراسة إلى مقارنة كتب الرياضيات للصف السادس في المنهج الفلسطيني المستخدم حتى عام (٢٠٠٠) مع كتب المملكة الأردنية الهاشمية ، وكتاب جمهورية مصر العربية ، من خلال التعرف على اختلاف الموضوعات الرياضية ، والتعرف على الأهداف التربوية التي تقيسها كل من المناهج الدراسية للصف السادس في مادة الرياضيات ، والكشف عن التباين في الأهداف التربوية ، في ضوء متغير تصنيف بلوم للمستويات العقلية ، واستخدم الباحث لهذا الغرض المنهج الوصفي التحليلي واسلوب الدراسات المقارنة ، وكانت أداة الدراسة بطاقة تحليل محتوى الكتب المستهدفة ، واستخدم التكرارات والمتوسطات والنسب المئوية كأدوات إحصائية ، وأشارت النتائج إلى وجود تشابه في الموضوعات الدراسية المطروحة للمناهج الثلاثة ، باستثناء وحدة الجبر ، فهي غير موجودة في المنهج المصري ، وانفرد المنهج الفلسطيني بمادة الاحتمالات ، حيث يوجد تباين في النسب المئوية لتوزيع مستوى الأهداف التربوية التي يقيسها كل من المناهج الثلاث تبعاً لتصنيف بلوم للأهداف التربوية.

### دراسة ياسين (٢٠٠٣)

هدفت الدراسة إلى تقييم منهج الهندسة الفلسطيني مقارنةً مع منهج الهندسة المشتق من معايير الرياضيات المدرسية التي وضعها (NCTM,2000) ومنهاج الهندسة الياباني ، ولقد استخدمت الباحثة المنهج الوصفي التحليل وأسلوب الدراسات المقارنة ، حيث صممت بطاقات تحليل للمحتوى الهندسي وجداول للتفريغ للصفوف المستهدفة ، واستخدمت الباحثة التكرارات والنسب المئوية وعدة أساليب إحصائية أخرى وأشارت نتائج الدراسة الى أن هناك أوجه شبة واختلاف بين المناهج الثلاثة بنسب متفاوتة ، حيث لم يتم التركيز على الربط بين الاشكال الهندسية ببعدين وثلاثة أبعاد في الصفوف ٣-٥ في المنهاج الفلسطيني كما بينت النتائج أن هناك أهدافا في منهج الهندسة المشتق من NCTM غير متوفرة في منهج الهندسة الفلسطيني ، وأوصت الباحثة بمراجعة أهداف وأنشطة المنهاج الفلسطيني في الهندسة في ضوء مستويات فان هيل الهندسية الثلاثة.

## دراسة أبو العجين ( ٢٠٠٧ )

هدفت هذه الدراسة إلى مقارنة محتوى كتب الرياضيات الفلسطينية والإسرائيلية للصفوف (السابع والثامن والتاسع) في ضوء معياري التمثيل والترابط الرياضي ضمن معايير المجلس القومي لمعلمي الرياضيات ( NCTM,2000 )، وقد استخدم الباحث في هذه الدراسة المنهج الوصفي التحليلي ، واستخدم بطاقتي تحليل المحتوى كأداة للدراسة ، والتي تم بناءها في ضوء معايير ( NCTM,2000 )، وقد استخدم الباحث التكرارات والنسب المئوية ومربعات كاي كمعالجات إحصائية .وقد كانت أبرز نتائج الدراسة أنه يوجد تفاوت في الأوزان النسبية للموضوعات الرياضية المطروحة في محتوى الكتب الفلسطينية والإسرائيلية ، حيث كانت في محتوى الكتب الفلسطينية تتراوح بين ٦.٨٪ مجال الاحتمالات و ٣٢٪ مجال الأعداد فيما كانت تتراوح بين ٠٪ مجال حساب المثلثات ونظرية المجموعات و ٣٩.١٪ مجال الجبر في محتوى الكتب الإسرائيلية ، فيما كان هناك اختلاف الأوزان النسبية لبقية المجالات الرياضية الأخرى .بالنسبة لمعيار التمثيل الرياضي بمعايره الفرعية الثلاثة لوحظ وجود اختلاف من معيار فرعي لآخر حيث تراوحت النسب المئوية لهذا المعيار ما بين ٨.٧ و ٥٥.٩٪ في محتوى الكتب الفلسطينية وتراوحت بنسب مئوية ما بين ( ٨.٥ و ٦٣.٧٪ ) في محتوى الكتب الإسرائيلية وأظهرت النتائج وجود فروق ذات دلالة إحصائية عند مستوى الدلالة ( $\alpha=0.05$ ) بين تكرارات المعايير الفرعية لمعيار التمثيل الرياضي لصالح الكتب الإسرائيلية.

## دراسة مايتش (2007) Mauch ,MvDermot

هدفت الدراسة إلى التعرف على نقاط القوة ونقاط الضعف في ثلاثة كتب رياضيات مدرسية للمرحلة الابتدائية ، حيث قام الباحثان بإعداد مقاييس للتقدير وفحصوا هذه الكتب الثلاثة في ضوء هذه المقاييس ثم استخدموا النتائج التي حصلوا عليها بتقديم مقترحات من أجل إعداد كتب رياضيات مدرسية للمرحلة الابتدائية تعزز فهم التلاميذ للرياضيات بشكل أفضل .

## دراسة كالارا (2010) Clara

هدفت الدراسة إلى تحديد نقاط التقاطع بين الرياضيات والعلوم في ضوء معايير ولاية سان شاين Sunshine State Standars(SSS) للصف الثامن ،وتطوير أداة تتمتع بالصدق والثبات لقياس

المنهج الداعم كما هو مقدم في كتب الرياضيات وكتب العلوم والموافق عليها للاستخدام في مدارس فلوريدا العامة، ومن ثم تم فحص الكتابين وأظهرت النتائج: أن الجزء من وثيقة التقويم التي تم إعدادها والتي تتعلق بالمفردات تتمتع بالثبات مما يشير إلى إمكانية استخدام الأداة في قياس المفردات الداعمة (المشتركة والمتقاطعة) في دراسات مستقبلية .

### دراسة ستيفانز (2011) Stephens

دراسة بعنوان التعليم المقارن : دراسة عن فعالية منهج الرياضيات في الفصول الدراسية للصف الخامس بسنغافورة. قام هذا العمل (بمحت تقييمي) بتحري فعالية طرق تدريس مادة الرياضية بدولة سنغافورة فيما يتعلق بالصف الخامس ، اختبار جورجى للكفاءة المعيارية المرجعي في مادة الرياضيات في مجال القياس لمواد الصف الرابع. وتم استخدام أساليب مختلفة في هذه الدراسة للإجابة عن الثلاث أسئلة الرئيسة التي تم التركيز عليها وكذلك تحليل البيانات. وقد تم جمع البيانات لهذه الدراسة من خلال تقييمات اختبار الكفاءة المعيارية المرجعي ودراسات الطلاب والمجلات المتعلقة وكذلك المقابلات. وأظهرت نتائج هذه الدراسة أن تطبيق طرق تدريس الرياضيات في سنغافورة في تدريس القياس لم تحدث أي فروق ذات دلالة إحصائية بين نتيجة طلاب الصف الرابع في اختبار الكفاءة المعيارية المرجعي في مجال القياس وبين نتيجة طلاب الصف الخامس في اختبار الكفاءة المعيارية المرجعي في مجال القياس. وعلى الرغم من ذلك كان هناك زيادة في المجموع الكلي المحقق من قبل طلاب الصف الخامس في اختبار الكفاءة المعيارية المرجعي بالمقارنة بما حققه طلاب الصف الرابع في اختبار الكفاءة المعيارية المرجعي.

### دراسة درويش ومقاط (٢٠١٠)

هدفت هذه الدراسة إلى الكشف عن مستوى جودة كتب الرياضيات الفلسطينية للصفوف (الثالث،الرابع،والخامس) في ضوء قائمة معايير (NCTM,2000) واستخدم الباحثان المنهج الوصفي التحليلي ، حيث كانت الأداة استبانة صممت في ضوء معايير المجلس القومي لمعلمي الرياضيات (NCTM,2000) الخاص بتلك المرحلة ، وكانت عينة الدراسة مكونة من ٢٤ مشرف رياضيات و ١١٠ معلمين للصفوف المستهدفة ، واستخدم الباحثان التكرارات والمتوسطات الحسابية والأوزان النسبية لمعرفة مدى توافر معايير (NCTM,2000) في كتب الصفوف المستهدفة ، وكانت نتائج الدراسة بلوغ معيار "الأعداد والعمليات" إلى مستوى مرتفع نسبياً ٦٥.٣٩ ٪ بينما لم تصل المعايير

الأخرى) معيار القياس ، معيار تحليل البيانات ، معيار حل المشكلة ، معيار التعليل والبرهان ، معيار التمثيل ، معيار الترابط ، و معيار التواصل) إلى مستوى الجودة المحدد(٨٠) حيث كانت متزاوجة بين ٢٧٪ و ٦٦٪ وهذا يدل على قلة توافرها في الكتب الفلسطينية .

### دراسة أبو الليل (٢٠١٣)

هدفت الدراسة إلى معرفة مدى ملاءمة مناهج الرياضيات المطورة للحلقة الأولى من المرحلة الابتدائية للواقع المصري؟ كذلك هدفت إلى مدى توافر المعايير القومية للتعليم في مناهج الرياضيات المطورة للحلقة الأولى من المرحلة الابتدائية ، مدى توافر المستويات المعيارية المبتغاة من رياضيات الصفوف الثلاثة الأولى من المرحلة الابتدائية في مناهج الرياضيات المطورة ؟ وكان منهج الدراسة المنهج الوصفي التحليلي ، واستخدم الباحث الاستبانة وتحليل المحتوى كأدوات للدراسة ، لقد بلغ عدد العينتين المشاركين في الإجابة عن مفردات الاستبانة ١٢ معلمًا من معلمي أو موجهي الصفوف الثلاثة الأولى بالمرحلة الابتدائية موزعين كالتالي : ١٤ معلمًا من محافظة القليوبية و ١٨ معلمًا من محافظة الشرقية و ٢٣ معلمًا من محافظة الإسماعيلية و ١٠ معلمين من محافظة بورسعيد ، وكانت أبرز النتائج: أن المستويات المعيارية المبتغاة من رياضيات الصفوف الثلاثة الأولى من المرحلة الابتدائية في مناهج الرياضيات المطورة متوافرة بكتب رياضيات هذه المرحلة بنسب مختلفة ، فكانت الاهتمام الأكبر بمجال الأعداد والعمليات عليها واضحًا جدًا ، حيث انحصر مدى توافر معايير هذا المجال بين ٧ - ٤٨ ٪ في كتب الرياضيات المطورة . وفي مجال الجبر والعلاقات والدوال انحصر مدى توافر معايير هذا المجال بين ٠ - ٢٩ ٪ في كتب الرياضيات المطورة . وفي مجال الهندسة انحصر مدى توافر معايير هذا المجال بين ٠ - ٢٦ ٪ في كتب الرياضيات المطورة . وفي مجال الهندسة القياس انحصر مدى توافر معايير هذا المجال بين ٠ - ٢٢ ٪ في كتب الرياضيات المطورة . وفي مجال تحليل البيانات والإحصاء انحصر مدى توافر معايير هذا المجال بين ٠ - ١٤ ٪ في كتب الرياضيات المطورة .

### دراسة تانيا بويل (2014) Tina L. Powell

هدفت الدراسة إلى عمل تحليل مقارنة لتحصيل مناهج رياضيات سنغافورة وتحصيل منهج الرياضيات اليومي للصف الخامس في عدد كبير من المدارس الأهلية بمنطقة الشمال الغربي الحضرية. تختبر

هذه الدراسة الفروق بين تأثير التحصيل في أحد المعايير الأساسية المقترحة في برنامج الرياضيات ، بالتركيز على: الرياضيات في سنغافورة ، وأحد المعايير الأساسية المقترحة في برنامج الرياضيات ، الرياضيات اليومية ، أداء الرياضيات بالصف الخامس. وقد تم توظيف دراسة استكشافية غير تجريبية قبل وبعد معالجة البيانات بواسطة إدارات NJ ASK 3 ٢٠١٠ و NJ ASK 5 ٢٠١٢ على التوالي. وتناولت الدراسة نتائج ٢٠٥ طلاب من طلاب الصف الخامس في التعليم العام عبر العديد من المتغيرات المستقلة " العرق والجنس والحضور والخدمات التعليمية الإضافية". وكشف الدراسة عن نتائج ثابتة إلى حد ما بشأن الاختلافات في أداء الطالب في المدارس التي تطبق رياضيات سنغافورة وفي المدارس التي تطبق رياضيات كل يوم. بشكل عام في جميع التحليلات لم تكن هناك اختلافات كبيرة في الأداء قائمة على طريقة المعالجة. على نحو مماثل، ولم تكن هناك اختلافات من خلال عوامل العرق والجنس، والخدمات التعليمية الإضافية. وعموما تم اكتشاف أن ضعفاً في مؤشر أداء الطالب، في حين كانت الخصائص الأساسية مثل العرق والخدمات التعليمية الإضافية والحضور (العرق / والخدمات التعليمية الإضافية)، سجلت أكبر نسبة تباين في الأداء بعض الفئات الفرعية.

### التعليق على دراسات المحور الأول :

- من العرض السابق لبعض الدراسات التي اهتمت بتحليل محتوى كتب الرياضيات في المملكة العربية السعودية في ضوء معايير المجلس القومي لمعلمي الرياضيات NCTM يتضح ما يلي:
- تعددت أهداف الدراسات السابقة التي تناولت تحليل محتوى كتب الرياضيات في المملكة العربية السعودية في ضوء معايير المجلس القومي لمعلمي الرياضيات NCTM حيث هدفت دراسة حسانين والشهري إلى معرفة مدى توافق محتوى كتب الرياضيات المطورة بالصفوف من ٣-٥ بالمملكة العربية السعودية مع معايير (NCTM2000) في مجالات: العدد والعمليات، الجبر، الهندسة، القياس، وتحليل البيانات والاحتمالات، بينما هدفت دراسة العساف إلى تحديد مدى توافق محتوى الهندسة والقياس في الصفوف من (٣-٥) في المملكة العربية السعودية مع المعايير الفرعية المستمدة من معايير NCTM 2000 والخاصة بمجال الهندسة والقياس.
  - تناولت الدراسات السابقة نفس العينات من الكتب الدراسية ، والدراسة الحالية طبقت على محتوى كتاب الرياضيات للصف السادس الابتدائي بجزأيه الأول والثاني.

- استخدمت الدراسات السابقة المنهج الوصفي التحليلي للتعرف على مدى تحقق المعايير.
- استخدمت الدراسات السابقة بطاقة تحليل المحتوى كأداة لجمع البيانات.
- توصلت الدراسات السابقة إلى وجود توافر للمعايير وبنسب متفاوتة بين كتاب وآخر وبين مجال رياضي وآخر ، وعدم توفر معايير أخرى .

### **التعليق على دراسات المحور الثاني :**

من العرض السابق للدراسات التي اهتمت بمقارنة مناهج الرياضيات في المملكة العربية السعودية مع مناهج الدول المختلفة يتضح ما يلي:

تعددت أهداف الدراسات السابقة التي اهتمت بمقارنة مناهج الرياضيات في المملكة العربية السعودية مع مناهج الدول المختلفة حيث هدفت دراسة السحاب والحربي وظفر وغندورة ( ٢٠٠١ ) إلى التعرف على الواقع الحالي لكل من المنهج والمعلم والمواد المساعدة للمعلم ، وكذلك التعرف على خبرات وتجارب بعض الدول المتميزة في تعليم الرياضيات في الابتدائية والمتوسطة ومقارنتها بما هو قائم في المملكة في هذا المجال والمحيسن (٢٠٠٧) ، وهدفت إلى مقارنة إستراتيجيات تنفيذ مناهج الرياضيات والعلوم في أمريكا واليابان وبريطانيا والسعودية والشعلان (٢٠١٢) التي هدفت إلى تحليل محتوى كتاب الرياضيات ضمن سلسلة ماجروهيل بغرض الكشف عن مدى مطابقة نسخة الكتاب المواءم مع نسخة الكتاب الأصل

تناولت الدراسات السابقة عينات مختلفة من عناصر المنهج ، والدراسة الحالية طبقت على محتوى كتاب الرياضيات للصف السادس الابتدائي بجزأيه .

- استخدمت غالبية الدراسات السابقة المنهج الوصفي التحليلي للتعرف على الفروقات بين مناهج المملكة العربية السعودية والمناهج الأخرى .
- استخدمت غالبية الدراسات السابقة بطاقة تحليل المحتوى والاختبار كأدوات لجمع البيانات في الدراسات الوصفية.
- توصلت الدراسات السابقة إلى وجود تفاوت بين ما هو متوفر في الرياضيات بالمملكة العربية السعودية والدول الأخرى.

## التعليق على دراسات المحور الثالث :

من العرض السابق للدراسات التي اهتمت بمقارنة مناهج الرياضيات في الدول العربية والأجنبية يتضح ما يلي:

تعددت أهداف الدراسات السابقة التي اهتمت بمقارنة مناهج الرياضيات في الدول العربية والأجنبية؛ هدفت دراسة ابو غزالة (٢٠٠٢) إلى مقارنة كتب الرياضيات للصف السادس في المنهج الفلسطيني المستخدم حتى عام (٢٠٠٠) مع كتب المملكة الأردنية الهاشمية ، وكتاب جمهورية مصر العربية، من خلال التعرف على اختلاف الموضوعات الرياضية ، والتعرف على الأهداف التربوية التي تقيسها كل من المناهج الدراسية للصف السادس في مادة الرياضيات ، والكشف عن التباين في الأهداف التربوية ، في ضوء متغير تصنيف بلوم للمستويات العقلية ، ياسين (٢٠٠٣) هدفت إلى تقييم منهج الهندسة الفلسطيني مقارنةً مع منهج الهندسة المشتق من معايير الرياضيات المدرسية التي وضعها (NCTM,2000) ومنهاج الهندسة الياباني، مايتش (٢٠٠٧) هدفت الدراسة إلى التعرف على نقاط القوة ونقاط الضعف في ثلاثة كتب رياضيات مدرسية للمرحلة الابتدائية ، وكالارا Clara (٢٠١٠) إلى التعرف على نقاط القوة ونقاط الضعف في ثلاثة كتب رياضيات مدرسية للمرحلة الابتدائية وستيفانز Stephens (٢٠١١) إلى تحديد نقاط التقاطع بين الرياضيات والعلوم في ضوء معايير ولاية سان شاين (Sunshine State Standars)SSS للصف الثامن طرق تدريس مادة الرياضية بدولة سنغافورة فيما يتعلق بالصف الخامس ، اختبار جورجى للكفاءة المعيارية المرجعي في مادة الرياضيات في مجال القياس لمواد الصف الرابع ، ودرويش ومقاط (٢٠١٠) إلى الكشف عن مستوى جودة كتب الرياضيات الفلسطينية للصفوف (الثالث،الرابع ،والخامس )في ضوء قائمة معايير ( NCTM,2000)،هدفت الدراسة الى معرفة مدى ملاءمة مناهج الرياضيات المطورة للحلقة الأولى من المرحلة الابتدائية للواقع المصري؟ كذلك هدفت إلى مدى توافر المعايير القومية للتعليم في مناهج الرياضيات المطورة للحلقة الأولى من المرحلة الابتدائية ، ومدى توافر المستويات المعيارية المبتغاة من رياضيات الصفوف الثلاثة الأولى من المرحلة الابتدائية في مناهج الرياضيات المطورة ، وتانيا بويل Tina L. Powell (٢٠١٤) هدفت الدراسة إلى عمل تحليل مقارنة لتحصيل منهج رياضيات سنغافورة وتحصيل منهج الرياضيات اليومي للصف الخامس في عدد كبير من المدارس الأهلية بمنطقة الشمال الغربي

الحضرية. تختبر هذه الدراسة الفروق بين تأثير التحصيل في احد المعايير الاساسية المقترحة في برنامج الرياضيات ، بالتركيز على: الرياضيات في سنغافورة.

### **أوجه التشابه والاختلاف بين الدراسات السابقة والدراسة الحالية :**

- تتفق الدراسة الحالية مع بعض الدراسات السابقة في منهجها وأداتها ، وتختلف في عينتها التي ستكون من كتاب الرياضيات للصف السادس الابتدائي بجزأيه الأول والثاني في كل من المملكة العربية السعودية وجمهورية سنغافورة.

### **ما تختص به الدراسة الحالية عن الدراسات السابقة :**

- تتناول الدراسة الحالية تحليل محتوى كتاب الصف السادس الابتدائي في المملكة العربية السعودية ومقارنته بالمحتوى السنغافوري لنفس الكتاب وهو ما لم تتناوله الدراسات السابقة .

### **أوجه الاستفادة من الدراسات السابقة :**

استفاد الباحث من الدراسات السابقة في:

- تدعيم الإطار النظري .
- بناء أداة الدراسة.
- تحديد المنهج والإجراءات المناسبة للدراسة.
- اختيار الساليب الإحصائية مناسبة لتحليل النتائج.
- تفسير النتائج.

## **الفصل الثالث : منهجية وإجراءات الدراسة**

- منهج الدراسة .
- مجتمع الدراسة .
- عينة الدراسة .
- أداة الدراسة .
- الأساليب الإحصائية المستخدمة.

## الفصل الثالث: منهجية وإجراءات الدراسة

تناول هذا الفصل منهج الدراسة ، والمجتمع ، وعينة الدراسة وخصائصها ، وإجراءات بناء أداة الدراسة والتحقق من صدقها وثباتها، وكيفية تطبيقها ، والأساليب الإحصائية التي استخدمها الباحث في تحليل البيانات لتحقيق أهداف الدراسة، وفيما يلي عرض مفصل لإجراءات الدراسة :

### منهج الدراسة :

بما أن الهدف الرئيس من هذه الدراسة هو مقارنة رياضيات المرحلة الابتدائية في المملكة العربية السعودية وجمهورية سنغافورة في ضوء معايير المحتوى فإن الدراسة سوف تستخدم المنهج الوصفي التحليلي باعتباره أحد الطرق العلمية لجمع المعلومات .

حيث عرفه العساف (٢٠٠٣، ص ١٩١) بأنه: ذلك النوع من البحوث الذي يتم بواسطته استجواب جميع أفراد مجتمع البحث أو عينة كبيرة منه وذلك بهدف وصف الظاهرة المدروسة من حيث طبيعتها ودرجة وجودها.

أما المنهج الوصفي التحليلي : طريقة في البحث عن الحاضر، ويهدف إلى تجهيز بيانات لإثبات فروض معينة تمهيداً للإجابة عن تساؤلات محددة سلفاً بدقة، تتعلق بالظواهر الحالية والأحداث الراهنة التي يمكن جمع المعلومات عنها في زمان إجراء البحث ، وذلك باستخدام أدوات ( معينة " ( الأغا ، ٧٣ : ١٩٩).

أما أسلوب تحليل المحتوى :

فعرفه اللقاني والجمل في معجم المصطلحات التربوية بأنه : أسلوب يستخدم إلى جانب أساليب أخرى لتقوم المناهج من أجل تطويرها ، وهو يعتمد على أهداف التحليل ووحدة التحليل للتوصل إلى مدى شيوع ظاهرة أو أحد المفاهيم ، أو فكره أو أكثر .(اللقاني والجمل، ٢٠٠٣ : ٨٦)

### مجتمع الدراسة :

يتكون مجتمع الدراسة من جميع كتب الرياضيات من الصف الأول حتى الصف السادس من المرحلة الابتدائية للعام الدراسي ١٤٣٧-١٤٣٨ هـ .

## عينة الدراسة؛

لقد أُخْتِيرَت العينة بطريقة قصدية حيث شملت كتاب الصف السادس الابتدائي بجزأيه الأول والثاني في كل من المملكة العربية السعودية وجمهورية سنغافورة؛ وذلك لكونه نهاية المرحلة الابتدائية، وكذلك تُجرى عليه الاختبارات الدولية ويعتبر أعلى مستوى في المرحلة الابتدائية ، وكونه حلقة الوصل بين المرحلتين الابتدائية والمتوسطة ، ووجود تشابه في الموضوعات المعالجة في محتوى كتاب الرياضيات في البلدين.

## أداة الدراسة؛

استخدم الباحث في هذه الدراسة أداة تحليل المحتوى (بطاقة التحليل) لتحليل محتوى كتب الرياضيات للصف السادس الابتدائي ، والتي اشتملت على مصفوفتي المدى والتتابع لمحتوى الرياضيات في المملكة العربية السعودية وجمهورية سنغافورة للمرحلة الابتدائية ، وكذلك معايير المحتوى للمجلس القومي لمعلمي الرياضيات (NCTM,2000) المتوقع تضمونها في الكتب المستهدفة ، وذلك لملاءمتها لأهداف الدراسة ومنهجيتها، كذلك اشتملت على الهدف من عملية التحليل، وعينة التحليل، ووحدة التحليل وفئاته، ووحدة التسجيل، وضوابط عملية التحليل.، وقد تم إعداد البطاقة في نسختها الأولية بالاستفادة من المصادر التالية :

- مصفوفتي المدى والتتابع لمحتوى الرياضيات في المملكة العربية السعودية وجمهورية سنغافورة للمرحلة الابتدائية.
- مراجعة الأدبيات التي تناولت معايير المحتوى للمجلس القومي لمعلمي الرياضيات(NCTM,2000).
- مراجعة الدراسات والبحوث السابقة المرتبطة بمجال الدراسة الحالية .

## خطوات بناء أداة الدراسة ؛

- تم تحديد مشكلة البحث، وأهدافه، وأسئلته.
- تم الحصول على مصفوفة المدى والتتابع لمحتوى الرياضيات في المملكة العربية السعودية. انظر ملحق رقم
- تم الحصول على مصفوفة المدى والتتابع لمحتوى الرياضيات في جمهورية سنغافورة عن طريق موقع وزارة التربية السنغافورية [www.moe.gov.sg](http://www.moe.gov.sg) .
- تم الحصول على معايير المحتوى للمجلس القومي لمعلمي الرياضيات ( NCTM,2000 ) من

خلال كتاب صادر عن المجلس القومي لمعلمي الرياضيات مبادئ ومعايير الرياضيات المدرسية. انظر

ملحق رقم ٥ و ٦ و ٧ و ٨ و ٩

- ترجمة مصفوفة المدى والتتابع لمحتوى الرياضيات في جمهورية سنغافورة .
  - ترجمة معايير المحتوى للمجلس القومي لمعلمي الرياضيات (NCTM,2000)
  - انطلاقاً مما سبق، قام الباحث بإعداد الأداة في نسختها الأولية ملحق (١)، ثم عرضت على سعادة المشرف، وتم إضافة وتعديل بعض الفقرات في ضوء مريياته ليتسنى بعد ذلك عرضها على المحكمين المختصين، حيث اشتملت الأداة في نسختها الأولية على:
  - مصفوفة المدى والتتابع لمحتوى الرياضيات في المرحلة الابتدائية في كل من المملكة العربية السعودية وجمهورية سنغافورة.
  - معايير المحتوى للمجلس القومي لمعلمي الرياضيات (NCTM,2000) للمجالات الرياضية (الأعداد والعمليات عليها، الجبر، الهندسة، القياس، الإحصاء والاحتمالات)
- ضبط القائمة:

تم عرض الصورة الأولية لقائمة معايير NCTM على مجموعة من المحكمين، وذلك لإبداء الرأي حول فقرات الأداة ومدى شموليتها وصياغة فقراتها، وقد أسفرت عملية التحكيم عن إجراء بعض التعديلات ، وتم تعديل بعض العبارات المتعلقة بالصياغة والترجمة في ضوء آراء غالبية المحكمين.

الصورة النهائية للأداة :

بعد إجراء التعديلات التي أشار إليها المحكمون والمتعلقة بالترجمة والصياغة تم وضع القائمة في صورتها النهائية الموضحة في ملحق رقم (٣) ، وتكونت قائمة المعايير في صورتها النهائية من:

- ١- معايير الأعداد والعمليات عليها :ويحتوي هذا المجال على ثلاثة معايير وهي:
  - يدرك مفاهيم الأعداد وطرق تمثيلها ، والعلاقات بين الأعداد ، والأنظمة العددية ويشتمل على ٧ مؤشرات.
  - يفهم معاني العمليات وكيفية ارتباطها ببعضها البعض ويشتمل على ٣ مؤشرات .
  - يحسب بدقة وطلاقة ويعطي تقديرات معقولة (منطقية) ويشتمل على ٤ مؤشرات .
- ٢- معايير الجبر :ويحتوي هذا المجال على أربعة معايير وهي:
  - يفهم الأنماط والعلاقات والدوال ويشتمل على ثلاثة مؤشرات .

- يمثل ويحلل المواقف الرياضية والبنى الجبرية مستخدمًا الرموز الجبرية ويشتمل على أربعة مؤشرات .
  - يستخدم النماذج الرياضية لتمثيل وفهم العلاقات الكمية ويشتمل على مؤشر واحد .
  - يحلل التغير في سياقات مختلفة ويشتمل على مؤشر واحد .
- ٣- معايير الهندسة : ويحتوي هذا المجال على أربعة معايير وهي:
- يحلل صفات وخصائص الأشكال الهندسية ثنائية أو ثلاثية الأبعاد ، ويطور حجج رياضية عن العلاقات الهندسية ويشتمل على ثلاثة مؤشرات .
  - يعيّن الإحداثيات ، ويصف العلاقات المكانية مستخدمًا المستوى الإحداثي الهندسي وأنظمة التمثيل الأخرى ويشتمل على مؤشرين .
  - يطبق التحويلات الهندسية والتماثل لتحليل المواقف والحالات الرياضية ويشتمل على مؤشرين .
  - يستخدم التصور البصري والتفكير المنطقي والتمثيل الهندسي لحل المسائل ويشتمل على خمسة مؤشرات .
- ٤- معايير القياس : ويحتوي هذا المجال على معيارين وهما :
- يفهم قابلية القياس للأشكال والوحدات والنظم وعمليات القياس ويشتمل على ثلاثة مؤشرات .
  - يطبق الطرق والأدوات والصيغ المناسبة لتحديد القياس ويشتمل على ستة مؤشرات .

### هدف عملية التحليل :

هدفت عملية التحليل إلى تحديد مدى توافر بعض معايير المحتوى للمجلس القومي لمعلمي الرياضيات (NCTM,2000) في محتوى كتاب الرياضيات للصف السادس الابتدائي في المملكة العربية السعودية وجمهورية سنغافورة .

## عينة التحليل:

تتضمن عينة التحليل جميع الوحدات المتضمنة في كتاب الرياضيات المدرسي للصف السادس الابتدائي في كل من المملكة العربية السعودية وجمهورية سنغافورة

## فئات التحليل:

اعتمد الباحث على معايير المحتوى الصادرة عن المجلس القومي لمعلمي الرياضيات NCTM,2000

## وحدات التحليل:

هنالك خمسة أنواع لوحدة التحليل هي: الكلمة، والموضوع أو الفكرة، والشخصية، والفقرة، ومقياس المساحة والزمن (طعيمة، ٢٠٠٤، ٢٢٥).  
وقد تم اختيار الموضوع كوحدة تحليل في هذه الدراسة، والتي يستند إليها في رصد فئات التحليل نظراً لملاءمتها لطبيعة الدراسة الحالية.

**وحدة التسجيل:** تم اعتماد الفقرة كوحدة للتسجيل.

## ضوابط عملية التحليل:

- تم التحليل في ضوء معايير المحتوى الصادرة عن المجلس القومي لمعلمي الرياضيات NCTM,2000
- شملت عملية التحليل جميع الموضوعات الواردة في محتوى كتب الرياضيات المدرسية المقررة للعام ٢٠١٥م في كل من المملكة العربية السعودية وجمهورية سنغافورة وتم استبعاد الفهرس ومقدمة الكتاب.
- شملت عملية التحليل الرسومات والأشكال التوضيحية الواردة في الموضوعات الدراسية الواردة في المحتوى بالإضافة إلى الأنشطة والتمارين التي تأتي في نهاية كل موضوع.
- لم تشمل عملية التحليل دليل المعلم أو أي مرفق بالكتاب المدرسي.

## صدق الأداة:

### الصدق الظاهري:

- تم عرض الأداة في نسختها الأولية- بعد الاتفاق مع المشرف- على عدد من أعضاء هيئة التدريس من المتخصصين، ملحق (١)(٢) لأخذ آرائهم في:
- أهمية الفقرات ومدى ارتباطها ومناسبتها .
  - سلامة صياغتها اللغوية ودقتها.
  - اقتراح التعديل أو الإضافة .

وقد تفضل المحكمون بتقديم العديد من التعديلات تمثلت في:

- تعديل الصياغة اللغوية لبعض العبارات ، والجدول التالي يوضح نماذج من تعديلات المحكمين على الصياغة اللغوية

### جدول (٧)

نماذج من تعديلات المحكمين على صياغة عبارات بطاقة تحليل المحتوى:

المجال	الفقرات قبل التعديل	الفقرات بعد التعديل
الأول	التعامل بمرونة مع الكسور ، والكسور العشرية، وأيضاً النسب لحل المشكلات.	يتعامل بمرونة مع الكسور ، والكسور العشرية ، وأيضاً النسب لحل المسائل .
	ترتيب وتقريب ومقارنة الكسور بالكسور العشرية ، وايضاً النسب بكفاءة عالية ، وإيجاد مواقعها التقريبية على خط الاعداد	يرتيب وتقريب ويقارن الكسور بالكسور العشرية ، وأيضاً النسب بكفاءة عالية ، ويوجد مواقعها التقريبية على خط الاعداد .
	تطوير المعنى للنسب التي تكون أكثر من (١٠٠) وأقل من (٠,١) .	يطوير المعنى للنسب التي تكون أكثر من (١٠٠) وأقل من (٠,١) .
	فهم واستخدام النسبه والتناسب لتمثيل العلاقات الكمية .	يفهم واستخدام النسبه والتناسب لتمثيل العلاقات الكمية .
	تنمية الفهم للأعداد الكبيره ، وإدراكها ، وتعرف الرموز الأساسية العلميه ، ورموز الحاسبات واستخدامها بطريقه مناسبة .	ينمي الفهم للأعداد الكبيره ، ويدركها ، ويتعرف الرموز الأساسية العلميه ، ورموز الحاسبات واستخدامها بطريقه مناسبة .
	استخدام العوامل ، المضاعفات ، والتحليل الى عوامل أوليه والمتصلة بحل المشكلات .	يستخدم العوامل ، المضاعفات ، والتحليل الى عوامل أوليه والمتصلة بحل المشكلات .
	تطوير المعنى للأعداد الصحيحة والأعداد الكليه ، وتمثيل ومقارنة الكميات باستخدامها .	يطوير المعنى للأعداد الصحيحة والأعداد الكليه ، ويمثل ويقارن الكميات باستخدامها .
مجال الجبر	فهم الأنماط والعلاقات والدوال .	يفهم الأنماط والعلاقات والدوال
	تمثيل وتحليل وتعميم مزيج من نماذج الجداول والرسوم البيانيه والكلمات والقواعد الرمزيه ( اذا أمكن )	يمثل ويحلل ويعمم مختلف الانماط مع الجداول والرسوم البيانية والكلمات والقواعد الرمزية ( إذا أمكن )
	ربط ومقارنة الأشكال المختلفه لنماذج الدوال .	يربط ويقارن الصيغ (الأشكال ) المختلفه للعلاقة المثله.
	تحديد الدوال او الاقتارات ( خطي / لا خطي ) ومقابلة خصائصهم تمثيلاتهما من الجدول والرسوم البيانيه والمعادلات .	يحدد الدوال ك ( خطية / غير خطية ) ويكشف خصائصها من الجداول والرسوم البيانية أو المعادلات.

### حذف بعض الفقرات مثل:

- الاقتصار على معايير المحتوى للصف السادس وحذف معايير المحتوى للصفين الرابع والخامس .  
وفي ضوء آراء المحكمين، تم تعديل صياغة الفقرات والحذف لتصبح بطاقة تحليل المحتوى في نسختها النهائية  
كما بملحق (٣) .

**الثبات :** للتأكد من ثبات أداة التحليل حلل الباحث عينة من محتوى كتب الرياضيات للصف السادس الابتدائي في كل من المملكة العربية السعودية وجمهورية سنغافورة ، كما قام باحث آخر بتحليل العينة نفسها، وتم حساب معامل الثبات بين التحليلين وفق معادلة كوبر ( Cooper equation ) التي تنص على:

$$\text{نسبة الاتفاق (الثبات)} = \frac{\text{عدد مرات الاتفاق}}{\text{عدد مرات الاتفاق} + \text{عدد مرات الاختلاف}} \times 100\%$$

وقد تم حساب معاملات الاتفاق(الثبات) بين المحللين لكل معيار على حدة، ولقد جاءت

النتائج كما يلي:

جدول رقم (٨): معاملات الاتفاق(الثبات) بين المحللين

المجال	المعيار	عدد مرات الاتفاق	عدد مرات الاختلاف	نسبة الثبات
الأعداد والعمليات عليها	يفهم الأعداد وطرق تمثيلها، والعلاقات بين الأعداد، والأنظمة العددية	٢٤٠	١٢	%٩٥.٢٣
	يفهم معاني العمليات وكيف ترتبط احداها بالأخرى	١٢	١	%٩٢.٣٠
	يحسب بدقة وطلاقة ويعطي تقديرات معقولة (منطقية)	٢٠	٣	%٩٠.٩٠
	المجموع	٢٧٢	١٦	%٩٤.٤٤
البنى	يفهم الأنماط والعلاقات والدوال	٢٢	٢	%٩١.٦٧
	يمثل ويحلل الحالات والبنى الجبرية مستخدمًا الرموز الجبرية .	١٠٤	٧	%٩٣.٦٩
	يستخدم النماذج الرياضية لتمثيل وفهم العلاقات الكمية	٧	٠	%١٠٠
	يحلل التغير في سياقات مختلفة	١١	١	%٩١.٦٧
	المجموع	١٤٤	١٠	%٩٣.٥٠
الهندسة	يحلل صفات وخصائص الأشكال الهندسية ثنائية أو ثلاثية الأبعاد، ويطور حججًا رياضية عن العلاقات الهندسية	٢٤	٢	%٩٢.٣٠
	يعين الإحداثيات ، ويصف العلاقات المكانية مستخدمًا المستوى الإحداثي الهندسي وأنظمة التمثيل الأخرى.	١٥	١	%٩٣.٧٥
	يطبق التحويلات الهندسية والتماثل لتحليل المواقف والحالات الرياضية .	٧	٠	%١٠٠
	يستخدم التصور البصري والتفكير المنطقي والتمثيل الهندسي لحل المسائل .	١٩	٢	%٩٥
	المجموع	٦٥	٥	٩٢.٨٥
القياس	يفهم الصفات (السمات) القابلة للقياس للأشكال والوحدات والأنظمة وعمليات القياس.	٦٢	٥	%٩٢.٥٣
	يطبق الطرق والأدوات والصيغ المناسبة لتحديد القياسات.	٥٣	٥	%٩١.٣٧
	المجموع	١١٥	١٠	%٩٢
الإحصاء والاحتمالات	صياغة الأسئلة التي يمكن تقديمها مع البيانات وجمع وتنظيم وعرض البيانات وثيقة الصلة بالإجابة عن الأسئلة .	٥٧	٤	%٩٣.٤٤
	يحدد ويستخدم الطرق الإحصائية المناسبة لتحليل البيانات	٦٦	٦	%٩١.٦٧
	يطور الاستدلالات والتنبؤات المبنية (المستندة) على البيانات .	٢	٠	%١٠٠
	يفهم ويطبق المفاهيم الأساسية للاحتمال .	٨	١	%٨٨.٨٩
	المجموع	١٣٣	١١	%٩٢.٣٦

من خلال الجدول السابق، يتضح أن نسبة الثبات مرتفعة، حيث بلغت نسبة الثبات لإجمالي معايير الأعداد والعمليات عليها ٩٤.٤٤٪، فيما بلغت نسبة الثبات لمعايير الجبر ٩٣.٥٠٪، وبلغت نسبة الثبات لمعايير الهندسة ٩٢.٨٥٪، وبلغت نسبة الثبات لمعايير القياس ٩٢٪، وبلغت نسبة الثبات لمعايير الإحصاء والاحتمالات ٩٢.٣٦٪. وهذا يطمئن الباحث إلى ثبات عملية التحليل .

### خطوات التحليل:

- ١- قراءة بطاقتي التحليل بصورتهمما النهائية قراءة متأنية ومتعمقة.
  - ٢- الاطلاع على كتب دراسية أجنبية تم تحليلها في ضوء معايير المحتوى والاستفادة منها في كيفية التحليل في ضوء معايير المحتوى، ومن الأمثلة لتلك الكتب كتاب WARM UP حيث احتوى هذا الكتاب على جميع معايير المحتوى وتم مقابلة كل مؤشر بعدد كبير من المسائل التي تحقق المؤشرات مما جعل الباحث يدرك عملية التحليل بشكل أكبر .
  - ٣- الاطلاع على محتوى موضوعات كتابي الرياضيات للصف السادس الابتدائي في كل من المملكة العربية السعودية وجمهورية سنغافورة بشكل دقيق، وتحديد ما جاء بكل وحدة دراسية من موضوعات وأشكال توضيحية ومسائل وأنشطة.
  - ٤- اعتماد عدد الفقرات في كل درس من دروس المحتوى بحيث يتم تمرير وفحص كل الفقرات على جميع مؤشرات المعايير وتحديد ما اذا كانت تحقق المؤشر من عدمه.
- عند تحديد فقرات المحتوى تم اعتبار كل (نشاط أو مثال أو تأكيد أو مسألة أو التحقق من الفهم أو تعريف مفهوم رياضي أو مسائل المهارات العليا) فقرة من فقرات المحتوى.
- والجدول التالي (٩) يبين اعداد الفقرات لكل وحدة دراسية :

جدول (٩) أعداد الفقرات لمحتوى الرياضيات للصف السادس الابتدائي في المملكة

العربية السعودية:

م	الفصل	عدد الفقرات	النسبة المئوية
الفصل الدراسي الاول ( الجزء الأول)			
١	الفصل الاول	٢١٧	%١٠٠.٧١
٢	الفصل الثاني	١٢٧	%٦٢.٢٧
٣	الفصل الثالث	٣٠٤	%١٥
٤	الفصل الرابع	٢٤٧	%١٢.١٩
٥	الفصل الخامس	١٢٨	%٦.٣٢
المجموع			%٥٠.٠٥
الفصل الدراسي الثاني (الجزء الثاني)			
٧	الفصل السادس	٣٠٠	%١٤.٨١
٨	الفصل السابع	١٧١	%٨.٤٤
٩	الفصل الثامن	١٧٤	%٨.٥٩
١٠	الفصل التاسع	١٦٦	%٨.١٩
١١	الفصل العاشر	١٩٢	%٩.٤٨
المجموع			%٤٩.٥١
المجموع الكلي			%١٠٠

جدول (١٠) أعداد الفقرات لمحتوى الرياضيات للصف السادس الابتدائي في جمهورية سنغافورة:

م	الفصل	عدد الفقرات	النسبة المئوية
الفصل الدراسي الاول ( الجزء الأول)			
١	الفصل الاول	٤٢	%٤٠.٨٢
٢	الفصل الثاني	٤٤	%٥٠.٠٥
٣	الفصل الثالث	١١٣	%١٢.٩٧
٤	الفصل الرابع	٩٠	%١٠.٣٣
٥	الفصل الخامس	٣٤	%٣.٩٠
٦	الفصل السادس	٨٩	%١٠.٢٢
المجموع			%٤٧.٣٠
الفصل الدراسي الثاني (الجزء الثاني)			
٧	الفصل السابع	٦٨	%٧.٨١

٨	الفصل الثامن	٩٠	٪١٠.٣٣
٩	الفصل التاسع	٣٠	٪٣.٤٤
١٠	الفصل العاشر	١١٣	٪١٢.٩٧
١١	الفصل الحادي عشر	٥٥	٪٦.٣١
	الفصل الثاني عشر	٣١	٪٣.٥٦
	الفصل الثالث عشر	٧٢	٪٨.٢٧
	المجموع	٤٥٩	٪٥٢.٧٠
	المجموع الكلي	٨٧١	٪١٠٠

٥- وضع علامة (/) في المكان الخاص في الخانات المحددة في بطاقة التحليل.

٦- تفرغ نتائج التحليل الخاصة بكل وحدة كتاب في جدول خاص أعد لهذا الغرض.

### إجراءات الدراسة:

- ١- الاطلاع على الأدب التربوي الخاص بتحليل المحتوى، والإفادة منه في كيفية التحليل وخصائصه وخطواته.
- ٢- الاطلاع على الأبحاث والدراسات السابقة التي تناولت تحليل كتب الرياضيات المدرسية في ضوء معايير المجلس الوطني لمعلمي الرياضيات .
- ٣- الحصول على معايير NCTM,2000 ، ثم القيام بترجمتها وعرضها على مختصين في الترجمة للتأكد من صحة وسلامة الترجمة.
- ٤- الحصول على مصفوفتي المدى والتتابع لمحتوى كتاب الرياضيات للصف السادس الابتدائي في كل من المملكة العربية السعودية وجمهورية سنغافورة وترجمتها.
- ٥- الحصول على كتب الرياضيات للصف السادس الابتدائي في المملكة العربية السعودية وجمهورية سنغافورة للعام ١٤٣٧-١٤٣٨ هـ (٢٠١٥).
- ٦- إعداد أداة الدراسة في ضوء معايير NCTM,2000 ، ومن ثم عرضها على المحكمين للتأكد من صدقها.
- ٧- الحصول على كتب عالمية تم تحليلها في ضوء معايير المحتوى لنفس الصف الدراسي وذلك للوقوف على أدق تفاصيل تحليل المحتوى .

- ٨- تحليل عينة استطلاعية من الموضوعات الواردة في محتوى الكتب محل الدراسة والتحليل وحساب ثبات التحليل بين الباحث ومحلل آخر.
- ٩- القيام بتحليل محتوى كتب الرياضيات محل الدراسة والتحليل من خلال بطاقة تحليل المحتوى .
- ١٠- إعادة التحليل مره أخرى من قبل الباحث نفسه وبعد فترة شهرين وذلك للحصول على ثبات أكبر لعملية التحليل .
- ١١- القيام بمعالجة نتائج التحليل إحصائيًا باستخدام التكرارات والنسب المئوية ومربع كاي.
- ١٢- عرض نتائج الدراسة ومن ثم مناقشتها وتفسيرها ، وذكر بعض المبررات حول النتائج.
- ١٣- الوصول الى بعض التوصيات والمقترحات في ضوء نتائج الدراسة التي تم التوصل إليها.
- ١٤- تدعيم الدراسة ببعض الشواهد والنماذج من محتوى الكتب محل الدراسة والبحث.

### **الأساليب الإحصائية المستخدمة :**

تم استخدام برنامج الحزمة الإحصائية للعلوم الاجتماعية (Statistical Product and Services Solution) SPSS في إجراء المعالجة الإحصائية للبيانات، بغرض الإجابة عن أسئلة الدراسة من خلال الأساليب الإحصائية مثل حساب التكرارات والنسب المئوية ، فيما تم استخدام اختبار مربعات كاي  $\chi^2$  ؛ وذلك للتعرف على دلالة الفروق بين تكرارات المؤشرات والمعايير.

## **الفصل الرابع : عرض نتائج الدراسة**

- عرض وتحليل نتائج السؤال الأول .**
- عرض وتحليل نتائج السؤال الثاني .**
- عرض وتحليل نتائج السؤال الثالث .**
- عرض وتحليل نتائج السؤال الرابع .**

## الفصل الرابع : تحليل النتائج وتفسيرها

يتناول هذا الفصل عرض وتحليل لنتائج الدراسة التي تم التوصل إليها ، وتمثل في الاجابة عن أسئلة الدراسة من خلال استخلاص ما أسفر عنه تطبيق أداة الدراسة وتحليل بياناتها إحصائيًا .

### عرض وتحليل نتائج السؤال الأول :

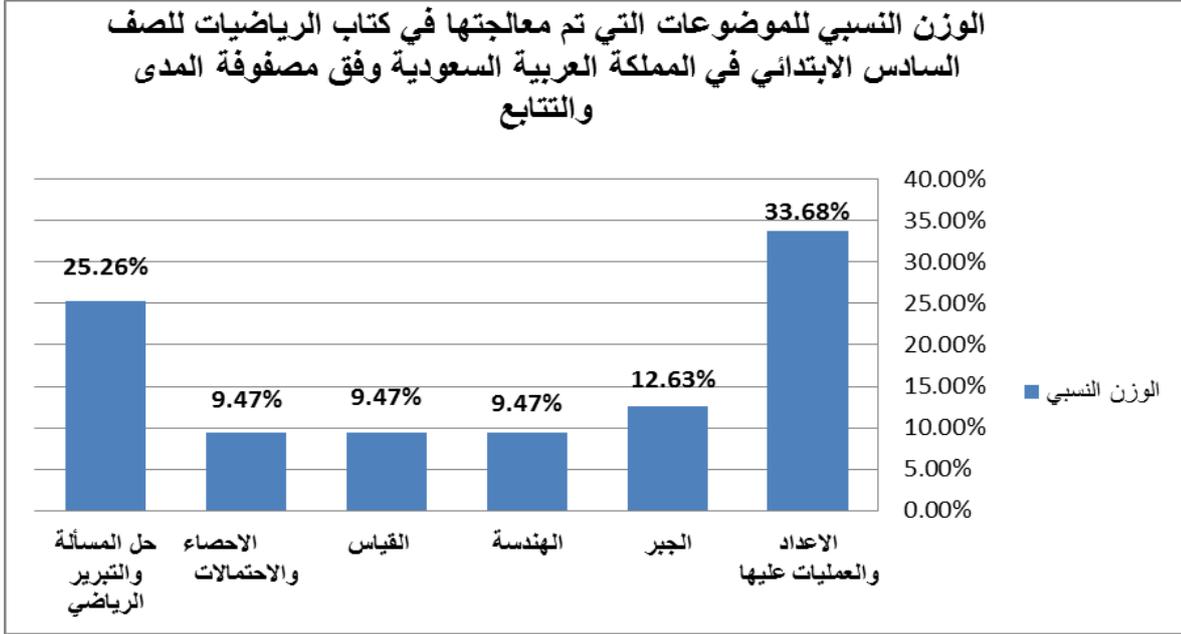
ينص السؤال الأول على: ما الموضوعات التي عالجهها محتوى كتابي الرياضيات في المملكة العربية السعودية للصف السادس الابتدائي بجزأيه الأول والثاني وفق مصفوفة المدى والتتابع؟

وللإجابة عن هذا السؤال تم تحليل مصفوفة المدى والتتابع للصف السادس الابتدائي من خلال تحديد الموضوعات الرياضية المطروحة في المصفوفة مع تحديد المجال الرياضي المرتبطة به وحساب الوزن النسبي للمجالات الرياضية الرئيسة وهي: (الأعداد والعمليات عليها ، الجبر ، الهندسة ، القياس ، الإحصاء والاحتمالات) ثم حساب وزن الموضوعات الرياضية المعالجة في كل مجال ، ورصدها في الجدول ( ١٩ )

جدول ( ١١ ) الموضوعات التي تم معالجتها في كتاب الرياضيات للصف السادس الابتدائي في المملكة العربية السعودية وفق مصفوفة المدى والتتابع:

الوزن النسبي	عدد الموضوعات	المجال الرياضي
٪٣٣.٦٨	٣٢	الأعداد والعمليات عليها
٪١٢.٦٣	١٢	الجبر
٪٩.٤٧	٩	الهندسة
٪٩.٤٧	٩	القياس
٪٩.٤٧	٩	الإحصاء والاحتمالات
٪٢٥.٢٦	٢٤	حل المسألة والتبرير الرياضي
٪١٠٠	٩٥	المجموع

والشكل التالي يوضح الوزن النسبي للمجالات الرياضية :



شكل (٣) الوزن النسبي للمجالات الرياضية طبقاً للموضوعات التي تم معالجتها في مصفوفة المدى والتتابع

يبين الجدول (١٩) والشكل (٢) أن كتاب الرياضيات للصف السادس الابتدائي في المملكة العربية السعودية يتضمن المجالات الرياضية الرئيسية بنس متفاوتة أعلاها (٣٣.٦٨%) مجال الأعداد والعمليات عليها وأدناها (٩.٤٧%) لكل من المجالات ( الهندسية والقياس والإحصاء والاحتمالات ) بشكل متساوي للمجالات الثلاثة ولقد كان الوزن النسبي للجبر (١٢.٦٣%) .

### عرض وتحليل نتائج السؤال الثاني :

ما الموضوعات التي عالجهما محتوى كتاب الرياضيات للصف السادس الابتدائي في جمهورية سنغافورة بجزأيه الأول والثاني وفق مصفوفة المدى والتتابع؟

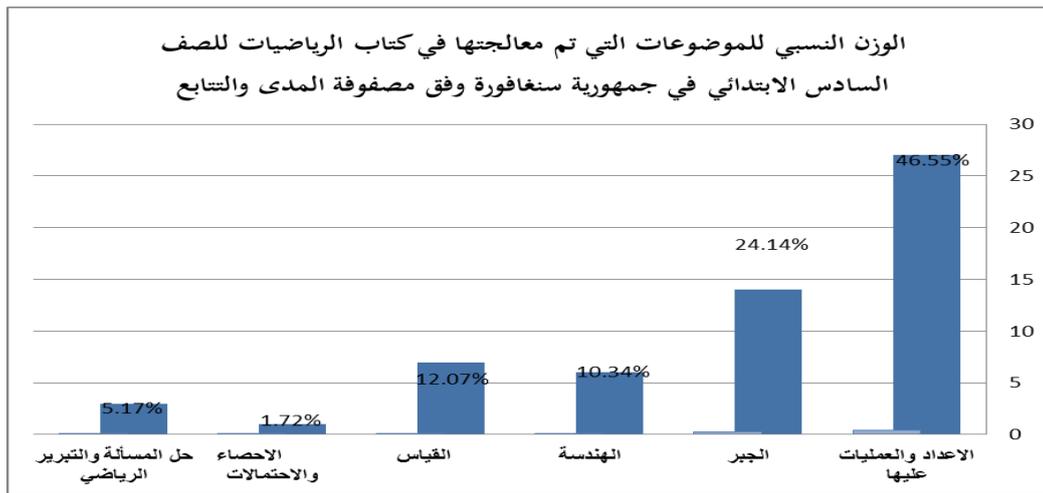
وللإجابة عن هذا السؤال تم تحليل مصفوفة المدى والتتابع لمحتوى كتاب الرياضيات للصف السادس الابتدائي في جمهورية سنغافورة ، ومن خلال تحديد المجال الرياضي المرتبط بكل موضوع في المصفوفة ورصدها في الجدول (٢٠) ثم تصنيف الموضوعات الى المجالات الرياضية الخمسة وهي الأعداد والعمليات عليها، الجبر، الهندسة ، القياس ، الإحصاء والاحتمالات، ثم حساب وزن الموضوعات الرياضية في كل مجال ورصدها في الجدول (٢٠). ويبين الجدول الموضوعات الواردة في محتوى كتاب الرياضيات للصف السادس الابتدائي في جمهورية سنغافورة وعددها والوزن النسبي لكل مجال رياضي .

جدول (١٢) الموضوعات الواردة في محتوى كتاب الرياضيات للصف السادس الابتدائي في جمهورية

سنغافورة

الوزن النسبي	عدد موضوعاته	المجال الرياضي
٤٦.٥٥%	٢٧	الأعداد والعمليات عليها
٢٤.١٤%	١٤	الجبر
١٠.٣٤%	٦	الهندسة
١٢.٠٧%	٧	القياس
١.٧٢%	١	الاحصاء والاحتمالات
٥.١٧%	٣	حل المسألة والتبرير الرياضي
١٠٠.٠٠%	٥٨	المجموع

والشكل التالي يوضح الوزن النسبي للمجالات الرياضية طبقاً للموضوعات المعالجة في مصفوفة المدى والتتابع في جمهورية سنغافورة:



شكل (٤) الوزن النسبي للمجالات الرياضية للموضوعات التي تم معالجتها في مصفوفة المدى والتتابع في جمهورية سنغافورة

يبين الجدول (٢٠) والشكل (٣) أن كتاب الرياضيات للصف السادس الابتدائي في جمهورية سنغافورة يتضمن المجالات الرياضية الرئيسية بنس متفاوتة أعلاها ٤٦.٥٥% مجال الأعداد والعمليات

عليها وأدناها (١.٧٢٪) مجال الاحصاء والاحتمالات ، أما الجبر فسجل ثاني اعلى نسبة ب ٢٤.١٤٪ أما الهندسة والقياس فمقاربتين. ويرى الباحث أن التركيز على مجال الأعداد أكثر من غيره من المجالات الرياضية الأخرى منطقياً لا سيما أن الطالب في هذه المرحلة لا زال في نهاية المرحلة الابتدائية التي تركز على الانتقال التدريجي من مرحلة التعلم المحسوس إلى مرحلة المجرد.

### عرض وتحليل نتائج السؤال الثالث:

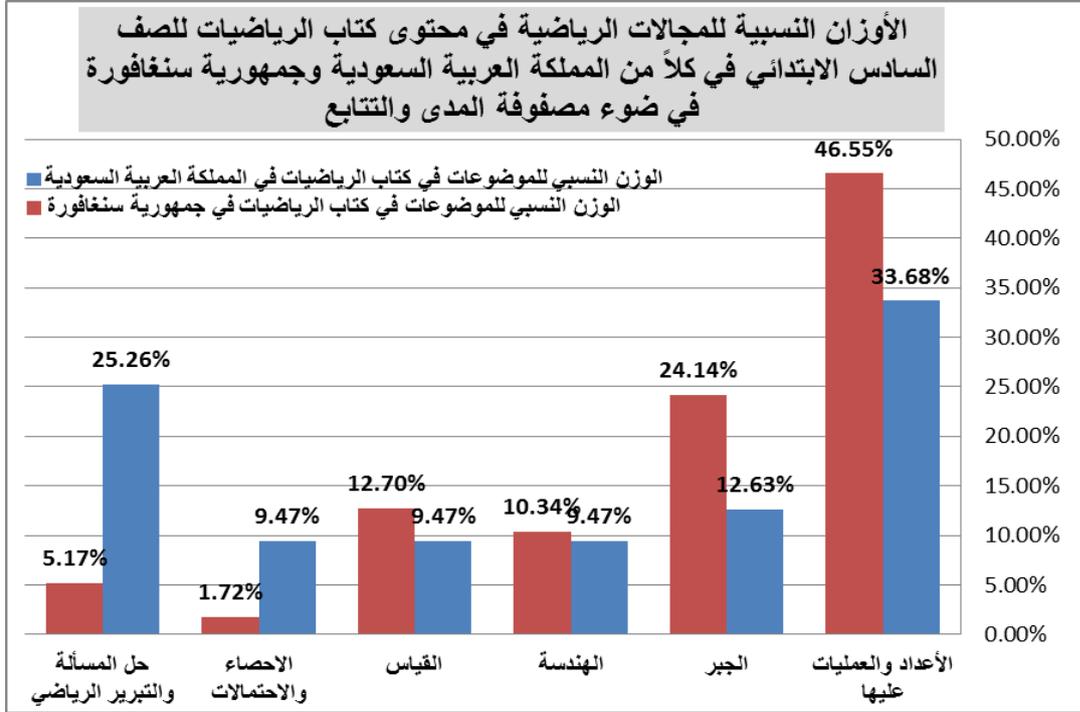
ينص السؤال الثالث على: ما أوجه الشبه والاختلاف بين الموضوعات التي تم معالجتها في محتوى كتاب الرياضيات للصف السادس الابتدائي في كل من المملكة العربية السعودية وجمهورية سنغافورة في ضوء مصفوفة المدى والتتابع ؟

للإجابة عن هذا السؤال تمت المقارنة بين الوزن النسبي للموضوعات الرياضية المطروحة في محتوى كتب الرياضيات في المملكة العربية السعودية وجمهورية سنغافورة للصف السادس الابتدائي حسب المجالات الرياضية الرئيسية ( الأعداد والعمليات عليها ، الجبر ، الهندسة ، القياس الاحصاء والاحتمالات، وحل المسألة والتبرير الرياضي ورصدها في جدول (٢١) وتمثيلها في شكل (٤)

جدول ( ١٣ ) الموضوعات التي تم معالجتها في كتب الرياضيات للصف السادس الابتدائي في المملكة العربية السعودية وجمهورية سنغافورة وفق مصفوفة المدى والتتابع :

المجال الرياضي	الوزن النسبي للموضوعات في كتاب الرياضيات للصف السادس الابتدائي في المملكة العربية السعودية	الوزن النسبي للموضوعات في كتاب الرياضيات للصف السادس الابتدائي في جمهورية سنغافورة
الأعداد والعمليات عليها	٣٣.٦٨٪	٣٤.٤١٪
الجبر	١٢.٦٣٪	٢٤.٧٣٪
الهندسة	٩.٤٧٪	٩.٦٨٪
القياس	٩.٤٧٪	٨.٦٠٪
الإحصاء والاحتمالات	٩.٤٧٪	١٨.٢٨٪
حل المسألة والتبرير الرياضي	٢٥.٢٦٪	٤.٣٠٪
المجموع	١٠٠.٠٠٪	١٠٠٪

الأوزان النسبية للمجالات الرياضية في محتوى كتاب الرياضيات للصف السادس الابتدائي في كل من المملكة العربية السعودية وجمهورية سنغافورة في ضوء مصفوفة المدى والتتابع:



شكل (٥) الأوزان النسبية للمجالات الرياضية في محتوى كتاب الرياضيات للصف السادس الابتدائي في كل من المملكة العربية السعودية وجمهورية سنغافورة في ضوء مصفوفة المدى والتتابع .

وحتى يتم الاجابة على هذا السؤال بشكلٍ أكثر تفصيلاً فقد عمَدَ الباحث على دراسة التشابه والاختلاف بين مصفوفتي المدى والتتابع ورصدهما في جداول خاصة بحيث يمكننا ذلك من التوصل بشكلٍ أفضل إلى تطوير محتوى الرياضيات في المملكة العربية السعودية :

جدول رقم (١٤) التشابه والاختلاف بين الموضوعات المعالجة لمجال الأعداد والعمليات عليها

الموضوعات التي تم معالجتها في مصفوفة المدى والتتابع لمحتوى كتاب الرياضيات للصف السادس في:					
المجال	(الموضوعات المشتركة) البلدين	المملكة العربية السعودية فقط	جمهورية سنغافورة فقط	محتوى كتب لصفوف سابقة للصف السادس السنغافوري (مقدمة في سنغافورة)	محتوى كتاب لصفوف سابقة للصف السادس السعودي مقدمة في السعودية
الأعداد والعمليات عليها	<ul style="list-style-type: none"> <li>التحويل بين الأعداد الكسرية والكسور غير الفعلية</li> <li>التحويل بين الأعداد الكسرية والكسور غير الفعلية</li> <li>مقارنة الكسور والأعداد الكسرية وترتيبها</li> <li>النسبة والمعدل</li> <li>التناسب</li> <li>النسبة المئوية</li> <li>التحويل بين النسبة المئوية والكسور والكسور العشرية</li> <li>جمع الكسور ذات المقامات المختلفة وطرحها</li> <li>جمع الأعداد الكسرية وطرحها</li> <li>ضرب الكسور</li> <li>قسمة الكسور</li> <li>إيجاد المضاعف المشترك الأصغر والقاسم المشترك الأكبر لإعداد كليه لاستخدامها لحل المسائل.</li> </ul>	<ul style="list-style-type: none"> <li>ضرب الأعداد الكسرية</li> <li>قسمة الأعداد الكسرية</li> </ul>	<ul style="list-style-type: none"> <li>حساب النسبة المئوية من الكميات المعطاة وحل المسائل التي تحتوي على تخفيضات في المبيعات ، الربح المكتسب ، النسبة المئوية لزيادة أو النقصان (نموذج ١٣-١٤)</li> <li>حل مسائل تحتوي على نسب متغيرة (نموذج ٤-٢٢)</li> <li>فهم واستخدام السرعة ومتوسط السرعة لحل المسائل نموذج (٤٨, ٤٩, ٥٠)</li> <li>استخدام النسبة للمقارنة بين ثلاث كميات (نموذج ٢٣-٢٤)</li> </ul>	<ul style="list-style-type: none"> <li>جمع الكسور ذات المقامات المتشابهة وطرحها</li> <li>القاسم المشترك الأكبر لعددتين أو أكثر</li> <li>المضاعف المشترك الأصغر لعددتين أو أكثر</li> <li>جمع الكسور والأعداد العشرية وطرحها</li> <li>ضرب كسر (عدد) عشري في عدد</li> <li>ضرب الكسور والأعداد العشرية</li> <li>قسمة كسر (عدد) عشري على عدد</li> <li>تقدير نواتج جمع الكسور والأعداد الكسرية وطرحها</li> <li>تقدير نواتج جمع الكسور والأعداد الكسرية وطرحها</li> <li>تقدير نواتج جمع لكسور والأعداد العشرية وطرحها</li> <li>تقدير نواتج ضرب الكسور والأعداد الكسرية وقسمتها</li> <li>الحساب الذهني</li> <li>تقدير نواتج ضرب الكسور والأعداد العشرية وقسمتها</li> </ul>	<p>تطبيق ترتيب العمليات مع أو بدون الأقواس حل مسائل</p>
العمود	١٢	٢	٤	١٣	١

من خلال الجدول السابق يتضح أنّ هنالك قدرًا كبيرًا من الموضوعات المشتركة التي تم معالجتها في محتوى الكتابين للصف السادس الابتدائي في مجال الأعداد والعمليات عليها ، بينما انفرد محتوى الرياضيات في المملكة العربية السعودية بمعالجة مفردتين تختصان بضرب وقسمة الأعداد الكسرية ، وعلى العكس من ذلك انفرد محتوى الرياضيات للصف السادس في جمهورية سنغافورة بمعالجة سبعة موضوعات

وهذه الموضوعات لم يتم معالجتها في محتوى الرياضيات للصف السادس بالمملكة العربية السعودية ولا في محتوى الصفوف السابقة له . أما بعض الموضوعات التي وردت في محتوى الصف السادس الابتدائي للمملكة العربية السعودية فقد تم معالجتها في محتوى الصفوف السابقة للصف السادس الابتدائي وكان عددها ثلاثة عشر موضوعاً ، ولم يرد موضوعات في محتوى الصف السادس في جمهورية سنغافورة تم معالجته في محتوى الرياضيات في المملكة العربية السعودية في صفوف سابقة له .

جدول رقم ( ١٥ ) يبيّن التشابه والاختلاف بين الموضوعات المعالجة في محتوى كل من البلدين لمجال الجبر:

الموضوعات التي تم معالجتها في مصفوفة المدى والتابع لمحتوى كتاب الرياضيات للصف السادس في:					
المجال	(الموضوعات المشتركة) البلدين	المملكة العربية السعودية فقط	جمهورية سنغافورة فقط	سابقة للصف السادس السنيغافوري (مقدمة في سنغافورة)	سابقة للصف السادس السعودي مقدمة في السعودية
الجبر	<ul style="list-style-type: none"> <li>تحديد الأنماط العددية وغير العددية ووصفها وتوسيعها</li> <li>خواص الجمع</li> <li>خواص الضرب</li> <li>إيجاد قيم تعابير عددية بمراعاة ( أولويات العمليات )</li> <li>إيجاد قيم تعابير جبرية</li> <li>كتابة تعابير جبرية</li> <li>معادلات الجمع والطرح</li> <li>معادلات الضرب والقسمة</li> </ul>	<ul style="list-style-type: none"> <li>اكتشاف قاعدة دالة</li> <li>من جدول</li> <li>إكمال جدول دالة</li> <li>إنشاء جدول دالة (دوال الضرب والقسمة)</li> <li>إنشاء جدول دالة (دوال الجمع والطرح)</li> </ul>	<ul style="list-style-type: none"> <li>استخدام التمثيلات لحل مسائل تحتوي على كسور . نموذج (٢٠)</li> <li>استخدام التمثيلات لحل مسائل تحتوي على كسور عشريه . نموذج (١٤)</li> <li>استخدام التمثيلات لحل مسائل تحتوي على نسبة نموذج (٤٧)</li> <li>حل مسائل تحتوي على توظيف العلاقات بين كميتين . نموذج (٩)</li> <li>كتابه رموز المعادلات البسيطة التي تحتوي على تغيرات مترابطة في الكميات . نموذج (٩)</li> </ul>	.	.
التحسين	٧	٤	٥	.	.

من خلال الجدول السابق يتضح أن هنالك قدراً كبيراً من الموضوعات المشتركة التي تم معالجتها في محتوى الكتابين للصف السادس الابتدائي في الجبر ، بينما أنقردها محتوى الرياضيات في المملكة العربية السعودية بمعالجة أربعة موضوعات وعلى العكس من ذلك أنقردها محتوى الرياضيات للصف السادس في جمهورية سنغافورة بمعالجة خمس موضوعات وهذه الموضوعات لم يتم معالجتها في محتوى الرياضيات للصف السادس بالمملكة العربية السعودية ولا في محتوى الصفوف السابقة له . ولم يسجل موضوعات وردت في الصف السادس في المملكة العربية السعودية تم معالجتها مسبقاً في جمهورية سنغافورة .

جدول رقم ( ١٦ ) التشابه والاختلاف بين الموضوعات المعالجة في محتوى كل من البلدين  
لمجال الهندسة:

الموضوعات التي تم معالجتها في مصفوفة المدى والتتابع لمحتوى كتاب الرياضيات للصف السادس في:					
المجال	البلدين (الموضوعات المشتركة)	المملكة العربية السعودية فقط	جمهورية سنغافورة فقط	السعودية محتوى كتب لصفوف سابقة للصف السادس السنغافوري (مقدمة في سنغافورة)	محتوى كتاب لصفوف سابقة للصف السادس السعودي مقدمة في السعودية
الهندسة	<ul style="list-style-type: none"> <li>مجموع زوايا مثلث</li> <li>خواص الأشكال الرباعية</li> <li>مجموع زوايا رباعي</li> <li>الزاويتان المتتامتان والمتكاملتان</li> <li>الزاويتان المتقابلتان بالرأس</li> </ul>		<ul style="list-style-type: none"> <li>يعرف ويستخدم خصائص الزاوية الناتجة عن تقاطع الخطوط ، مثلثات ، متوازيات الاضلاع ، معينات شبه منحرف لحل مسائل تشتمل على إيجاد الزوايا غير معلومة نموذج (٤٢)</li> </ul>	<ul style="list-style-type: none"> <li>تقدير قياس زاوية</li> <li>قياس الزوايا</li> <li>رسم زاوية</li> <li>أنواع المثلثات بالنسبة لأضلاعها ولزواياها</li> </ul>	
العدد	٥	٠	١	٣	٠

من خلال الجدول السابق يتضح أن هنالك قدراً كبيراً من الموضوعات المشتركة التي تم معالجتها في محتوى الكتابين للصف السادس الابتدائي في مجال الهندسة ، بينما أنقردها محتوى الرياضيات في جمهورية سنغافورة بمعالجة موضوع واحد يختص بحل مسائل تشتمل على إيجاد الزوايا غير معلومة في متوازيات الاضلاع ،

معينات شبه منحرف، أما بعض الموضوعات التي وردت في محتوى الصف السادس الابتدائي للمملكة العربية السعودية فقد تم معالجتها في محتوى الصفوف السابقة للصف السادس الابتدائي وكان عددها ثلاثة موضوعات .

جدول رقم ( ١٧ ) التشابه والاختلاف بين الموضوعات المعالجة في محتوى كل من البلدين  
لمجال القياس :

الموضوعات التي تم معالجتها في مصفوفة المدى والتتابع لمحتوى كتاب الرياضيات للصف السادس في:					
المجال	(الموضوعات المشتركة) البلدين	المملكة العربية السعودية قطر	جمهورية سنغافورة فقط	(مقدمة في سنغافورة) السنغافوري	مقدمة في الصف السادس السعودي
القياس	<ul style="list-style-type: none"> <li>حساب محيط الدائرة</li> <li>حساب حجم المنشور الرباعي</li> <li>---</li> </ul>	<ul style="list-style-type: none"> <li>وحدات قياس درجة الحرارة) فهرنهايت، سيلزيوس)</li> <li>قياس درجة الحرارة (اختيار درجة الحرارة المناسبة وتقديرها</li> <li>----</li> </ul>	<ul style="list-style-type: none"> <li>إيجاد حجم منشورات ثلاثية واسطوانات. نموذج ( ٥١ )</li> <li>حل مسائل متعددة الخطوات تشتمل على احجام سوائل ومجسمات وإزاحة سوائل</li> <li>نموذج (٨,٤٠)</li> <li>إيجاد المحيط والمساحة لإشكال مركبة تحتوي على مربعات ومستطيلات ومثلثات وأنصاف دوائر أو أرباع دوائر.</li> <li>نموذج (٢٩,٣٠,٣١)</li> </ul>	<ul style="list-style-type: none"> <li>حساب مساحة متوازي الأضلاع</li> <li>حساب مساحة المثلث</li> <li>حساب المساحة السطحية للمنشور الرباعي</li> <li>-----</li> </ul>	٠
	٢	٢	٣	٣	٠
الجمع	٢	٢	٣	٣	٠

من خلال الجدول السابق يتضح أن هنالك موضوعان مشتركين تم معالجتهما في محتوى الكتابين للصف السادس الابتدائي في مجال الهندسة ، بينما أنقردها محتوى الرياضيات في المملكة العربية السعودية بمعالجة موضوعين يختص بقياس درجة الحرارة ، بينما أنقردها محتوى الرياضيات في جمهورية سنغافورة بمعالجة ثلاثة موضوعات. أما بعض الموضوعات التي وردت في محتوى الصف السادس الابتدائي للمملكة العربية السعودية فقد تم معالجتها في محتوى الصفوف السابقة للصف السادس الابتدائي وكان عددها ثلاثة موضوعات .

جدول رقم ( ١٨ ) يبين التشابه والاختلاف بين الموضوعات المعالجة في محتوى كل من البلدين  
لمجال الاحصاء والاحتمالات:

الموضوعات التي تم معالجتها في مصفوفة المدى والتتابع لمحتوى كتاب الرياضيات للصف السادس في:					
المجال	(الموضوعات المشتركة) البلدين	المملكة العربية السعودية فقط	جمهورية سنغافورة فقط	محتوى كتب لصفوف سابقة للصف السادس السنغافوري (مقدمة في سنغافورة)	محتوى كتاب لصفوف سابقة للصف السادس السعودي (مقدمة في السعودية)
الاحصاء والاحتمالات	<ul style="list-style-type: none"> <li>• إيجاد المتوسط الحسابي لمجموعة من القيم</li> <li>• إيجاد الوسيط، المنوال، المدى لمجموعة من القيم</li> </ul>	<ul style="list-style-type: none"> <li>• التوصل إلى تنبؤات الاحتمال</li> <li>• فضاء العينة</li> </ul>	<ul style="list-style-type: none"> <li>• جمع ، تنظيم وعرض البيانات في القطاعات الدائرية . نموذج (٥٢)</li> </ul>	<ul style="list-style-type: none"> <li>• تمثيل البيانات بالأعمدة</li> <li>• تمثيل البيانات بالنقاط</li> <li>• تمثيل البيانات بالخطوط</li> <li>• قراءة البيانات من تمثيلاتها البيانية وتفسيرها</li> </ul>	
الجمع	٢	٣	١	٤	٥

من خلال الجدول السابق يتضح أن هنالك موضوعان مشتركين تم معالجتهما في محتوى الكتابين للصف السادس الابتدائي في مجال الاحصاء والاحتمالات ، بينما أنقردها محتوى الرياضيات في المملكة العربية السعودية بمعالجة ثلاثة موضوعات تختص بفضاء العينة والاحتمال والتنبؤات ، بينما أنقردها محتوى الرياضيات في جمهورية سنغافورة بمعالجة موضوع واحد فقط يختص بالقطاعات الدائرية. أما بعض الموضوعات التي وردت في محتوى الصف السادس الابتدائي للمملكة العربية السعودية فقد تم معالجتها في محتوى الصفوف السابقة للصف السادس الابتدائي في جمهورية سنغافورة وكان عددها اربعة موضوعات.

جدول رقم ( ١٩ ) التشابه والاختلاف بين الموضوعات المعالجة في محتوى كل من البلدين  
لمجال حل المسألة والتبرير الرياضي:

الموضوعات التي تم معالجتها في مصفوفة المدى والتتابع لمحتوى كتاب الرياضيات للصف السادس في					
المجال	البلدين (الموضوعات المشتركة)	المملكة العربية السعودية قطر	جمهورية سنغافورة قطر	محتوى كتاب لصفوف سابقة للصف السادس السعودي (مقدمة في السعودية)	محتوى كتب لصفوف سابقة للصف السادس السنغافوري (مقدمة في سنغافورة)
حل المسألة والتبرير الرياضي	<ul style="list-style-type: none"> <li>• إنشاء نموذج</li> <li>• استعمال الاستدلال المنطقي</li> <li>• اختيار الخطة المناسبة</li> <li>• الحكم على معقولة الإجابة</li> <li>• تحديد العملية المناسبة</li> <li>• كتابة حجج رياضية</li> <li>• البحث عن نمط</li> <li>• التخمين والتحقق</li> <li>• استعمال الصيغ (القوانين)</li> <li>• استعمال التبرير الرياضي</li> <li>• تقييم مبررات رياضية</li> <li>• التحقق من دقة النواتج</li> <li>• الحل بطريقة عكسية .</li> <li>• اتخاذ قرار إيجاد جواب تقديري أو دقيق.</li> <li>• تقديم أمثلة مضادة واختبارها</li> <li>• إنشاء مسائل</li> <li>• حل مسائل متعددة الخطوات</li> </ul>	<ul style="list-style-type: none"> <li>• اتباع الخطوات الأربع.</li> <li>• التمثيل .</li> <li>• رسم صورة .</li> </ul>	<ul style="list-style-type: none"> <li>• حل مسائل متعددة الخطوات تحتوي كل العمليات الأربع على الاعداد الكلية ، الكسور، الاعداد العشرية ، النسب المئوية ، النسب نموذج (٥)</li> <li>• حلّ مسائل متعددة الخطوات تحتوي على السرعة ومتوسط السرعة .</li> <li>• حلّ مسائل أكثر تحدي . نموذج(٤٤)</li> </ul>	٠	٠
المجموع	١٧	٣	٣	٠	٠

من خلال الجدول السابق يتضح أن هنالك سبعة عشر موضوعاً تم معالجتها في محتوى الكتابين للصف السادس الابتدائي في مجال حل المسألة والتبرير الرياضي ، بينما أنقرده محتوى الرياضيات في المملكة العربية السعودية بمعالجة ثلاثة موضوعات لم تعالج في محتوى الرياضيات في جمهورية سنغافورة، وعلى العكس من ذلك أنقرده محتوى الرياضيات في جمهورية سنغافورة بمعالجة ثلاثة موضوعات لم يتم معالجتها في محتوى الرياضيات في المملكة العربية السعودية .

## عرض وتحليل نتائج السؤال الرابع:

ينص السؤال الثالث على: ما درجة مطابقة محتوى كتاب الرياضيات للصف السادس الابتدائي بالمملكة العربية السعودية لمحتوى كتاب الرياضيات المناظر له في جمهورية سنغافورة في ضوء معايير المحتوى (NCTM, 2000) ؟

للإجابة عن هذا السؤال تم تحليل كتب الرياضيات للصف السادس الابتدائي في المملكة العربية السعودية وجمهورية سنغافورة في ضوء معايير المحتوى (NCTM,2000) للمجالات (الأعداد والعمليات عليها ، الجبر، الهندسة ،القياس ، والإحصاء والاحتمالات ) ورصد التكرارات والنسب المئوية ومربعات كاي لكل معيار ومؤشر في جميع المجالات الخمس .

ويبين الجدول (٢٨) التكرارات والنسب المئوية ومربعات كاي الناتجة من تحليل محتوى كتاب الرياضيات للصف السادس الابتدائي بجزأية الأول والثاني في ضوء معايير الاعداد والعمليات عليها وكانت النتائج على النحو التالي:

جدول (٢٠) التكرارات والنسب المئوية ومربعات كاي للمعايير الخاصة بالأعداد والعمليات عليها لمحتوى كتاب الرياضيات للصف السادس في كل من المملكة العربية السعودية وجمهورية سنغافورة

الدالة عند ٠.٠٥	كاي تربيع	كتاب الرياضيات للصف السادس في جمهورية سنغافورة		كتاب الرياضيات للصف السادس في المملكة العربية السعودية		التحليل	المعايير
		النسبة المئوية	التكرار	النسبة المئوية	التكرار		
دالة	١٥.٦٧	%١٦.٥٠	٤٨٣	%١٩.٤١	٣٩٦	١- يعمل بمرونة مع الكسور ، والكسور العشرية ، والنسب لحل المشكلات .	
دالة	١٨.٤٦	%٢.٠٢	٥٩	%٤.٥١	٩٢	٢- يقارن ويرتب ويقرّب الكسور ، الكسور العشرية ، والنسب بكفاءة عالية ، ويوجد مواقعها التقريبية على خط الأعداد .	
دالة	٥٦.٣٣	%٠.١٠	٣	%٠.٧٨	١٦	٣- يطور المعنى للنسب التي تكون أثير من (١٠٠) وأقل من (١) .	
غير دالة	٠.٠٠٤	%٨.٣٧	٢٤٥	%١١.٩٦	٢٤٤	٤- يفهم ويستخدم النسبة والتناسب لتمثيل العلاقات الكمية .	
دالة	١٠.٩٦	%١.٩٥	٥٧	%١.٥٧	٣٢	٥- تنمية فهم الأعداد الكبيرة ، وإدراكها ، وتعرف الرموز الأساسية العلمية ، ورموز الحاسبات واستخدامها بطريقة مناسبة .	
دالة	٤٠٢.٢١	%٠.٩٩	٢٩	%٦.٧٢	١٣٧	٦- يستخدم العوامل ، المضاعفات ، والتحليل الى عوامل أوليه ، والأعداد الأولية فيما بينها لحل المسائل .	
دالة	١٠٩.٠٨	%٣.٩٣	١١٥	%٠.١٥	٣	٧- يطور المعنى للأعداد الصحيحة ، ويمثل ويقارن الكميات باستخدامها .	

الدلالة عند ٠.٠٥	كاي تربيع	كتاب الرياضيات للصف السادس في جمهورية سنغافورة		كتاب الرياضيات للصف السادس في المملكة العربية السعودية		التحليل	المعايير
		النسبة المتوية	التكرار	النسبة المتوية	التكرار		
غير دالة	٦.٠٩	%٣٤.١	٩٩٨	%٤٥.١	٩٢٠	أولاً: يفهم الأعداد وطرق تمثيلها، والعلاقات بين الأعداد، والأنظمة العددية	
دالة	٢١.٩٣	%١٩.٥٤	٥٧٢	%٣٣.٥٣	٦٨٤	١- يفهم المعنى وتأثيرات العمليات الحسابية مع الكسور والكسور العشرية والاعداد الصحيحة.	
-	-	%٠	٠	%٠	٠	٢- يستخدم خصائص التجميع والابدال لعمليتي الجمع والضرب وخاصية توزيع الضرب على الجمع لتبسيط العمليات الحسابية مع الأعداد الصحيحة والكسور والكسور العشرية	
دالة	٦٩.٣١	%٢.٧٠	٧٩	%٠.٢٥	٥	٣- يفهم ويستخدم العلاقات العكسية لعملية الجمع والطرح والضرب والقسمة، والتربيع وإيجاد الجذور التربيعية لتبسيط العمليات الحسابية وحل المسائل.	
غير دالة	٣.٤٤	%٢١.٩٣	٦٤٢	%٣٣.٧٧	٦٨٩	ثانياً: يفهم معاني العمليات وكيف ترتبط إحداها بالأخرى .	
غير دالة	٢.٧٢	%١٢.٨٥	٣٧٦	%١٦.٨٦	٣٤٤	١- يختار الطرق والأدوات المناسبة للحساب مع الكسور والكسور العشرية من بين ( الحسابي الذهني والتقدير والآلات الحاسبة او الكمبيوتر والقلم الورقة ) بناءً على الموقف وتطبيق الطرق المختارة .	
دالة	٤٠٣.٢٨	%١٥.٣٧	٤٥٠	%١.١٨	٢٤	٢- يطور ويحلل الخوارزميات للحساب مع الكسور والكسور العشرية والأعداد الصحيحة ويطور السلاسة في استخدامها .	
دالة	١٩٦.٥٢	%١٠.١٨	٢٩٨	%٢.٧٥	٥٦	٣- يطور ويستخدم إستراتيجيات لتقدير نتائج العمليات الحسابية للأعداد النسبية ، والحكم على معقولية النتائج .	
دالة	١٤٩.٣٠	%٥.٥٧	١٦٣	%٠.٣٤	٧	٤- يطور ويحلل ويشرح طرق لحل مسائل تشتمل على التناسبات ، مثل المقياس ، وإيجاد النسب المتكافئة .	
دالة	٥٦٩.٣٤	%٤٣.٩٧	١٢٨	%٢١.١٣	٤٣١	ثالثاً : بحسب بدقة وطلاقة ويعطي تقديرات معقولة (منطقية)	
دالة	٢٦٨.٨٠	%١٠٠	٢٩٢	%١٠٠	٢٠٤	المجموع	
			٧		٠		

مما سبق نلاحظ أن الجدول يشير إلى أن النتائج المتعلقة بالمعيار الأول الذي ينص على (يفهم الأعداد وطرق تمثيلها، والعلاقات بين الأعداد، والأنظمة العددية) وجود مؤشرات في هذا المجال قد تحققت بنسب مئوية متفاوتة ، حيث تراوحت هذه النسب في محتوى كتاب الرياضيات للصف السادس في المملكة العربية السعودية بين (٠.١٥% - ١٩.٤٣%) بينما تراوحت النسب بين ( ٠.١٠% - ١٦.٥٠%) في محتوى كتابي الرياضيات للصف السادس الابتدائي بجمهورية سنغافورة ، وبشكل إجمالي

المعيار الأول أتوفر بتكرار ٩٢٠ في محتوى كتابي الرياضيات للصف السادس بالمملكة العربية السعودية وبتكرار ٩٩٨ في محتوى الكتاب السنغافوري وهو لا يشكل فرق ذو دلالة إحصائية عند مستوى دلالة  $(\alpha \leq 0.05)$  . ويعود ذلك إلى تقارب تكرار تحقق المؤشرات ،٤،٢ بشكل كبير .

أما بالنسبة للمعيار الثاني والذي ينص على: ( بفهم معاني العمليات وكيف ترتبط إحداها بالأخرى) وجود مؤشرات في هذا المعيار تحقق بنسب مئوية متفاوتة حيث تراوحت هذه النسب في محتوى رياضيات الصف السادس بالمملكة العربية السعودية بين (٠.٢٥% - ٣٣.٥٣%) فيما تراوحت النسب بين (٢.٧٠% - ١٩.٥٤%) في محتوى كتاب الرياضيات للصف السادس في جمهورية سنغافورة ، بينما لم يتحقق المؤشر الثاني في محتوى كتاب الرياضيات للصف السادس للدولتين .

وبشكل إجمالي فإن المعيار الثاني توافر بتكرار ٦٨٩ في محتوى كتاب الرياضيات في المملكة العربية السعودية وبتكرار ٦٤٢ في محتوى كتاب الرياضيات لجمهورية سنغافورة ، ويلاحظ في المؤشر رقم (١) وجود فروق دالة إحصائية لصالح الكتاب في المملكة العربية السعودية بينما في المؤشر رقم (٣) يلاحظ وجود فروق دالة إحصائية لصالح الكتاب في جمهورية سنغافورة .ولكن بشكل إجمالي لم يوجد فروق دالة إحصائية في المعيار الثاني ككل .

أما بالنسبة للمعيار الثالث والذي ينص على: ( يحسب بدقة وطلاقة ويعطي تقديرات معقولة (منطقية) ) فإن المؤشرات لهذا المعيار قد تحققت بنسب متفاوتة ،حيث تراوحت هذه النسب في محتوى كتاب الرياضيات للصف السادس الابتدائي في المملكة العربية السعودية بين (٣٤.٠% - ١٦.٨٦%) ، فيما تراوحت النسب بين (٥.٥٧% - ١٢.٨٥%) في محتوى كتاب الرياضيات للصف السادس الابتدائي في جمهورية سنغافورة ، وبشكل إجمالي فإن المعيار الثالث قد توافر بتكرار (٤٣١) في محتوى كتاب الرياضيات للصف السادس الابتدائي في المملكة العربية السعودية وبتكرار (١٢٧٨) في محتوى كتاب الرياضيات للصف السادس بجمهورية سنغافورة .

وهو فرق دال إحصائية عند مستوى الدلالة  $(\alpha \leq 0.05)$  لصالح محتوى كتاب الرياضيات في جمهورية سنغافورة ويعود هذا الفرق بسبب وجود فروق دالة إحصائية للمؤشرات (٤.٣.٢) لصالح كتاب الرياضيات في جمهورية سنغافورة ، رغم عدم وجود فروق دالة إحصائية للمؤشر (١) لصالح أي من الكتابين في المملكة العربية السعودية وجمهورية سنغافورة .

وبنظرة عامة لتوافر معايير الأعداد والعمليات عليها في محتوى كتابي الرياضيات للصف السادس الابتدائي في المملكة العربية السعودية وجمهورية سنغافورة فإن النتائج تشير إلى وجود فروق دالة إحصائية لصالح محتوى كتاب الرياضيات للصف السادس الابتدائي في جمهورية سنغافورة .

وذلك بسبب اهتمام بعرض أمثلة وتدريبات تقوم على استخدام الكسور والكسور العشرية والنسب بشكل كبير في حل المسائل و انه يجمع أكثر من مجال مع بعضها البعض كالمهندسة والأعداد والجبر والقياس وفي أمثلة عديدة وفي اغلب فصول ووحدات الكتاب، وكذلك لاهتمام المحتوى السنغافوري بإقرار وحدات كاملة تهتم بمجال الأعداد والعمليات أكثر من المحتوى الرياضيات في المملكة العربية السعودية .

ويبين الجدول ( ٢١ ) التكرارات والنسب المئوية ومربعات كاي لمعايير الجبر لمحتوى كتاب الرياضيات للصف السادس في كل من المملكة العربية السعودية وجمهورية سنغافورة :

الدلالة ( $\alpha \leq 0.05$ )	كاي تربيع	الكتا في جمهورية سنغافورة		الكتا في المملكة العربية السعودية		التحليل  المعايير والمؤشرات
		النسبة المئوية	التكرار	النسبة المئوية	التكرار	
دالة	١٥٦.٢٥	%١.٧٧	١٦	%١٢.١٣	٦٦	١- يمثل ويحلل ويعمم مختلف الأنماط مع الجداول والرسوم البيانية والكلمات والقواعد الرمزية ( إذا أمكن )
دالة	١٧٦.٣٣	%٠.٣٣	٣	%٤.٧٨	٢٦	٢- يربط ويقارن الصيغ (الأشكال) المختلفة للعلاقة الممثلة .
غير دالة	٠.٣٣	%٠.٣٣	٣	%٠.٧٤	٤	٣- يحدد الدوال كـ ( خطية / غير خطية ) ويكشف خصائصها من الجداول والرسوم البيانية أو المعادلات .
دالة	٢٤٨.٩١	%٢.٤٣	٢٢	%١٧.٦٥	٩٦	المعيار الأول: يفهم الأنماط والعلاقات والدوال.
دالة	١٢٢.٩٥	%٤٧.٩٠	٤٣٤	%٣٧.٣٢	٢٠٣	١- يطور فهم مفاهيمي أولي للاستخدامات المختلفة للمتغيرات .
غير دالة	٥	%٠.٥٥	٥	%٠	٥	٢- يكتشف العلاقات بين التعابير الرمزية والرسوم البيانية للخطوط مع إعطاء الأهمية لمعنى ( القاطع والميل ) .
دالة	٢١١.٦٥	%٣.٤٢	٣١	%٢٠.٥٩	١١٢	٣- يستخدم الجبر الرمزي لتمثيل مواقف وحل مسائل وخاصة التي تشتمل على علاقات الخطية .
غير دالة	٠.٥٦١	%١٢.٥٨	١١٤	%١٩.٤٩	١٠٦	٤- يتعرف ويولد صيغ مكافئة لتعابير جبرية بسيطة وحل معادلات خطية .
دالة	٥٠.٣٩	%٦٥.٥٦	٥٩٤	%٧٧.٣٩	٤٢١	المعيار الثاني : يمثل ويحلل الحالات والبنى الجبرية مستخدمًا الرموز الجبرية .
دالة	١٧٥.٣٤	%٢١.٠٨	١٩١	%١.٤٧	٨	١- يعمل نماذج ويحل مسائل في سياقها باستخدام تمثيلات مختلفة مثل الرسوم البيانية والجداول والمعادلات .
دالة	١٧٥.٣٤	%٢١.٠٨	١٩١	%١.٤٧	٨	المعيار الثالث : يستخدم النماذج الرياضية لتمثيل وفهم العلاقات الكمية .
دالة	٦٤.٦٤	%١٠.٩٣	٩٩	%٣.٤٩	١٩	١- يستخدم الرسوم البيانية ليحلل طبيعة التغيرات في الكميات في العلاقات الخطية .
دالة	٦٤.٦٤	%١٠.٩٣	٩٩	%٣.٤٩	١٩	المعيار الرابع: يحلل التغير في سياقات مختلفة .
دالة	١٤٤.٦٤	%١٠٠	٩٠٦	%١٠٠	٥٤٤	المجموع

الجدول السابق يشير إلى أن النتائج المتصلة بالمعيار الأول والذي ينص على: (يفهم الأنماط والعلاقات والدوال) وجود مؤشرات في هذا المجال قد تحققت بنسب مئوية متفاوتة ، حيث تراوحت هذه النسب في محتوى كتاب الرياضيات للصف السادس الابتدائي في المملكة العربية السعودية بين (٠.٧٤% - ١٢.١٣%) فيما تراوحت هذه النسب بين (٠.٣٣% - ١.٧٧%) في محتوى كتاب الرياضيات

للفص السادس الابتدائي في جمهورية سنغافورة ، وبشكل إجمالي فإن المعيار الأول توفر بتكرار (٩٦) في محتوى كتاب الرياضيات للفص السادس الابتدائي في المملكة العربية السعودية  
وبتكرار (٢٢) في محتوى كتاب الرياضيات للفص السادس الابتدائي في جمهورية سنغافورة ، وهو فرق ذو دلالة إحصائية عند مستوى دلالة ( $\alpha \leq 0.05$ ) لصالح كتاب الرياضيات للفص السادس الابتدائي في المملكة العربية السعودية ، ويعود هذا الفرق الدال إحصائيًا إلى توفر المؤشرات (٢.١) بتكرارات دالة إحصائية لصالح محتوى الكتاب في المملكة العربية السعودية .

أما بالنسبة للنتائج الخاصة بالمعيار الثاني والذي ينص على: (يمثل ويحلل الحالات والبنى الجبرية مستخدمًا الرموز الجبرية ) وجود مؤشرات لهذا المعيار قد تحققت بنسب مئوية متفاوتة ، حيث تراوحت في محتوى كتاب الرياضيات للفص السادس الابتدائي في المملكة العربية السعودية بين (١٩.٤٩% - ٣٧.٣٢% ) ، فيما تراوحت هذه النسب بين (٠.٥٥% - ٤٧.٩٠%) بينما المؤشر (٢) لم يتوافر في محتوى كتاب الرياضيات للفص السادس الابتدائي في المملكة العربية السعودية وبشكل إجمالي فإن المعيار الثاني توافر بتكرار (٤٢١) في محتوى الكتاب في المملكة العربية السعودية وبتكرار (٥٩٤) في محتوى الكتاب السنغافوري وهو فرق ذو دلالة إحصائية عند مستوى الدلالة ( $\alpha \leq 0.05$ ) لصالح محتوى الكتاب في جمهورية سنغافورة .

ويعود هذا الفرق الدال إحصائيًا في توفر المؤشر (١) بتكرارات دالة إحصائية لصالح الكتاب السنغافوري فيما كان المؤشر (٣) ذو دلالة إحصائية لصالح الكتاب في المملكة العربية السعودية .  
أما بالنسبة للنتائج الخاصة بالمعيار الثالث الذي ينص على : ( يستخدم النماذج الرياضية لتمثيل وفهم العلاقات الكمية) فإن المؤشر لهذا المعيار قد تحقق بنسبة مئوية مقدارها (١٠.٤٧%) في محتوى كتاب الرياضيات في المملكة العربية السعودية وتحققت نسبة (٢١.٠٨%) في محتوى الرياضيات للفص السادس في جمهورية سنغافورة . وبشكل إجمالي فإن المعيار الثالث قد توافر بتكرار (٨) في محتوى كتاب الرياضيات للفص السادس الابتدائي في المملكة العربية السعودية وبتكرار (١٩١) في محتوى الكتاب السنغافوري .

ويعود هذا الفرق إلى توافر المؤشر (١) بتكرارات دالة إحصائية لصالح محتوى الكتاب السنغافوري .  
أما بالنسبة للمعيار الرابع الذي ينص على: ( يحلل التغير في سياقات مختلفة ) فقد تحقق المؤشر (١) في محتوى كتاب الرياضيات للفص السادس الابتدائي في المملكة العربية السعودية بنسبة (٣.٤٩%) بينما تحقق المؤشر (١) في محتوى الرياضيات للفص السادس في جمهورية سنغافورة بنسبة (١٠.٩٣%) .

المعيار الرابع قد توفر بتكرار (١٩) في محتوى كتاب الرياضيات للفص السادس الابتدائي في المملكة العربية السعودية وبتكرار (٩٩) في محتوى الرياضيات للفص السادس في جمهورية سنغافورة وهو فرق دال إحصائيًا لصالح محتوى الكتاب السنغافوري .

وبنظرة عامة لتوافر معايير الجبر في محتوى كتاب الرياضيات للفص السادس الابتدائي في المملكة العربية السعودية وجمهورية سنغافورة فإن النتائج تشير إلى وجود فروق دالة إحصائية لصالح محتوى كتاب

الرياضيات في جمهورية سنغافورة. وذلك بسبب تركيزه على تحقيق المعايير المختلفة في المجالات المختلفة في الفقرة الواحدة .

ويبين الجدول ( ٢٢ ) التكرارات والنسب المئوية ومربعات كاي للمعايير والمؤشرات الخاصة بالهندسة لمحتوى كتاب الرياضيات للصف السادس في كل من المملكة العربية السعودية وجمهورية سنغافورة :

الدالة ( $\alpha \leq 0.05$ )	كاي تربيع	محتوى الكتاب في جمهورية سنغافورة		محتوى الكتاب في المملكة العربية السعودية		التحليل
		النسبة المئوية	التكرار	النسبة المئوية	التكرار	
دالة	١٣٥.٦٢	%١٨.٨٤	٢٦٩	%١٤.٠٥	٧٨	المعايير والمؤشرات يصف، يصنف، يفهم بدقة العلاقات بين أنواع من الأشكال ثنائي وثلاثية الأبعاد مستخدمًا خصائصها المحددة.
غير دالة	٥.٤١	%١٨.٧٠	٢٦٧	%٤١.٢٦	٢٢٩	يفهم العلاقات بين الزوايا وأطوال الأضلاع والمحيط والمساحة والحجم للأشكال المتشابهة.
دالة	١٣١.١١	%١٣.١٧	١٨٨	%٥.٥٩	٣١	يكون وينقد براهين استدلالية واستنتاجية فيما يخص الأفكار والعلاقات الهندسية مثل التطابق والتشابه علاقة فيثاغورس .
دالة	٢٠٥.٠١	%٥٠.٦٣	٧٢٣	%٦٠.٩٠	٣٣٨	المعيار الاول : يحلل صفات وخصائص الأشكال الهندسية ثنائية أو ثلاثية الأبعاد ، ويطور حجج رياضية عن العلاقات الهندسية.
غير دالة	٢	%٠.١٤	٢	%٠	٠	يستخدم المستوى الإحداثي لتمثيل واختبار خصائص الأشكال الهندسية .
غير دالة	٢	%٠.١٤	٢	%٠	٠	يستخدم المستوى الإحداثي لدراسة الأشكال الهندسية مثل المضلع المنتظم او مضلعات تحوي أضلاع متوازية أو متعامدة .
غير دالة	٤	%٠.٢٨	٤	%٠	٠	المعيار الثاني : يعين الإحداثيات ، ويصف العلاقات المكانية مستخدمًا المستوى الإحداثي الهندسي وأنظمة التمثيل الأخرى.
دالة	٤٥	%٣.٥١	٤٥	%٠	٠	يصف قياسات ومواضع واتجاهات الأشكال تحت تأثير الانقلاب والانسحاب والانعكاس والتمدد .
دالة	٥٣	%٣.٧١	٥٣	%٠	٠	يختبر التطابق والتشابه ومحاور التناظر للأشكال مستخدمًا التحويلات الهندسية .
دالة	٩٨	%٦.٨٦	٩٨	%٠	٠	المعيار الثالث : يطبق التحويلات الهندسية والتماثل لتحليل المواقف والحالات الرياضية .
دالة	١٦٩	%٠.٠٧	١	%٢.٥٢	١٤	يرسم أشكال هندسية بخصائص محددة مثل أطوال الأضلاع او قياسات الزوايا .
دالة	٣٥.٠٢	%٣.٣٦	٤٨	%١.٢٦	٧	يستخدم التمثيلات الثنائية الأبعاد للأشكال الثلاثية الأبعاد لتصوير وتمثيل وحل المسائل التي تشتمل على مساحة السطح والحجم .
دالة	١٤٥.٥٦	%١٧.٣٧	٢٤٨	%١٠.٤٥	٥٨	يستخدم ادوات التمثيل مثل شبكة العمل لتمثيل وحل المسائل .
دالة	٨٧.٥٨	%١٥.٩٠	٢٢٧	%١٥.٥٠	٨٦	يستخدم التمثيلات الهندسية (النماذج) لتمثيل وشرح العلاقات العددية والجبرية.
غير دالة	٣.٧١	%٤.٨٣	٦٩	%٩.٥٥	٥٣	يدرك ويطبق الأفكار والعلاقات الهندسية في مجالات خارج فصل الرياضيات مثل الفن والعلوم والحياة اليومية.
دالة	٢٣٧.٥٤	%٤١.٤٦	٥٩٢	%٣٩.١	٢١٧	المعيار الرابع: يستخدم التصور البصري والتفكير المنطقي والتمثيل الهندسي لحل المسائل.
دالة	٥٣٣.٧	%١٠٠	١٤٢٨	%١٠٠	٥٥٥	المجموع

الجدول السابق يشير إلى أن النتائج المتعلقة بالمعيار الأول والذي ينص على: (يحلل صفات وخصائص الأشكال الهندسية ثنائية أو ثلاثية الأبعاد ، ويطور حجج رياضية عن العلاقات الهندسية).

أن جميع المؤشرات الخاصة بهذا المعيار قد تحققت بنسب متفاوتة ، حيث تراوحت هذه النسب في محتوى كتاب الرياضيات للصف السادس الابتدائي في المملكة العربية السعودية بين (٥.٥٩% - ٤١.٢٦%) ، فيما تراوحت هذه النسب بين (١٣.١٧% - ١٨.٨٤%) في محتوى الرياضيات للصف السادس في جمهورية سنغافورة.

وبشكل إجمالي فإن المعيار الأول توفر بتكرار (٣٣٨) في محتوى الكتاب السعودي وبتكرار (٧٢٣) في محتوى الكتاب السنغافوري. وهو فرق ذو دلالة إحصائية عند مستوى دلالة ( $\alpha \leq 0.05$ ) لصالح محتوى كتاب الرياضيات للصف السادس في جمهورية سنغافورة.

ويعود هذا الفرق الدال في توافر المؤشرات (٣.١) بتكرارات دالة إحصائية لصالح محتوى الكتاب السنغافوري، فيما كان المؤشر (٢) يتوفر بتكرارات غير دالة إحصائية.

أما بالنسبة للمعيار الثاني والذي ينص على: (يعين الإحداثيات ويصف العلاقات المكانية مستخدماً المستوى الإحداثي الهندسي والتمثيل الأخرى) فإن جميع المؤشرات الخاصة بهذا المعيار لم تتوافر جميعها في محتوى كتاب الرياضيات للصف السادس الابتدائي في المملكة العربية السعودية بينما توافر بنسب بسيطة (٠.١٤%) لكلا المؤشرين . وبشكل إجمالي فإن المعيار الثاني قد توافر بتكرار (٤) في محتوى الكتاب في جمهورية سنغافورة بينما لم يتحقق في محتوى الكتاب في المملكة العربية السعودية، وهذا يشير إلى عدم وجود فروق ذو دلالة إحصائية عند مستوى دلالة ( $\alpha \leq 0.05$ ).

أما بالنسبة للمعيار التماثل الذي ينص على: ( يطبق التحويلات الهندسية والتماثل لتحليل المواقف والحالات الرياضية ) فلم تتحقق المؤشرات جميعها في محتوى كتاب الرياضيات للصف السادس الابتدائي في المملكة العربية السعودية فيما تحقق المؤشرات (٢.١) بنسب تتراوح بين (٣.٥١% - ٣٠.٧١%) في محتوى كتاب الرياضيات في جمهورية سنغافورة.

وبشكل عام تحقق المعيار الثالث بتكرار (٩٨) في محتوى كتاب الرياضيات للصف السادس في جمهورية سنغافورة وهو فرق ذو دلالة إحصائية عند مستوى دلالة ( $\alpha \leq 0.05$ ) لصالح محتوى كتاب الرياضيات في جمهورية سنغافورة.

ويعود هذا الفرق الدال إلى توفر المؤشرات (٢٠١) بتكرارات دالة إحصائيًا لصالح محتوى كتاب الرياضيات للصف السادس في جمهورية سنغافورة.

أما بالنسبة للمعيار الرابع الذي ينص على: ( يستخدم الحضور البصري والتفكير المنطقي والتمثيل الهندسي لحل المسائل) فتحققت المؤشرات جميعها في محتوى كتاب الرياضيات للصف السادس الابتدائي في المملكة العربية السعودية بنسب تراوحت بين (١٠.٢٦% - ١٥.٥٠%) بينما تراوحت النسب في محتوى كتاب الرياضيات السنغافوري بين (٠.٠٧% - ١٧.٣٧%) وبشكل إجمالي فإن المعيار الرابع توفر بتكرار (٢١٩) في محتوى كتاب الرياضيات في المملكة العربية السعودية وبتكرار (٥٩٢) في محتوى كتاب الرياضيات السنغافوري وهو فرق ذو دلالة إحصائية عند مستوى دلالة ( $\alpha \leq 0.05$ ) لصالح محتوى كتاب الرياضيات في جمهورية سنغافورة.

ويعود هذا الفرق إلى توفر المؤشرات (٤٠٣.٢) بتكرارات دالة إحصائيًا لصالح محتوى الكتاب في جمهورية سنغافورة. بينما توافر المؤشر (١) بتكرارات دالة إحصائيًا لصالح محتوى كتاب الرياضيات في المملكة العربية السعودية.

وبنظرة عامة لتوافر المعايير الهندسية في محتوى كتابي الرياضيات للصف السادس في المملكة العربية السعودية وجمهورية سنغافورة فإن النتائج تشير إلى وجود فروق دالة إحصائيًا لصالح محتوى كتاب الرياضيات في جمهورية سنغافورة وذلك بسبب تركيزه على مجال الهندسة والأعداد بشكل كبير حيث إن محتوى الرياضيات السنغافورية تحتوي على العديد من الأمثلة والتمارين على معايير الهندسة وخاصة مسائل المساحة والحجم ، وكذلك استخدام التحويلات الهندسية لتحليل المواقف والحالات الرياضية . وكذلك يقدم تمارين عدة حول العلاقات بين الزوايا وأطوال الأضلاع والمحيط والمساحة. وكذلك تعدد الأفكار والتمارين التي يقدمها محتوى كتاب الرياضيات السنغافوري وبشكل أكثر عمقًا بينما ركز المحتوى لكتاب الرياضيات للصف السادس في المملكة العربية السعودية على الزوايا والمضلعات بشكل أقل.

وكذلك محتوى كتاب الرياضيات في المملكة العربية السعودية لم يغفل التصور البصري والتمثيل الهندسي حيث استخدمها في الوحدات بشكل أقل وغير متوسع.

ويرى الباحث أن تركيز محتوى كتاب الرياضيات للصف السادس في المملكة العربية السعودية على التصور البصري والتمثيل الهندسي وتحليل المواقف الرياضية بشكل أقل من المحتوى للرياضيات السنغافورية له أثره

البالغ على المستوى التحصيلي لطلاب المملكة العربية السعودية اذا ما تمت مقارنة مستواهم التحصيلي بنظرائهم الطلاب في جمهورية سنغافورة .

ويعتقد الباحث أن تركيز كتاب الرياضيات في جمهورية سنغافورة على تزويد المحتوى الرياضي بكم كبير من المسائل والتمارين الأكثر عمقاً والتي تتيح لهم استخدام التصور البصري بشكل أكبر جعل الطلاب السنغافوريين أكثر تحصيل من طلاب الرياضيات في المملكة العربية السعودية .

ويبين الجدول ( ٢٣ ) التكرارات والنسب المئوية ومربعات كاي للمعايير والمؤشرات الخاصة بالقياس لمحتوى كتاب الرياضيات للصف السادس في كل من المملكة العربية السعودية وجمهورية سنغافورة:

الدلالة ( $\alpha \leq 0.05$ )	كاي تربيع	الكتب في جمهورية مصر		الكتب في المملكة العربية السعودية		التحليل
		النسبة المئوية	التكرار	النسبة المئوية	التكرار	
						المعايير والمؤشرات
دالة	٢٤.٢٧	%٢٠.٩٤	٢٧٧	%٢٧.٧٤	١٩٥	يفهم كلاً من النظام المتري والنظام الانجليزي للقياس.
غير دالة	٤.٥٧	%٢.٨٠	٣٧	%٧.١١	٥٠	يفهم العلاقات بين الوحدات وبحول من وحدة إلى أخرى ضمن نفس نظام القياس .
دالة	١٨٣.١٨	%١٨.٩٠	٢٥٠	%٥.١٢	٣٦	يفهم ويحدد ويستخدم الوحدات المناسبة من حيث المقدار والنوع لقياس الزوايا والمحيط والمساحة ومساحة السطح والحجم.
دالة	١٤٢.٠٠	%٤٢.٦٣	٥٦٤	%٣٩.٩٧	٢٨١	المعيار الاول : يفهم الصفات (السمات) القابلة للقياس للأشكال والوحدات والأنظمة وعمليات القياس.
دالة	٢٠.١٦	%٢.٣٤	٣١	%٠.٨٥	٦	يستخدم علامات مرجعية لتحديد الطرق المناسبة لتقدير القياس .
دالة	٤٣.١٨	%٢٢.٧٥	٣٠١	%٢٦.٦٠	١٨٧	يحدد ويطبق الأساليب والأدوات الدقيقة لإيجاد الطول والمساحة والحجم وقياسات الزوايا بمستوى الدقة المطلوبة.
غير دالة	٢.٢٣	%١٠.٩٦	١٤٥	%١٨.٠٧	١٢٧	يطور ويستخدم الصيغ ليحدد محيط الدائرة ومساحة المثلثات ومتوازيات الأضلاع وأشباه المنحرفات والدوائر ، ويطور الإستراتيجيات لإيجاد المساحة لأشكال أكثر تعقيداً .
غير دالة	٠.٠٢	%٤.٣١	٥٧	%٧.٩٧	٥٦	يطور إستراتيجيات لإيجاد مساحة السطح والحجم لمنشورات محددة وأهرام وأسطوانات .
دالة	٦٠.٢١	%٩.٠٧	١٢٠	%٤.٩٨	٣٥	يحل مسائل تشتمل على عوامل قياس مستخدماً النسبة والتناسب.
دالة	٨٧.١٢	%٨.١٦	١٠٨	%١.٥٦	١١	يحل مسائل بسيطة تشتمل على المعدلات ويستنتج قياسات السمات (الصفات) مثل السرعة والكثافة .
دالة	١٤٩.٦٣	%٥٧.٣٧	٧٥٩	%٦٠.٢	٤٢٢	المعيار الثاني : يطبق الطرق والأدوات والصيغ المناسبة لتحديد القياسات .
دالة	٢٩٠.٥٥	%١٠٠	١٣٢٣	%١٠٠	٧٠٣	المجموع

كما سبق نلاحظ أن الجدول يشير إلى النتائج المتعلقة بالمعيار الأول الذي ينص على: ( يفهم الصفات (السمات) القابلة للقياس للأشكال والوحدات والأنظمة وعمليات القياس ) وجود المؤشرات في هذا المجال قد تحققت بنسب مئوية متفاوتة ، حيث تراوحت هذه النسب بين (٥٠.١٢% - ٢٧.٧٤%) في محتوى كتاب الرياضيات في المملكة العربية السعودية ، فيما تراوحت هذه النسب بين (٢٠.٨٠% - ٢٠.٩٤%) في محتوى كتاب الرياضيات للصف السادس في جمهورية سنغافورة.

وبشكل إجمالي فإن المعيار الأول توفر بتكرار (٢٨١) في محتوى الكتاب في المملكة العربية السعودية وبتكرار (٥٦٤) في محتوى كتاب الرياضيات للصف السادس في جمهورية سنغافورة. وهو فرق ذو دلالة إحصائية عند مستوى دلالة ( $\alpha \leq 0.05$ ) لصالح محتوى كتاب الرياضيات للصف السادس في جمهورية سنغافورة.

ويعود هذا الفرق الدال في توفر المؤشرات (١٠٣) بتكرارات دالة إحصائية لصالح محتوى الكتاب في جمهورية سنغافورة.

أما بالنسبة للنتائج الخاصة بالمعيار الثاني الذي ينص على: ( يطور ويستخدم الصيغ ليجد محيط الدائرة ومساحة المثلثات ومتوازيات الأضلاع وأشباه المنحرفات والدوائر ، ويطور الاستراتيجيات لإيجاد المساحة لأشكال أكثر تعقيداً . وجود المؤشرات لهذا المعيار قد تحققت بنسب متفاوتة ، حيث تراوحت هذه النسب في محتوى كتاب الرياضيات للصف السادس في المملكة العربية السعودية بين (٥٠.٨٥% - ٢٦.٦٠%) فيما تراوحت هذه النسب بين (٢٣.٣٤% - ٢٢.٧٥%) في محتوى كتاب الرياضيات للصف السادس في جمهورية سنغافورة.

وبشكل إجمالي فإن المعيار الثاني توفر بتكرار (٤٢٢) في محتوى كتاب الرياضيات للصف السادس في المملكة العربية السعودية وبتكرار (٧٥٩) في محتوى كتاب الرياضيات للصف السادس في جمهورية سنغافورة. وهو فرق ذو دلالة إحصائية عند مستوى دلالة ( $\alpha \leq 0.05$ ) لصالح محتوى كتاب الرياضيات للصف السادس في جمهورية سنغافورة.

ويعود هذا الفرق الدال في توفر المؤشرات (٦٠٥.٢٠١) بتكرارات دالة إحصائية لصالح محتوى كتاب الرياضيات للصف السادس في جمهورية سنغافورة.

وبنظرة عامة لتوافر معايير القياس في محتوى كتابي الرياضيات للصف السادس في المملكة العربية السعودية وجمهورية سنغافورة فإن النتائج تشير إلى وجود فروق دالة إحصائية لصالح محتوى كتاب الرياضيات

في جمهورية سنغافورة وذلك بسبب تركيزه على مجال القياس بشكل أكبر حيث إن المحتوى يحوي العديد من الدروس والأمثلة التي تتناول القياس .

وبين الجدول ( ٢٤ ) التكرارات والنسب المئوية ومربعات كاي للمعايير والمؤشرات الخاصة بالاحصاء والاحتمالات لمحتوى كتاب الرياضيات للصف السادس في كل من المملكة العربية السعودية وجمهورية سنغافورة:

الدالة ( $\alpha \leq 0.05$ )	كاي تربيع	محتوى كتاب الرياضيات في جمهورية سنغافورة		محتوى كتاب الرياضيات في المملكة العربية السعودية		التحليل	المعايير والمؤشرات
		النسبة المئوية	التكرار	النسبة المئوية	التكرار		
دالة	٧.٢٦	%٥١.٩٢	٢٧	%١٣.٩٩	٤١	١- صياغة الأسئلة ، تصميم دراسات ، وجمع البيانات عن خاصية يشترك فيها نوعان من السكان أو خصائص مختلفة ضمن فئة السكان الواحدة .	
دالة	١٢.٩٦	%٤٨.٠٨	٢٥	%١٤.٦٨	٤٣	٢- يحدد ، ويكون ، ويستخدم التمثيلات البيانية الملائمة للبيانات مثل : المدرج التكراري ، الصندوق وطرفيه ، والتمثيل بالخطوط .	
داله	١٩.٦٩	%١٠٠	٥٢	%٢٨.٦٧	٨٤	المعيار الاول : صياغة الأسئلة التي يمكن تقديمها مع البيانات وجمع وتنظيم وعرض البيانات وثيقة الصلة بالإجابة على الاسئلة .	
-	-	%١٠٠	٥٢	%٢٢.٥٣	٦٦	١- يحدد ، يستخدم ، ويفسر مقياس النزعة المركزية والتشتت (التباين) التي تتضمن المتوسط الحسابي والمدى الربيعي .	
-	-	%٠	٠	%٨.١٩	٢٤	٢- يناقش ، ويفهم الانسجام بين مجموعات البيانات وتمثيلها البيانية بخاصة المدرج التكراري ، الساق والورقة ، الصندوق وطرفيه ، والتمثيل بالخطوط .	
-	-	%٠	٠	%٣٠.٧٢	٩٠	المعيار الثاني : يحدد ويستخدم الطرق الإحصائية المناسبة لتحليل البيانات . .	
-	-	%٠	٠	%٠	٠	١- يستخدم الملاحظات حول الاختلافات بين عينتين أو أكثر لعمل تخمينات باستخدام العينات المأخوذة من المجتمعات .	
-	-	%٠	٠	%٠	٠	٢ _ يكون تخمينات حول علاقات محتملة (ممكنة) بين خاصيتين لعينة على أساس الخطوط البيانية للبيانات والخطوط التقريبية الملائمة .	
-	-	%٠	٠	%٠	٠	٣ _ يستخدم التخمينات لتكوين اسئلة جديدة وتخطيط دراسات جديدة للإجابة عنها .	
-	-	%٠	٠	%٠	٠	المعيار الثالث : يطور الاستدلالات والتنبؤات المبنية (المستندة) على البيانات .	
-	-	%٠	٠	%٩.٢٢	٢٧	١- يفهم ويستخدم المفاهيم المناسبة لوصف الأحداث المتممة والأحداث المتنافية .	
-	-	%٠	٠	%٣.٠٧	٩	٢- يستخدم الاحتمال والفهم الاساسي للاحتمال لعمل واختبار تخمينات حول نتائج التجارب والظواهر الاحتمالية .	
-	-	%٠	٠	%٢٨.٣٣	٨٣	٣- يحسب الاحتمالات لأحداث بسيطة ومركبة باستخدام مثل : القوائم المرتبة والرسم الشجري ونماذج المساحة .	
-	-	%٠	٠	%٤٠.٦١	١١٩	المعيار الرابع : يفهم ويطبق المفاهيم الأساسية للاحتمال .	
دالة	١١١٦.٩	%١٠٠	٥٢	%١٠٠	٢٩٣	المجموع	

وبشكل إجمالي فإن المعيار الأول قد توافر بتكرار (٨٤) في محتوى كتاب الرياضيات للصف السادس الابتدائي في المملكة العربية السعودية وتكرار (٥٢) في محتوى كتاب الرياضيات للصف السادس جمهورية سنغافورة. وهو فرق ذو دلالة إحصائية عند مستوى الدلالة ( $\alpha \leq 0.05$ ) لصالح محتوى كتاب الرياضيات في المملكة العربية السعودية. ويعود الفرق في ذلك لتوافر المؤشرات (٢,١) بفروق دالة إحصائية لصالح كتاب الرياضيات في المملكة العربية السعودية.

أما بالنسبة للمعيار الثاني والذي ينص على ( يحدد ، يستخدم الطرق الإحصائية المناسبة لتحليل لبيانات) وجود المؤشرات في هذا المعيار قد تحققت بنسب متفاوتة ،حيث تراوحت هذه النسب في محتوى كتاب الرياضيات للصف السادس الابتدائي في المملكة العربية السعودية بين (٨.١٩% - ٢٢.٥٣%) ، فيما لم يسجل أي وجود لهذين المعيارين في محتوى كتاب الرياضيات للصف السادس الابتدائي في جمهورية سنغافورة ، وبشكل إجمالي فإن المعيار الثاني قد توفّر بتكرار (٩٠) في محتوى كتاب الرياضيات للصف السادس الابتدائي في المملكة العربية السعودية ولم يسجل أي وجود للمعيار الثاني في محتوى كتاب الرياضيات للصف السادس الابتدائي السادس بجمهورية سنغافورة.

وهنا لا داعي لحساب قيمة كاي تربيع لانعدام وجود المؤشر في محتوى كتاب الرياضيات بجمهورية سنغافورة وهنا الدلالة تصبح واضحة لصالح محتوى كتاب الرياضيات للصف السادس الابتدائي في المملكة العربية السعودية .

بالنسبة للمعيار الثالث والذي ينص على( يطور الاستدلالات والتنبؤات المبنية ( المستمدة) من هذه البيانات ) لم يتم تسجيل أي وجود لأي مؤشر من مؤشرات المعيار في كلا البلدين.

وبشكل إجمالي فإن المعيار الثالث لم يتوفر في كلا المحتويين للبلدين المملكة العربية السعودية وجمهورية سنغافورة.

أما بالنسبة للمعيار الرابع والذي ينص على ( يفهم ويطبق المفاهيم الأساسية للاحتمال ) قد تحققت بنسب متفاوتة ،حيث تراوحت هذه النسب في محتوى كتاب الرياضيات للصف السادس الابتدائي في المملكة العربية السعودية بين (٣.٠٧% - ٢٨.٣٣%) في محتوى كتاب الرياضيات للصف السادس الابتدائي في المملكة العربية السعودية بينما لم يتحقق هذا المعيار في محتوى كتاب الرياضيات للصف السادس الابتدائي في جمهورية سنغافورة.

وبشكل إجمالي فإن المعيار الرابع قد توفر بتكرار (١١٩) في محتوى كتاب الرياضيات للصف السادس الابتدائي في المملكة العربية السعودية بينما انعدم تحققه في محتوى كتاب الرياضيات للصف الابتدائي السادس بجمهورية سنغافورة.

وهنا يكون هذا المعيار قد تحقق بفرق واضح في محتوى كتاب الرياضيات للصف السادس الابتدائي في المملكة العربية السعودية لجميع مؤشرات المعيار الثلاثة .

وبنظرة معمقة لتوافر معايير الإحصاء والاحتمالات في محتوى كتاب الرياضيات للصف السادس الابتدائي في المملكة العربية السعودية و جمهورية سنغافورة فإن معايير الإحصاء والاحتمالات قد توافر بتكرار (٢٩٣) في محتوى كتاب الرياضيات للصف السادس الابتدائي في المملكة العربية السعودية وبتكرار (٥٢) في محتوى كتاب الرياضيات للصف السادس بجمهورية سنغافورة .

وهذه النتائج تشير إلى فروق دالة إحصائياً لصالح محتوى كتاب الرياضيات للصف السادس الابتدائي في المملكة العربية السعودية وذلك بسبب اهتمامه بعرض أمثلة وتدريبات توافرت فيها مؤشرات المعايير الأربعة لمجال الإحصاء والاحتمالات ومن تلك الأمثلة ما ورد في ( مفهوم الاحتمال، طرق تمثيل البيانات ، وإيجاد مقاييس النزعة المركزية)

بينما كان توافر تلك المعايير في محتوى كتاب الرياضيات للصف السادس بجمهورية سنغافورة ضعيفاً أو منعدماً وذلك لعدم اهتمامها بمجال الاحتمالات .

ومن الجداول السابقة رقم ( ٢٠ ، ٢١ ، ٢٢ ، ٢٣ ، ٢٤ ) فإن الجدول التالي (٢٥) يبين التكرارات والنسب المئوية ومربعات كاي لمجالات المحتوى كافة:

المجال	المملكة العربية السعودية	جمهورية سنغافورة	مربع كاي	الدلالة
الأعداد والعمليات عليها	٢٠٤٠	٢٩٢٧	٢٦٨.٨٠	داله
الجبر	٥٤٤	٩٠٦	١٤٤.٦٤	داله
الهندسة	٥٥٥	١٤٢٨	٥٣٣.٧	داله
القياس	٧٠٣	١٣٢٣	٢٩٠.٥٥	داله
الاحاء والاحتمالات	٢٩٣	٥٢	١١١٦.٩٤	داله
المجموع	٤١٣٥	٦٦٣٦		

من الجدول يُلاحظ وجود فروق ذات دلالة إحصائية عند مستوى الدلالة ( $\alpha \leq 0.05$ ) بين

الكرارات في المجالات الاعداد والعمليات عليها، والجبر، والهندسة، والقياس لصالح محتوى كتاب الرياضيات للصف السادس الابتدائي في جمهورية سنغافورة، بينما في مجال الاحصاء والاحتمالات هنالك فروق ذات دلالة إحصائية عند مستوى الدلالة ( $\alpha \leq 0.05$ ) بين الكرات لصالح محتوى كتاب الرياضيات للصف السادس الابتدائي في المملكة العربية السعودية .

## الفصل الخامس

### ملخص النتائج والتوصيات والمقترحات

- ملخص النتائج.

- التوصيات .

- المقترحات .

## الفصل الخامس

### مناقشة نتائج الدراسة وملخصها والتوصيات والمقترحات

تناول الباحث في هذا الفصل ملخصاً لأهم النتائج التي توصل إليها ، كما قدم عدداً من التوصيات في ضوء ما توصلت إليه الدراسة من نتائج ، واقترح عدداً من البحوث التربوية التي تساهم في تطوير محتوى الرياضيات في المرحلة الابتدائية في المملكة العربية السعودية ، والمقارنة بين مراحل تعليمية أخرى ، وفي جوانب أخرى ، وفيما يلي تفصيل ذلك :

١- ملخص نتائج الدراسة.

٢- التوصيات.

٣- مقترحات الدراسة.

#### ملخص نتائج الدراسة:

- ١- يوجد تفاوت في الأوزان النسبية للموضوعات الرياضية المعالجة في محتوى كتب الرياضيات للصف السادس الابتدائي في كل من المملكة العربية السعودية وجمهورية سنغافورة.
- ٢- بالنسبة لمعايير الاعداد والعمليات عليها أظهرت النتائج وجود فروق ذات دلالة إحصائية عند مستوى الدلالة ( $\alpha \leq 0.05$ ) بين التكرارات لصالح محتوى الكتب في جمهورية سنغافورة .
- ٣- بالنسبة لمعايير الجبر أظهرت النتائج وجود فروق ذات دلالة احصائية عند مستوى الدلالة ( $\alpha$ ) ( $0.05 \leq$  بين التكرارات لصالح محتوى الكتب في جمهورية سنغافورة .
- ٤- بالنسبة لمعايير الهندسة أظهرت النتائج وجود فروق ذات دلالة احصائية عند مستوى الدلالة ( $\alpha$ ) ( $0.05 \leq$  بين التكرارات لصالح محتوى الكتب في جمهورية سنغافورة .
- ٥- بالنسبة لمعايير القياس وجود فروق ذات دلالة احصائية عند مستوى الدلالة ( $\alpha \leq 0.05$ ) بين التكرارات لصالح محتوى الكتب في جمهورية سنغافورة .

- ٦- بالنسبة لمعايير الاحصاء والاحتمالات أظهرت النتائج وجود فروق ذات دلالة احصائية عند مستوى الدلالة ( $\alpha \leq 0.05$ ) بين التكرارات لصالح محتوى الكتب في المملكة العربية السعودية

### ثانياً: التوصيات :

في ضوء نتائج الدراسة السابقة يوصي الباحث بما يلي:

- ١- ضرورة مراعاة مطوري المناهج في المملكة العربية السعودية لمصفوفة المدى والتتابع لمحتوى الرياضيات والوزن النسبي للمجالات الرياضية الواردة في محتوى كتب الرياضيات.
- ٢- ضرورة مراعاة مطوري المناهج في المملكة العربية السعودية كمية المحتوى المضمن في كتاب الرياضيات للصف السادس الابتدائي .
- ٣- زيادة اهتمام واضعي المناهج في المملكة العربية السعودية بمعايير المحتوى عند تطوير مناهج الرياضيات وتفعيلها بشكل أفضل .
- ٤- التركيز على الانطلاق من المعايير الى تحقيق الجودة في المحتوى كماً وكيّفًا.

### ثالثاً: المقترحات :

من خلال قيام الباحث بهذه الدراسة وما أسفرت عنها من نتائج فإنه يقترح القيام بما يلي:

- ١- تضمين مصفوفة المدى والتتابع لمحتوى الرياضيات للصف السادس الابتدائي في المملكة العربية السعودية الموضوعات التي لم تعالج فيها .
- ٢- تقليل عدد الفقرات التي تعالج الموضوعات في محتوى كتاب الرياضيات للصف السادس الابتدائي مقاربتها لأعداد الفقرات في محتوى متاب الرياضيات في جمهورية سنغافورة .
- ٣- إجراء دراسات مقارنة أخرى بين محتوى كتب الرياضيات في المملكة العربية السعودية وجمهورية سنغافورة لمراحل أخرى في ضوء معايير أخرى، وذلك للإفادة منها في تطوير المناهج في المملكة العربية السعودية.

- ٤- إجراء دراسات وأبحاث مقارنة بين محتوى كتب الرياضيات في المملكة العربية السعودية وعدد من محتوى كتب الرياضيات لدول حصلت على مراكز متقدمة في اختبار تمس TIMSS ".
- ٥- إجراء المزيد من الدراسات على مناهج الرياضيات في المملكة العربية السعودية باستخدام أسلوب الدراسات المقارنة لأن هذا الأسلوب يعد من الأساليب الحديثة في تقييم المناهج وتطويرها.

## قائمة المصادر والمراجع

## قائمة المراجع

### أولاً: المراجع العربية

- الأمين، إسماعيل (٢٠٠١). طرق تدريس الرياضيات نظريات وتطبيقات. القاهرة: دار الفكر العربي.
- إبراهيم، أسامة إسماعيل (٢٠٠٠). توظيف أسلوب حل المشكلات في حل المشكلات الرياضية المتضمنة في مقرر الرياضيات. مجلة كلية التربية، جامعة عين شمس، ٢٤٤، ج ٢، ص ١٣٧-١٨٢
- أبو أسعد، صلاح عبد اللطيف (٢٠١٠). أساليب تدريس الرياضيات. عمان: دار الشروق للنشر.
- أبو زينة، فريد كامل (١٩٩٧) الرياضيات مناهجها وأصول تدريسها، ط ٤، دار الفرقان للنشر والتوزيع، عمان .
- إسماعيل محمد الصادق (٢٠٠١). طرق تدريس الرياضيات - نظريات وتطبيقات. القاهرة: دار الفكر العربي.
- بدوي، رمضان مسعد (٢٠٠٣). إستراتيجيات في تعليم وتقويم وتعلم الرياضيات. عمان: دار الفكر للطباعة والنشر.
- الحصين، عبد الله على (٢٠٠٣). تدريس العلوم. ط ٣، الرياض، مكتبة الملك فهدا لوطنية.
- حمام، فاديا كامل ومصطفى، عليا أحمد وحسين، عبد العزيز محمد (2004). علم النفس التربوي بالرياض، المملكة العربية السعودية، دار الزهراء.
- خالد سعد المطرب (٢٠١٥). المعرفة الرياضيّة الإجرائية والمفاهيمية اللازمة لمعلمي الصم في المرحلة الابتدائية. مجلة رسالة التربية وعلم النفس - السعودية، (٤٨)، ١٩٩ - ٢٢١.
- الخطيب، خالد محمد (٢٠٠٩). الرياضات المدرسية "مناهجها، تدريسها، والتفكير الرياضي. مكتبة المجتمع العربي للنشر والتوزيع.
- لخليفة، حسن جعفر (٢٠٠٥م). المنهج المدرسي المعاصر، ط ٥، الرياض. مكتبة الملك فهد الوطنية.

- الخوالده ،ناصر وعيد ،يجي(٢٠٠٦).تحليل المحتوى في مناهج التربية الاسلامية وكتبها.عماد،دار وائل .
- الرويس ، عبد العزيز محمد ، عبد الحميد، عبد الناصر محمد ، الشلهوب، سمر عبدالعزيز (٢٠١١) .  
مشروع تطوير مناهج الرياضيات والعلوم الطبيعية في المملكة العربية السعودية بين الواقع والمأمول .المؤتمر الحادي عشر لجمعية تربويات الرياضيات، واقع تعليم وتعلم الرياضيات مشكلات وحلول ورؤى مستقبلية ، دار الضيافة- جامعة عين شمس، ٢١ يوليو.
- راشد ، محمد إبراهيم و خشان ،خالد حلمي (٢٠٠٩).مناهج الرياضيات وأساليب تدريسها للصفوف الرئيسية ، ط ١ ،عمان ،الاردن ، الجنادرية
- رضا مسعد السعيد؛ وأحمد ماهر الباز (٢٠١٠). معايير الجودة الشاملة في رياض الأطفال. الإسكندرية: دار التعليم الجامعي.
- راشد، محمد (٢٠٠٩). مناهج الرياضيات وأساليب تدريسها للصفوف الأساسية. عمان: دار الجنادرية.
- شاهين، نجوى (٢٠٠٦). أساسيات وتطبيقات في علم المناهج. مصر: دار القاهرة.
- عبید، وليم (٢٠١٠). إستراتيجيات التعليم والتعلم في سياق ثقافة الجودة. عمان: دار المسيرة.
- عبید، وليم (١٩٩٨): تعليم وتعلم الرياضيات في المرحلة الابتدائية. الكويت: مكتبة الفلاح.
- عريفج، سامي سلطي، وسليمان، نايف أحمد (٢٠١٠). طرق تدريس الرياضيات والعلوم. عمان: دار صفاء للنشر والتوزيع.
- عفانة، عزو، السر، خالد، الخزندار، نائلة، اسماعيل، منير (٢٠١٢). إستراتيجيات تدريس الرياضيات في مراحل التعليم العام. عمان: دار الثقافة للنشر والتوزيع.
- فرج الله، عبد الكريم (٢٠١٤). أساليب تدريس الرياضيات. عمان: دار اليازوري العلمية للنشر.
- السبحي، عبد الحي أحمد ، فوزي صالح بنجر (١٩٩٧). طرق التدريس واستراتيجياته . دار زهران للنشر والتوزيع.

- سبيتان ،فتححي ذياب (٢٠١٢).أساليب وطرائق الرياضيات للمرحلة الاساسية .عمان ، الاردن  
دار الخليج ، ط ١
- الشريف، هاشم (٢٠١٣). مقارنة بين محتوى كتاب الرياضيات الفلسطيني والإسرائيلي للصفوف  
(٧-٩) في ضوء معايير عمليات المجلس القومي لمعلمي الرياضيات  
(NCTM,2000)، رسالة ماجستير غير منشورة،جامعة الازهر، غزة.
- الشعلان،سهام حمد(٢٠١٢). دراسة تقويمية مقارنة بين محتوى منهج الرياضيات المواءم ضمن  
سلسلة ماجروهل McGraw-Hill والكتاب الأصل للمرحلة الابتدائية في المملكة  
العربية السعودية.رسالة ماجستير غير منشورة ، جامعة الملك سعود.
- طعيمة ،رشدي أحمد(٢٠٠٤).تحليل المحتوى في العلوم الانسانية .القاهرة ، مصر ، دار الفكر  
العربي.
- صبري ،ماهر (٢٠٠٢).الموسوعه العربية لمصطلحات التربية وتكنولوجيا التعليم . ط ١،الرياض  
،مكتبة الرشد للنشر والتوزيع .
- العاجز ، فؤاد علي (٢٠٠٧).الميسر في التربية المقارنة .غزة، فلسطين ،مطبعة مقداد للنشر ، ط  
٥
- عاشور،راتب قاسم ،ابو الهيجاء ،عبد الرحيم عوض (٢٠٠٨).المنهاج بناؤه ،تنظيمه ،نظرياته  
وتطبيقاته .عمان ، الاردن ،دار الجنادرية للنشر، ط ١
- العايدي ، محمود (٢٠٠٨). مقارنة محتوى مناهج الرياضيات الفلسطينية والأردنية والمصرية  
للصف التاسع الأساسي . رسالة ماجستير -غير منشورة - جامعة النجاح الوطنية ، نابلس  
،فلسطين.
- عبيد، وليم، (٢٠٠٠).تربويات الرياضيات. طبعة مطورة ، القاهرة :مكتبة الأنجلو المصرية.

- عبيدات؛ ذوقان، عدس؛ عبدالرحمن، عبدالحق؛ كايد. (٢٠٠٣). البحث العلمي مفهومه وأدواته أساليبه. ط ١. عمان: دار الفكر.
- العراقي، الجبوري، إيمان عبد الكريم، العاني عمر مجيد، العسكري، كفاح (٢٠١٦). المنهج والكتاب المدرسي.
- عرسان، محمد وأبو زينة، فريد (٢٠٠٣): أثر برنامج تدريبي لاستراتيجيات حل المسألة الرياضية في تنمية القدرة على حل المسألة الرياضية وعلى التحصيل في الرياضيات لدى طلبة المرحلة الأساسية في الأردن.
- عسيري، محمد والعمراي، هيا والذكير فوزي (٢٠١٣). مبادئ ومعايير الرياضيات المدرسية. مكتب التربية العربي لدول الخليج، الرياض، المملكة العربية السعودية.
- عطية، محسن علي (٢٠١٣). المناهج الحديثة وطرائق التدريس. عمان، الاردن، دار المناهج للنشر، ط ١،
- عفانة، عزو (٢٠٠٦). التدريس الإستراتيجي للرياضيات الحديثة. ط ٢، كلية التربية، الجامعة الإسلامية
- علي، محمد السيد. (٢٠١١). موسوعة المصطلحات التربوية. ط ١. عمان: دار، المسيرة.
- العمر، عبدالعزيز بن سعود (٢٠٠٧) لغة التربيين، مكتب التربية العملي لدول الخليج.
- الغياض، راشد (٢٠٠٣). تطوير محتوى منهج العلوم ف ي المرحلة الابتدائية في المملكة العربية السعودية في ضوء الاتجاهات العالمية الحديثة، رسالة دكتوراه غير منشورة، كلية التربية، جامعة الإمام محمد بن سعود الإسلامية، الرياض.
- فريق بحث المركز القومي للبحوث برئاسة عيد أبو المعاطي: تقويم المقررات الدراسية في المدرسة الاعدادية، المركز القومي للبحوث، جمهورية مصر العربية، المكتبة العصرية (٢٠٠٩)

- فريد كامل أبو زينة؛ وعبد الله يوسف عبابنة (٢٠٠٧). **مناهج تدريس الرياضيات للصفوف الأولى**. عمان: دار المسيرة للنشر والتوزيع والطباعة.
- 
- اللقاني، أحمد؛ الجمل، علي (٢٠٠٣). **معجم المصطلحات التربوية - المعرفة في المناهج وطرق التدريس**. ط ٣. القاهرة: عالم الكتب.
- محمد الصادق، اسماعيل محمد الأمين (٢٠٠١). **طرق تدريس الرياضيات نظريات وتطبيقات**، دار الفكر العربي ، القاهرة.
- محمد عيد عوض الله (٢٠٠٣). **التمثيلات الرياضية من خلال بعض طرق التدريس المتكاملة مدخل لتدريس أساسيات الجبر لتلاميذ المرحلة الابتدائية وعلاقة ذلك بتفكيرهم الاستدلالي وتحصيلهم الفوري والمؤجل**. **مجلة تربويات الرياضيات-مصر**، ٦ (١)، ١٠٠ - ١٤٣.
- المحيسن، ابراهيم بن عبدالله (٢٠٠٧). **تدريس العلوم: تأصيل وتحديث**، مكتبة العبيكان، الرياض.
- مشروع تطوير تعليم الرياضيات والعلوم الطبيعية، (٢٠٠٩). **الخطة الإعلامية**. الرياض: شركة العبيكان للأبحاث والتطوير.
- مشروع تطوير تعليم الرياضيات والعلوم الطبيعية (٢٠٠٩). **خطة تنفيذ التطوير المهني للمعلمين والمعلمات**. الرياض: شركة العبيكان للأبحاث والتطوير.
- مقداد، فاروق (٢٠٠٤). **أثر استخدام الوسائل التعليمية في تدريس موضوع الكسور للصف الخامس الابتدائي**. **مجلة دراسات في المناهج وطرق التدريس**، العدد ٩٢. كلية التربية، جامعة عين شمس.
- الملا، بدرية. **اثر برنامج متكامل بين القراءة والوظيفة والقراءة على الاداء اللغوي لتلميذات الصفوف الثلاثة الاخيرة في المرحلة الابتدائية**. رسالة دكتوراه غير منشورة القاهرة : كلية التربية جامعه عين شمس، ١٩٩٤

- موسى، صالح احمد، (٢٠١٢). تقويم محتوى كتب العلوم الفلسطينية والإسرائيلية للصف الرابع الأساسي في ضوء معايير (TI MSS) - دراسة مقارنة، الجامعة الاسلامية ، غزة.
- موسى، فؤاد (٢٠٠٥). الرياضيات بنيتها المعرفية وإستراتيجيات تدريسها. طنطا: دار الإسرائاء.
- النجدي ، أحمد وآخرون ( ١٩٩٩ م). المدخل في تدريس العلوم ، دار الفكر العربي ، القاهرة ،
- وزارة التربية والتعليم(١٤٣١). الدليل الإجرائي لمراجعة كتب الرياضيات . وكالة التخطيط والتطوير . (بدون رقم نشر).
- وزارة التربية والتعليم(١٤٣١). اعتماد خطة المشروع الشامل لتطوير المناهج وخطة مدارس تحفيظ القرآن الكريم، للمدارس الابتدائية والمتوسطة،الرياض :الإدارة العامة للمناهج.( بدون رقم نشر) .
- الوكيل، حلمي؛ المفتي، محمد( ٢٠٠٥) .أسس بناء المناهج وتنظيمها . ط ١(عمان :دار المسيرة.
- الوكيل، حلمي؛ المفتي، محمد، (٢٠٠٥) .أسس بناء المناهج وتنظيمها . ط عمان :دار المسيرة
- يونس، فتحي وآخرون (٢٠٠٤). المناهج: الأسس والمكونات والتنظيمات والتطوير. عمان: دار الفكر للنشر والتوزيع.

## ثانياً : المراجع الأجنبية

- Georg ,Nelson ,L.D(1986):"**The Relationship to learning the concept of the lowest common denominator**",Journal of computer in mathematic and science teaching ,Vol .5,No.3 .
- Mauch, Elizabeth-k McDermott Megan ,**Can Elementary Mathematics Textbooks Be Improved to Facilitate Student Understanding of Mathematics** ,Journal- Articles Reports Evaluative Mathematics and Computer Education v41 n2 spr2007
- Judson ,P.T(1991)"**A computer Algebra Laboratory For Calculus 15**"Journna of computer in mathematic and science teaching (Vol.10,No.4.
- Turner ,larry Glen (1986):" **An evaluation of the Effects of paired Learning in a mathematics computer –assisted instruction Program**",PH.DArizona state Unversity ,D.A.I.Vol,46,No
- Lee Kuan Yew (2000) **From the Third World to First**, HarberCollins Publishers.
- Stephens, Jessica(2012). **COMPARATIVE EDUCATION: A STUDY OF THE EFFICACY OF THE SINGAPORE MATH APPROACH IN A FIFTH GRADE CLASSROOM**
- Powell,Tina L(2014). **A Comparative Analysis of the Singapore MathCurriculum and the Everyday MathematicsCurriculum on Fifth Grade Achievement in a LargeNortheastern Urban Public School District**
- Hoe,lee ngan (2015) **mathematical modeling**,Singapore ,world scientific publishing co.pteltd
- Daily warm –up solving problem ,teacher resource.
- National Council of teachers of Mathematics (NCTM). (2000) **Principles and Standards for School mathematics**. Reston, VA: NCTM.

- Star, J. (2005). Re-conceptualizing procedural knowledge: the emergence of "intelligent" performances among equation solvers. **Educational resources information center (ERIC).**

**المواقع الالكترونية :**

<http://www.moe.gov.sg> ، وزارة التعليم في سنغافورة ،

الملاحق

**ملحق ( ١ )**

**أداة الدراسة في نسختها الأولى**

## ملحق (١)



المملكة العربية السعودية

وزارة التعليم

جامعة أم القرى

كلية التربية

قسم المناهج وطرق التدريس

تحليل محتوى الرياضيات في الصفوف العليا (الرابع ، الخامس ، السادس) من المرحلة الابتدائية في المملكة العربية السعودية وجمهورية سنغافورة في ضوء معايير المجلس القومي لمعلمي الرياضيات NCTM200 والموضوعات الواردة في مصفوفة المدى والتتابع للمملكة العربية السعودية وجمهورية سنغافورة

إعداد الطالب

أحمد علي معيض الغامدي

٤٣٤٨٨٣٤٨

إشراف سعادة الدكتور

عباس حسن غندورة

الأستاذ المشارك بقسم المناهج وطرق التدريس



معايير الأعداد والعمليات للصفين الرابع والخامس وفق معايير NCTM:

الرقم	المعايير ومؤشراتها				السادة المحكمين	جمهورية سنغافورة	المملكة العربية السعودية	
	متضمن	غير متضمن	متضمن	غير متضمن				
المعيار الأول: فهم الأعداد ، وطريقة تمثيلها ، والعلاقات بين الأعداد والأنظمة العددية								
١				فهم بنية القيمة المنزلية لنظام العد العشري ويستطيع أن يمثل ويقارن الأعداد الكلية والعشرية.				
٢				يتعرف التمثيلات المتكافئة للعدد وينتجها بوساطة توليف ونشر الأعداد				
٣				فهم الكسور كأجزاء من وحدات كاملة ، وأجزاء من مجموعة ، وكمواقع على خط الأعداد ، وكحاصل قسمة للأعداد الكلية				
٤				استخدام النماذج والعلامات والأشكال المتكافئة للحكم على الكسور				
٥				يتعرف وينتج أشكالاً متكافئة للكسور الاعتيادية ، والكسور العشرية ، والنسب المئوية .				
٦				اكتشاف الأعداد الأقل من صفر بتمديد خط الأعداد ومن خلال تطبيقات مألوفة .				
٧				تصنيف أصناف الأعداد طبقاً لخصائصها مثل طبيعة عواملها.				
المعيار الثاني : فهم معاني العمليات وكيفية ارتباطها ببعضها البعض.								
١				فهم المعاني المختلفة للضرب والقسمة				
٢				يضرب ويقسم الأعداد الكلية.				
٣				فهم تأثيرات ضرب وقسمة الأعداد الكلية				
٤				تعيين واستخدام العلاقات بين العمليات مثل القسمة عملية عكسية لعملية الضرب لحل المشكلات				
٥				فهم واستخدام خصائص العمليات مثل توزيع الضرب على الجمع.				
المعيار الثالث : الحساب بدقة وطلاقة وإعطاء تقديرات معقولة								
١				يطور الدقة والسرعة مع ضرب الأعداد المكونة من رقم واحد والقسمة المقابلة لها واستخدامها بالحساب الذهني للمسائل ذات العلاقة مثل ( $٣٠ \times ٥٠$ ) .				
٢				يطور الدقة والسرعة في جمع وطرح وضرب وقسمة الأعداد الكلية .				
٣				يطور ويستخدم إستراتيجيات لتقدير النتائج للعمليات الحسابية على الأعداد الكلية ويحكم على معقولة النتائج.				
٤				يطور ويستخدم إستراتيجيات لتقدير الحسابات التي تحتوي على كسور اعتيادية وعشرية في مواقف ذات علاقة بخبرات الطلاب				
٥				يستخدم النماذج البصرية والعلامات والأشكال المتكافئة ليجمع ويطرح الكسور الاعتيادية والعشرية .				
٦				يختار ويستخدم طرائق وأدوات مناسبة لإجراء العمليات الحسابية من بين : الحساب الذهني ، التقدير ، الحاسبات ، الورقة والقلم ، حسب السياق وطبيعة العملية الحسابية.				

معايير الجبر للصفين الرابع والخامس الابتدائي وفق معايير NCTM:

الرقم	التحليل	المملكة العربية السعودية		جمهورية سنغافورة		السادة المحكمين
		متضمن	غير متضمن	متضمن	غير متضمن	
المعايير ومؤشراتها						
المعيار الأول: فهم الأنماط والعلاقات والدوال.						
١	يصف ويعمل تعميمات على الأنماط الهندسية والعددية.					
٢	يمثل ويحلل الأنماط والدوال باستخدام الكلمات والجداول والرسومات البيانية.					
٣	يتميز الخصائص مثل: الأبدال، التجميع والتوزيع ويستخدمها لإجراء العمليات الحسابية على الأعداد الكلية.					
٤	يمثل المتغير كمجهول القيمة مستخدماً الحروف أو الرموز الجبرية.					
٥	يعبر عن العلاقات الرياضية باستخدام المعادلات.					
المعيار الثاني: استخدام النماذج الرياضية لتمثيل وفهم العلاقات الكمية						
١	ينمذج مواقف المشكلات الرياضية بواسطة التمثيلات مثل الرسوم والجداول والمعادلات ليستخلص النتائج.					
المعيار الثالث: تحليل التغير في بيئات مختلفة						
١	يستقصي كيف أن التغير في أحد المتغيرات يستلزم التغير في المتغير الثاني.					
٢	يتميز ويصف المواقف الرياضية باستخدام الثوابت أو المتغيرات والمقارنة بينها					

معايير الهندسة للصفين الرابع والخامس وفق معايير NCTM:

الرقم	التحليل	المملكة العربية السعودية		جمهورية سغافورة		السادة المحكمين
		متضمن	غير متضمن	متضمن	غير متضمن	
المعايير ومؤشراتها						
تحليل صفات وخصائص الأشكال الهندسية ذات البعدين أو ثلاثية الأبعاد وتنمية الحجج الرياضية عن العلاقات الهندسية						
١	يعين ويقارن ويحلل خصائص الاشكال ذات البعدين وثلاثية الأبعاد وينمي مجموعة مفردات يصف بها تلك الخصائص					
٢	يصف الاشكال ذات البعدين وثلاثية الأبعاد طبقاً لخصائصها، وينمي تعريفات لأصناف الأشكال مثل المثلثات والأهرامات .					
٣	يستقصي ويصف ويبرر نتائج تقسيم وجمع وتحويل الأشكال .					
٤	يستكشف التطابق والتشابه .					
٥	يكون ويختبر التخمينات (التخمين الرياضي) عن الخصائص الهندسية والعلاقات، وينمي حجج منطقية لتبرير النتائج .					
المعيار الثاني : تعيين الإحداثيات ، ووصف العلاقات الفرعية باستخدام الإحداثيات الهندسية وغيرها من أنظمة التمثيل.						
١	يصف الموقع والحركة باستخدام اللغة الشائعة والمفردات الهندسية.					
٢	ينشئ ويستخدم الأنظمة الإحداثية لتحديد المواقع ويصف المسارات.					
٣	يوجد المسافة بين النقط على الخطوط الأفقية والرأسية للنظام الإحداثي.					
المعيار الثالث : تطبق التحويلات والتمثيلات لتحليل المواقف الرياضية						
١	يتنبأ ويصف النتائج للإزاحة والانعكاس والتدوير للأشكال ذات البعدين .					
٢	يصف الحركة أو سلسلة الحركات التي ستوضح أن الشكلين متطابقان.					
٣	يعين ويصف التماثل الخطي والدوران في الأشكال والتصميمات ذات البعدين وثلاثية الأبعاد.					
المعيار الرابع : استخدام التمثيل البصري والتفكير المكاني والنمذجة الهندسية لحل المشكلات.						
١	يبني ويرسم الأشكال الهندسية.					
٢	يكون ويصف تصورات ذهنية للأشكال والأنماط والمسارات.					
٣	يعين ويبني الشيء ثلاثي الأبعاد من تمثيلات ذات بعدين لذلك الشيء .					
٤	يعين ويبني تمثيلاً ذا بعدين لشيء ثلاثي الأبعاد .					
٥	يستخدم نموذجاً هندسياً لحل المشكلات في مجالات رياضية أخرى مثل الأعداد والقياس.					
٦	يتعرف الأفكار الهندسية والعلاقات ويطبقها في مواضيع أخرى، وفي حل المشكلات التي تظهر في الصف الدراسي أو الحياة اليومية .					

معايير القياس للصفين الرابع والخامس وفق معايير NCTM:

الرقم	المعايير ومؤشراتها				المملكة العربية السعودية		جمهورية سنغافورة		السادة المحكمين
	متضمن	غير متضمن	متضمن	غير متضمن	متضمن	غير متضمن	متضمن	غير متضمن	
	المعيار الأول: فهم قابلية القياس للأشياء، والوحدات، والنظم، وإجراءات القياس.								
١									يفهم السمات مثل: الطول، والمساحة والوزن والحجم، وقياس الزاوية، ويختار نوع الوحدة المناسبة لقياس كل سمة.
٢									يفهم الحاجة للقياس باستخدام وحدات معيارية، ويألف التعامل مع الوحدات المعيارية في الأنظمة التقليدية والمترية.
٣									يتم تحويلات بسيطة لوحدة القياس مثل التحويل من السنتيمترات إلى الأمتار ضمن نظام القياس.
٤									يفهم أن القياسات تقريبية، ويستنتج كيف أن الفروق في الوحدات يؤثر في دقة القياس.
٥									يكتشف ماذا يحدث لقياسات الشكل ذي البعدين مثل مثل محيطه ومساحته عندما يتم تغيير الشكل بطريقة ما.
	المعيار الثاني: تطبيق الأساليب المناسبة، والأدوات، والمعادلات: لتحديد القياسات.								
١									يطور إستراتيجيات لتقدير المحيطات، والمساحات، والحجوم للأشكال غير المنتظمة
٢									يختار ويطبق وحدات معيارية مناسبة، وأدوات لقياس الطول، والمساحة، والحجم، والوزن، والوقت، والحرارة، وقياس الزوايا.
٣									يختار علامات لتقدير القياسات واستخدامها
٤									يطور ويفهم ويستخدم معادلات لإيجاد مساحة المستطيلات والمثلثات ومتوازيات الأضلاع.
٥									يطور إستراتيجيات لحساب المساحة السطحية والحجم لمتوازي المستطيلات.

معايير تحليل البيانات والاحتمالات للصفين الرابع والخامس الابتدائي وفق معايير NCTM:

الرقم	المعايير ومؤشراتها				السادة المحكمين	جمهورية سنغافورة	المملكة العربية السعودية	
	مضمين	مضمين	مضمين	مضمين				
المعيار الأول : صياغة الأسئلة التي يمكن توجيهها لجمع وتنظيم وعرض البيانات ذات الصلة للإجابة عنها .								
١	تصميم المسح لصياغة الأسئلة ومراعاة كيف تؤثر طرق جمع البيانات في طبيعة مجموعة البيانات							
٢	جمع البيانات باستخدام الملاحظة والمسح والتجارب .							
٣	يمثل البيانات باستخدام الجدول والرسوم البيانية مثل الخطوط البيانية والأعمدة.							
٤	إعادة تنظيم الفروقات في تمثيل البيانات الفئوية والعددية .							
المعيار الثاني : إختيار واستخدام الطرق الإحصائية المناسبة لتحليل البيانات.								
١	يصف الشكل والخصائص المهمة لمجموعة من البيانات ويقارن مجموعات البيانات المرتبطة بها، مع التأكيد على كيفية توزيع البيانات.							
٢	يستخدم مقاييس النزعة المركزية مع التركيز على الوسيط ويفهم ما تشير وما لا تشير إليه كل منها عن مجموعة البيانات.							
٣	مقارنة التمثيلات المختلفة لنفس البيانات ، وتقييم كيف يوضح التمثيل الأوجه المهمة للبيانات .							
المعيار الثالث : تطوير الاستدلالات والتوقعات التي تبنى على أساس البيانات وتقويمها								
١	عرض وتبرير الاستنتاجات والتوقعات المبنية على البيانات ، وتصميم الدراسات لمزيد من البحث والاستنتاجات والتوقعات .							
المعيار الرابع : فهم وتطبيق المفاهيم الأساسية للاحتمال .								
١	وصف الأحداث المحتملة وغير المحتملة ومناقشة درجة احتماليتها باستخدام العبارات مثل حدث مؤكد ، ومحتمل بدرجة متساوية وحدث مستحيل .							
٢	توقع احتمالية النتائج للتجارب البسيطة واختبار التوقعات أو التنبؤات.							
٣	فهم أن قياس احتمالية حدث ما يمكن تمثيله بالعدد من (٠) إلى (١).							

معايير العدد والعمليات للصف السادس الابتدائي وفق معايير NCTM::

الرقم	المعايير ومؤشراتها		المملكة العربية السعودية		جمهورية سنغافورة		السادة المحكمين
	مؤشر	مؤشر	مؤشر	مؤشر	مؤشر	مؤشر	
	إدراك مفاهيم الأعداد وطرق تمثيلها، والعلاقات بين الأعداد، والأنظمة العددية						
١							التعامل بمرونة مع الكسور ، والكسور العشرية ، وايضاً النسب لحل المشكلات .
٢							ترتيب وتقريب ومقارنة الكسور بالكسور العشرية ، وايضاً النسب بكفاءة عالية ، وإيجاد مواقعها التقريبية على خط الاعداد .
٣							تطوير المعنى للنسب التي تكون اكثر من (١٠٠) وأقل من (٠,١) .
٤							فهم واستخدام النسبه والتناسب لتمثيل العلاقات الكمية .
٥							تنمية الفهم للأعداد الكبيره ، وإدراكها ، وتعرف الرموز الأساسية العلميه ، ورموز الحاسبات واستخدامها بطريقه مناسبة .
٦							استخدام العوامل ، المضاعفات ، والتحليل الى عوامل أوليه والمتصلة يحل المشكلات .
٧							تطوير المعنى للأعداد الصحيحة والأعداد الكلية ، وتمثيل ومقارنة الكميات باستخدامها .
	المعيار الثاني : فهم معاني العمليات وكيفية ارتباطها ببعضها البعض.						
١							فهم المعنى وتأثيره في العمليات الحسابيه مع الكسور والكسور العشريه وايضاً الاعداد الصحيحه.
٢							استخدام الخواص الكمية والمتراپطة ذات الصلة بعملية الجمع والضرب وخاصية التوزيع لعمليات الضرب على القسمة لتبسيط العمليات الحسابيه مع الاعداد الصحيحه والكسور والعلاقات العشريه
٣							فهم واستخدام العلاقات العكسية لعمليات الجمع والطرح والضرب والقسمة ، وإيجادها لتبسيط العمليات الحسابيه وحل المشكلات .

المعيار الثالث : الحساب بدقة وطلاقة وإعطاء تقديرات معقولة

					تمثيل الطرق والأدوات المناسبة لعمليات الحساب مع الكسور والكسور العشريه من بين العمليات الحسايبه الذهنيه والتقدير والآلات الحاسبه او الحساب بالورقة والقلم بناءً على الموقف وتطبيق الطرق المحدده .	١
					تمثيل وتحليل الخوارزميات للحساب مع الكسور والكسور العشريه والأعداد الصحيحة والسرعة في استخدامها .	٢
					تمثيل الاستراتيجيات واستخدامها لتقدير نتائج عمليات الحساب للجذور ، وتقدير معقولية النتائج	٣
					تمثيل وتحليل وشرح الطرق لحل المشكلات ، بما فيها الخواص مثل القياس بالمسطرة ، وإيجاد النسب ذات الصلة .	٤

معايير الجبر للصف السادس الابتدائي وفق معايير NCTM::

الرقم	المعايير ومؤشراتها		المملكة العربية السعودية		جمهورية سنغافورة		السادة المحكمين
	متضمن	غير متضمن	متضمن	غير متضمن	متضمن	غير متضمن	
المعيار الأول: تطوير الأنماط والعلاقات والدوال.							
١	تمثيل وتحليل وتعميم مزيج من نماذج الجداول والرسوم البيانية والكلمات والقواعد الرمزية ( إذا أمكن )						
٢	ربط ومقارنة الأشكال المختلفة لنماذج الدوال .						
٣	تحديد الدوال او الاقترانات ( خطي / لا خطي ) ومقابلة خصائصهم بمشكلاتها من الجداول والرسوم البيانية والمعادلات .						
٤	تطوير الإدراك المبدئي للمفاهيم الخاصة بالاستخدامات المختلفة للمتغيرات .						
٥	استكشاف العلاقات بين التعابير الرمزية والرسوم البيانية للخطوط مع إعطاء الأهمية لمعنى ( القاطع والميل ) .						
المعيار الثاني : تمثيل وتحليل المواقف الرياضية والبنى الجبرية مستخدما الرموز الجبرية .							
١	استخدام الجبر الرمزي لتمثيل مواقف وحل مشاكل ( مسائل ) وبخاصة الدوال الخطية						
٢	ادراك واستخراج صيغ مماثلة للمصطلحات الجبرية البسيطة وحل المعادلات الخطية .						
المعيار الثالث : استخدام النماذج الرياضية لتمثيل وفهم العلاقات الكمية .							
١	عمل نماذج لمشكلات مشابهة وحلها باستخدام تصورات مختلفة مثل الرسوم البيانية والجداول والمعادلات .						
المعيار الرابع: تحليل التغير في بيئات مختلفة .							
١	استخدام الرسوم البيانية لتحليل طبيعة المتغيرات في الكميات في الدوال الخطية .						

معايير الهندسة للصف السادس الابتدائي وفق معايير NCTM :

الرقم	المعايير ومؤشراتها		المملكة العربية السعودية		جمهورية سنغافورة	السادة المحكمين
	متضمن	غير متضمن	متضمن	غير متضمن	متضمن	غير متضمن
<b>المعيار الاول : تحليل صفات وخصائص الأشكال الهندسية ذات البعدين او ثلاثية الأبعاد ، ويطور الحجج الرياضية عن العلاقات الهندسية.</b>						
١						وصف وتصنيف وفهم دقيق للعلاقات بين الأنماط المختلفة للأشكال ثنائية وثلاثية الأبعاد باستخدام خصائصها .
٢						فهم العلاقات بين الزوايا وأطوال الأضلاع وإنصاف الأقطار والمساحات والأحجام للأشكال المتشابهة.
٣						تكوين ونقد فرضيات استدلاليه واستنتاجيه فيما يخص الأفكار والعلاقات الهندسية مثل التطابق والتشابه علاقة فيثاغورس .
<b>المعيار الثاني : تعيين الإحداثيات ، ووصف العلاقات الفراغية ومستخدماً العلاقات الهندسية وغيرها من أنظمة التمثيل ..</b>						
١						استخدام الهندسة الإحداثية لتمثيل ودراسة خصائص الأشكال الهندسية .
٢						استخدام الهندسة الإحداثية لدراسة الأشكال الهندسية الخاصة مثل المضلع المنتظم او المضلع الذي له أضلاع متناظرة ومتعامدة .
<b>المعيار الثالث : تطبيق التحويلات والتماثلات لتحليل المواقف الرياضية . .</b>						
١						وصف احجام وأوضاع واتجاهات الأشكال تحت تأثير التقلبات والانسحاب والأوزان .
٢						دراسة التطابق والتشابه والتماثل الخطي او الدائري للأشكال باستخدام التحويلات .
<b>المعيار الرابع: استخدام التمثيل البصري والتعليل الفراغي والنمذجة الهندسية لحل المشكلات . .</b>						
١						رسم أشكال هندسية بخصائص معينه مثل أطوال الأضلاع او قياسات الزوايا .
٢						استخدام أنماط ثنائية الابعاد من أشكال ثلاثية الأبعاد لمعالجة وحل المسائل التي تخص مساحة السطح والحجم .
٣						استخدام أدوات مرئية مثل الشبكات لتمثيل وحل المشكلات .
٤						استخدام نماذج هندسية لتمثيل وشرح العلاقات العددية والجبرية .
٥						ادراك وتطبيق الأفكار والعلاقات الهندسية خارج درس الرياضيات مثل الرسم والعلوم والحياه اليوميه .

معايير القياس للصف السادس الابتدائي وفق معايير NCTM ::

السادة المحكمن	جمهورية سنغافورة		المملكة العربية السعودية		المعايير ومؤشراتها	الرقم
	غير متضمن	متضمن	غير متضمن	متضمن		
					المعيار الاول : فهم خصائص الأجسام القابلة للقياس ، والوحدات ، وانظمة ، واجراءات القياس .	
					١	فهم كل من الانظمة المترية والعادية للقياس والمساحة ومساحة السطح والحجم .
					٢	فهم العلاقات بين الوحدات والتحويل من وحدة لأخرى بنفس نظام القياس .
					٣	فهم وتحديد واستخدام وحدات الحجم والنوع المناسبة لقياس الزوايا والمحيط ، والمساحة والحجم .
					المعيار الثاني : استخدام التقنيات المناسبة ، والأدوات والصيغ لتحديد القياسات .	
					١	استخدام إشارات ( رموز ) شائعة لتحديد الطرق الملائمة لتقرير القياس .
					٢	تحديد وتطبيق الأساليب والأدوات الدقيقة لإيجاد الطول والمساحة والحجم وقياسات الزوايا بدقه عاليه
					٣	تطوير واستخدام الصيغ الرياضيه لتحديد محيط الدوائر ومساحة المثلثات ومتوازيات الأضلاع وشبه المنحرف والدوائر ، وكذلك لتطوير طرق إيجاد المساحه لأشكال أكثر تعقيداً .
					٤	تطوير استراتيجيات لتحديد مساحة السطح وحجم المنشور والهرم والاسطوانه .
					٥	القيام بحل المشكلات المتعلقة بعوامل القياس باستخدام النسبه والتناسب .
					٦	القيام بحل المشكلات البسيطة المتعلقة بالمعدلات والمقاييس المشتقه لخصائص مثل سرعة الضوء والكثافة .

معايير تحليل البيانات والاحتمال للصف السادس الابتدائي وفق معايير NCTM:

الرقم	المعايير ومؤشراتها				المملكة العربية السعودية	جمهورية سنغافورة		السادة المحكمين
	مضمن	غير مضمن	مضمن	غير مضمن				
المعيار الاول : صياغة الاسئلة التي يمكن تقديمها مع البيانات وجمع وتنظيم وعرض البيانات وثيقة الصلة بالموضوع .								
١	تكوين اسئلة وتصميم دراسات وجمع بيانات عن خاصية يشترك فيها نوعان من السكان او خصائص مختلفة في فئة السكان الواحدة .							
٢	تحديد وعمل واستخدام التمثيلات البيانية الملائمة للبيانات مشتملة على الرسوم البيانية .							
المعيار الثاني : اختيار واستخدام الطرق الإحصائية المناسبة لتحليل البيانات . .								
١	إيجاد واستخدام وتفسير مقياس النزعة المركزيه والانتشار مشتملة على المتوسط الحسابي والمدى الربيعي .							
٢	_ مناقشة وفهم التوافق بين قواعد البيانات وتمثيلاتها البيانية بخاصة الرسوم البيانية ( التمثيل بالأعمدة ) ورسوم الساق والورقة والرسوم المربعة والرسوم المفرقة .							
المعيار الثالث : تطوير وتقويم الاستدلالات والتنبؤات المبنية على البيانات .								
١	استخدام الملاحظات عن الاختلافات بين نموذجين او أكثر لفهم السكان الذين تم انتقاء العينات منهم							
٢	_ تكوين مفاهيم عن العلاقات الممكنة بين خاصيتين لعينه سكانية على أساس الرسوم المفرقة للبيانات والخطوط التقريبية للتطابق .							
٣	_ استخدام المفاهيم لتكوين اسئلة جديدة وتخطيط دراسات جديدة للاجابة عنها .							
المعيار الرابع : _ فهم وتطبيق المفاهيم الأساسية الاحتمالات الرياضية .								
١	فهم واستخدام المفاهيم الملائمة لوصف الأحداث الخاصة بطريقه تبادليه او تكاملية .							
٢	استخدام التناسب والفهم البديهي للاحتمال لتكوين فهم عام من نتائج التجارب والظواهر .							
٣	حساب الاحتمال لأحداث بسيطة ومركبه باستخدام مثل هذه الطرق مثل القوائم المرتبه والأشكال المتسلسلة ونماذج المساحات							

مقارنة الموضوعات التي يتم معالجتها في مصفوفة المدى والتتابع في المملكة العربية السعودية

وجمهورية سنغافورة

السادة المحكمين	توافرها في محتوى الرياضيات في جمهورية سنغافورة		المفردات وفق مصفوفة المدى والتتابع في المملكة العربية السعودية			
	متوافر	غير متوافر				
			١- القيمة المنزلية لرقم في عدد ضمن مئات الألوف	الصف الرابع	الأعداد الكلية	الأعداد والعمليات
			٢- القيمة المنزلية لرقم في عدد ضمن الملايين			
			٣- الأعداد ضمن الملايين			
			٤- مقارنة الأعداد ضمن الملايين وترتيبها			
			٥- تقريب الأعداد ضمن الملايين			
			٦- القيمة المنزلية لرقم في عدد ضمن البلايين	الصف الخامس		
			٧- الأعداد ضمن البلايين			
			٨- مقارنة الأعداد ضمن البلايين وترتيبها			
			٩- تقريب الأعداد ضمن البلايين			
			١٠- العوامل (القواسم) والمضاعفات			
			١١- العوامل (القواسم) المشتركة لعددتين أو أكثر			
			١٢- القاسم المشترك الأكبر لعددتين أو أكثر			
			١٣- المضاعفات المشتركة لعددتين أو أكثر			
			١٤- المضاعف المشترك الأصغر لعددتين أو أكثر	الصف السادس		
			١٥- الأعداد الأولية والأعداد غير الأولية			
			١٦- تحليل عدد إلى عوامله الأولية			
			١٧- القوى والأسس			
			١٨- القاسم المشترك الأكبر لعددتين أو أكثر	الصف الرابع	الكسور	
			١٩- المضاعف المشترك الأصغر لعددتين أو أكثر			
			١- الكسور المتكافئة			
			٢- مقارنة الكسور وترتيبها			

			٣-الكسور غير الفعلية والأعداد الكسرية		
			٤-تمثيل الكسور والأعداد الكسرية على خط الأعداد		
			٥-التحويل بين الكسور غير الفعلية والأعداد الكسرية		
			٦-الكسور والقسمة	الصف الخامس	
			٧-الكسور المتكافئة		
			٨-تبسيط الكسور		
			٩-التحويل بين الكسور غير الفعلية والأعداد الكسرية		
			١٠-مقارنة الكسور والأعداد الكسرية وترتيبها		
			١١-تبسيط الكسور	الصف السادس	
			١٢-التحويل بين الأعداد الكسرية والكسور غير الفعلية		
			١٣-مقارنة الكسور والأعداد الكسرية وترتيبها		
			١٤-تقريب الكسور والأعداد الكسرية		

مقارنة الموضوعات التي يتم معالجتها في مصفوفة المدى والتتابع في المملكة العربية السعودية وجمهورية

سنغافورة

السادة المحكمين	توافرها في محتوى الرياضيات في جمهورية سنغافورة		التحليل	المفردات وفق مصفوفة المدى والتتابع في المملكة العربية السعودية		
	متوافر	غير متوافر				
			١-الأعشار والأجزاء من مئة	الصف الرابع	الكسور العشرية	الاعداد والعمليات
			٢-التحويل بين الأعداد الكسرية والأعداد العشرية			
			٣-تمثيل الكسور والأعداد العشرية على خط الأعداد			
			٤-مقارنة الكسور العشرية وترتيبها			
			٥-تكافؤ الكسور والكسور العشرية			
			٦-تقريب الكسور والأعداد العشرية			
			الأجزاء من ألف	الصف الخامس		
			القيمة المنزلية لرقم في عدد عشري ضمن ثلاث منازل عشرية			
			مقارنة الكسور العشرية وترتيبها			
			التحويل بين الكسور والكسور العشرية			
			تقريب الكسور والأعداد العشرية			
			قراءة الكسور والأعداد العشرية وكتابتها(الصيغ المتكافئة)	الصف السادس		
			مقارنة الكسور والأعداد العشرية وترتيبها			
			تقريب الكسور والأعداد العشرية			
			التحويل بين الأعداد الكسرية والأعداد العشرية	النسبة	النسبة	
			النسبة والمعدل التناسب			
			١ لنسبة المئوية	الصف السادس	النسبة المئوية	
			التحويل بين النسبة المئوية والكسور والكسور العشرية			

مقارنة الموضوعات التي يتم معالجتها في مصفوفة المدى والتابع في المملكة العربية السعودية

وجمهورية سنغافورة

السادة المحكمين	توافرها في محتوى الرياضيات في جمهورية سنغافورة		التحليل	المفردات وفق مصفوفة المدى والتابع في المملكة العربية السعودية		
	متوافر	غير متوافر				
			الأعداد السالبة	الصف السادس	الأعداد الصحيحة	الأعداد والعمليات
			استعمال الأعداد الصحيحة			
			جمع الأعداد الكلية وطرحها	الصف الرابع	العمليات على الأعداد الكلية	
			الضرب في مضاعفات العشرة والمئة والألف			
			الضرب في عدد من منزلة واحدة			
			الضرب في عدد من منزلتين			
			القسمة مع باق			
			القسمة مع مضاعفات العشرة والمئة والألف			
			قسمة عدد من أربع منازل على الأكثر على عدد من منزلة واحد			
			جمع الأعداد الكلية وطرحها	الصف الخامس		
			الضرب في عدد من منزلة واحدة	الصف الخامس	العمليات على الأعداد الكلية	
			الضرب في عدد من منزلتين			
			القسمة على عدد من منزلة واحدة			
			القسمة على عدد من منزلتين			
			تفسير الباقي في مسائل القسمة .			
			جمع الكسور ذات المقامات المتشابهة وطرحها	الصف الخامس	العمليات على الكسور	
			جمع الكسور ذات المقامات المختلفة وطرحها			
			جمع الأعداد الكسرية وطرحها			
			جمع الكسور ذات المقامات المتشابهة وطرحها	الصف السادس		
			جمع الكسور ذات المقامات المختلفة وطرحها			
			جمع الأعداد الكسرية وطرحه			
			ضرب الكسور			
			ضرب الأعداد الكسرية			
			قسمة الكسور			
			قسمة الأعداد الكسرية			

مقارنة الموضوعات التي يتم معالجتها في مصفوفة المدى والتتابع في المملكة العربية السعودية

وجمهورية سنغافورة

السادة المحكمين	توافرها في محتوى الرياضيات في جمهورية سنغافورة		المفردات وفق مصفوفة المدى والتتابع في المملكة العربية السعودية			
	متضمن	غير متضمن				
			جمع الكسور والأعداد العشرية	الصف الرابع	العمليات على الأعداد العشرية	الأعداد والعمليات
			طرح الكسور والأعداد العشرية			
			جمع الكسور والأعداد العشرية وطرحها	الصف الخامس		
			جمع الكسور والأعداد العشرية وطرحها	الصف السادس		
			ضرب كسر (عدد) عشري في عدد			
			ضرب الكسور والأعداد العشرية			
			قسمة كسر (عدد) عشري على عدد			
			قسمة الكسور والأعداد العشرية			
			تقدير نواتج جمع الأعداد الكلية وطرحها	الصف الرابع		
			تقدير نواتج ضرب الأعداد الكلية وقسمتها			
			تقدير نواتج جمع الكسور والأعداد العشرية وطرحها			
			الضرب في ١٠٠، ١٠٠٠، ١٠٠٠٠			
			القسمة على ١٠٠، ١٠٠٠، ١٠٠٠٠			
			تقدير نواتج جمع الأعداد الكلية وطرحها			
			تقدير نواتج ضرب الأعداد الكلية وقسمتها	الصف الخامس		
			تقدير نواتج جمع الكسور والأعداد العشرية وطرحها			
			الحساب الذهني			
			تقدير نواتج جمع الكسور والأعداد الكسرية وطرحها	الصف السادس		
			تقدير نواتج جمع لكسور والأعداد العشرية وطرحها			
			تقدير نواتج ضرب الكسور والأعداد الكسرية وقسمتها			
			تقدير نواتج ضرب الكسور والأعداد العشرية وقسمتها			
			الحساب الذهني			

مقارنة الموضوعات التي يتم معالجتها في مصفوفة المدى والتتابع في المملكة العربية السعودية وجمهورية

سنغافورة

السادة المحكمين	توافرها في محتوى الرياضيات في جمهورية سنغافورة		المفردات وفق مصفوفة المدى والتتابع في المملكة العربية السعودية			
	متضمن	غير متضمن				
			أنماط الضرب	الصف الرابع	استعمال الأنماط	
			أنماط القسمة			
			تحديد الأنماط العددية وغير العددية ووصفها وتوسيعها			
			أنماط الضرب	الصف الخامس		
			أنماط القسمة			
			تحديد الأنماط العددية وغير العددية ووصفها وتوسيعها			
			تحديد الأنماط العددية وغير العددية ووصفها وتوسيعها	الصف السادس		
			خواص الجمع ( الإبدال _ التجميع - العنصر المحايد )	الصف الرابع	خص العمليات	
			قواعد الطرح (طرح الصفر ، طرح الكل)			
			خواص الضرب (الإبدال ، التجميع ، العنصر المحايد ، الضرب في الصفر)			
			قواعد القسمة (القسمة مع الصفر ، القسمة على الواحد ، القسمة على الكل)	الصف الخامس		
			خواص الجمع ( الإبدال _ التجميع - العنصر المحايد )			
			خاصية توزيع الضرب على الجمع			
			خواص الضرب (الإبدال ، التجميع ، العنصر المحايد)			
			خواص الجمع	الصف السادس		
			خواص الضرب			
			تمثيل الجمل العددية وكتابتها	الصف الرابع	التعابير الجبرية	
			كتابة التعابير العددية وتبسيطها			
			كتابة التعابير العددية وتبسيطها	الصف الخامس		
			المتغير والتعبير الجبري			
			التعابير الجبرية (جمل الجمع والطرح)			
			التعابير الجبرية (جمل الضرب والقسمة)	الصف السادس		
			إيجاد قيمة تعبير جبري			
			إيجاد قيم تعابير عددية بمراعاة أولويات العمليات)	الصف السادس		
			إيجاد قيم تعابير جبرية			
			كتابة تعابير جبرية			

مقارنة الموضوعات التي يتم معالجتها في مصفوفة المدى والتتابع في المملكة العربية السعودية

وجمهورية سنغافورة

السادة المحكمين	توافرها في محتوى الرياضيات في جمهورية سنغافورة		المفردات وفق مصفوفة المدى والتتابع في المملكة العربية السعودية			
	متوافر	غير متوافر				
			معادلات الجمع والطرح	الصف الخامس	حل المعادلات والمتباينات	الدوال والعلاقات
			معادلات الجمع والطرح	الصف السادس		
			معادلات الضرب والقسمة			
			اكتشاف قاعدة دالة من جدول	الصف الرابع		
			إنشاء جدول دالة ( دوال الجمع والطرح )			
			إنشاء جدول دالة ( دوال الضرب والقسمة )			
			اكتشاف قاعدة دالة من جدول	الصف الخامس		
			إكمال جدول دالة			
			إنشاء جدول دالة ( دوال الجمع والطرح )			
			إنشاء جدول دالة ( دوال الضرب والقسمة )			
			اكتشاف قاعدة دالة من جدول	الصف السادس		
			إكمال جدول دالة			
			إنشاء جدول دالة ( دوال الجمع والطرح )			
			إنشاء جدول دالة ( دوال الضرب والقسمة )			

مقارنة الموضوعات التي يتم معالجتها في مصفوفة المدى والتتابع في المملكة العربية السعودية

وجمهورية سنغافورة

السادة المحكمين	توافرها في محتوى الرياضيات في جمهورية سنغافورة		المفردات وفق مصفوفة المدى والتتابع في المملكة العربية السعودية			
	متضمن	غير متضمن				
			وحدات الطول ( ملم، سم، م ، كم)	الصف الرابع	الطول والوزن والكتلة والسعة	القياس
			تقدير الأطوال وقياسها بالوحدات المترية			
			وحدات السعة ( المللتر والليتر)			
			تقدير السعات وقياسها بالوحدات المترية			
			وحدات الوزن ( الغرام والكيلوغرام)			
			الفرق بين الكتلة والوزن			
			تقدير الأوزان وقياسها بالوحدات المترية			
			التحويل بين وحدات الطول(سم - ملم، م - سم ، م -ملم ، كم - م)	الصف الخامس		
			وحدات الوزن ( ملغم ، غم ، كغم)			
			التحويل بين وحدات الوزن(غم-ملغم، كغم-غم)			
			التحويل بين وحدات السعة( لتر - ملل)			
			استعمال وحدات الطول المترية	الصف السادس		
			استعمال وحدات الكتلة المترية			
			استعمال وحدات السعة المترية			
			التحويل بين الوحدات المترية			
			وحدات قياس درجة الحرارة( فهرنهايت، سيلزيوس)	الصف السادس	درجة الحرارة	
			قياس درجة الحرارة ( اختيار درجة الحرارة المناسبة وتقديرها )			
			حساب طول الفترة الزمنية بين حدثين (Time Elapsed)	الصف الرابع	الزمن	
			التحويل بين وحدات الزمن			
			حساب طول الفترة الزمنية بين حدثين (Time Elapsed )	الصف الخامس		
			حساب محيط المستطيل والمربع			
			حساب محيط مضلع	الصف الخامس	المحيط	
			حساب محيط الدائرة			
			حساب محيط الدائرة	الصف السادس		

مقارنة الموضوعات التي يتم معالجتها في مصفوفة المدى والتتابع في المملكة العربية السعودية

وجمهورية سنغافورة

السادة المحكمين	توافرها في محتوى الرياضيات في جمهورية سنغافورة		المفردات وفق مصفوفة المدى والتتابع في المملكة العربية السعودية			
	متضمن	غير متضمن				
			حساب مساحة المستطيل والمربع	الصف الرابع	المساحة	القياس
			قياس المساحة وتقديرها بالوحدات المربعة	الصف الخامس		
			حساب مساحة المستطيل والمربع	الصف السادس		
			حساب مساحة متوازي الأضلاع			
			حساب مساحة المثلث			
			حساب المساحة السطحية للمنشور الرباعي	الصف الرابع		
			تقدير الحجم وقياسه بالوحدات المكعبة			
			حساب حجم المنشور	الصف الخامس	الحجم	
			حساب حجم المنشور الرباعي	الصف السادس		

مقارنة الموضوعات التي يتم معالجتها في مصفوفة المدى والتابع في المملكة العربية السعودية

وجمهورية سنغافورة

السادة المحكمون	توافرها في محتوى الرياضيات في جمهورية سنغافورة		المفردات وفق مصفوفة المدى والتابع في المملكة العربية السعودية			
	متضمن	غير متضمن				
			تميز الأشكال الثلاثية الأبعاد ووصفها وتصنيفها	الصف الرابع	الأشكال الثلاثية الأبعاد والثلاثية الأبعاد	الهندسة
			• تمييز مخططات الأشكال الثلاثية الأبعاد ورسمها			
			• الزاوية			
			• أنواع الزوايا			
			• تمييز الأشكال الثنائية الأبعاد ووصفها وتصنيفها			
			• أنواع المثلثات بالنسبة لأضلاعها			
			• أنواع المثلثات بالنسبة لزواياها	الصف الخامس		
			المفاهيم الهندسية الأساسية			
			المستقيمات المتقاطعة والمتوازية والمتعامدة			
			المضلعات			
			خواص الأشكال الرباعية			
			خواص الاشكال ثلاثية الابعاد			
			تقدير قياس زاوية	الصف السادس		
			قياس الزوايا			
			رسم زاوية			
			الزاويتان المتقابلتان بالرأس			
			الزاويتان المتتامتان والمتكاملتان			
			أنواع المثلثات بالنسبة لأضلاعها ولزواياها			
			مجموع زوايا مثلث			
			خواص الأشكال الرباعية			
			مجموع زوايا رباعي	الصف الرابع	الهندسة الإحداثية	
			تمثيل وتسمية الأعداد والكسور والكسور العشرية على خط الأعداد			
			تعيين وتسمية النقاط على المستوى الإحداثي	الصف الخامس		
			تمثيل وتسمية الأعداد والكسور والكسور العشرية على خط الأعداد			
			تعيين وتسمية النقاط على المستوى الإحداثي	الصف الخامس	التحويلات الهندسية والتماثل	
			إجراء التحويلات الهندسية على المستوى الإحداثي			
			الإزاحة (الانسحاب)			
			الانعكاس	الصف الخامس		
			الدوران			

مقارنة الموضوعات التي يتم معالجتها في مصفوفة المدى والتابع في المملكة العربية السعودية

وجمهورية سنغافورة

السادة المحكمون	توافرها في محتوى الرياضيات في جمهورية سنغافورة		المفردات وفق مصفوفة المدى والتابع في المملكة العربية السعودية			
	متضمن	غير متضمن				
			جمع البيانات وتسجيلها في جدول الإشارات	الصف الرابع	جمع البيانات وتنظيمها وعرضها	تمثيل البيانات (Line Plots)
			جمع البيانات وتنظيمها في جداول تكرارية	الصف الرابع		
			• تمثيل البيانات بالنقاط	الصف الرابع		
			• قراءة التمثيل بالأعمدة			
			• تمثيل البيانات بالنقاط	الصف الخامس		
			• تمثيل البيانات بالأعمدة			
			• تمثيل البيانات بالأعمدة المزدوجة	الصف السادس		
			• تمثيل البيانات بالأعمدة			
			• تمثيل البيانات بالنقاط	الصف السادس		
			• تمثيل البيانات بالخطوط (Line Graph)			
			• تفسير البيانات الممثلة بالنقاط	الصف الرابع		الاستنتاجات والتوقعات
			• تفسير البيانات الممثلة بالأعمدة			
			• تفسير البيانات المنظمة في جداول تكرارية	الصف الخامس		
			• قراءة البيانات الممثلة بلوحة النقاط وتفسيرها			
			• تفسير البيانات الممثلة بالأعمدة			
			• تفسير البيانات الممثلة بالأعمدة المزدوجة			
			• إيجاد الوسيط والمنوال لمجموعة من القيم	الصف السادس		
			• تحديد القيم المتطرفة (الشاذة)			
			• قراءة البيانات من تمثيلاتها البيانية وتفسيرها			
			• إيجاد المتوسط الحسابي لمجموعة من القيم	الصف السادس		
			• إيجاد الوسيط، المنوال، المدى لمجموعة من القيم			
			• تحديد النواتج الممكنة لتجربة	الصف الرابع	الاحتمال	
			• وصف الاحتمال بالكلمات والأعداد			
			• الاحتمال	الصف الخامس		
			• التعبير عن الاحتمال بكسر			
			• تحديد جميع النواتج الممكنة لتجربة	الصف الخامس		
			• الاحتمال			
			• فضاء العينة	الصف السادس		
			• التوصل إلى تنبؤات			

الإحصاء والاحتمالات

مقارنة الموضوعات التي يتم معالجتها في مصفوفة المدى والتتابع في المملكة العربية السعودية

وجمهورية سنغافورة

السادة المحكمون	توافرها في محتوى الرياضيات في جمهورية سنغافورة		المفردات وفق مصفوفة المدى والتتابع في المملكة العربية السعودية			
	متضمن	غير متضمن				
			• حل المسألة باستعمال الاستراتيجيات والمهارات التالية: • اتباع الخطوات الأربع • إنشاء نموذج • التمثيل • التخمين والتحقق • البحث عن نمط • رسم صورة • استعمال الاستدلال المنطقي	ربع الصفوف	خطط استراتيجيات ومهارات حل المسألة	حل المسألة والتبرير الرياضي
			• اختيار الخطة المناسبة • الحكم على معقولية الإجابة • الحل بطريقة عكسية • اتخاذ قرار إيجاد جواب تقديري أو دقيق • تحديد العملية المناسبة • الحكم على معقولية الإجابة • اختيار الخطة المناسبة • استعمال الصيغ (القوانين) • حل مسائل متعددة الخطوات	ربع الصفوف	خطط استراتيجيات (خطوات) ومهارات حل المسألة	
			• استعمال التبرير الرياضي • استعمال أشكال فن • تقييم مبررات رياضية • التحقق من دقة النواتج • كتابة حجج رياضية • إنشاء مسائل • تقديم أمثلة مضادة واختبارها	ربع الصفوف	التبرير الرياضي	



السادة المحكمون	توافرها في محتوى الرياضيات في المملكة العربية السعودية		الصف المتوافرة فيه	المفردات وفق مصفوفة المدى في جمهورية سنغافورة
	متضمن	غير متوافرة		
			4A 5A	٨- إيجاد العوامل والعوامل المشتركة لأعداد كليه ضمن ١٠٠٠
			5A	٩- إيجاد القاسم المشترك الأكبر لثلاثة أعداد ضمن ١٠٠
			4A 5A	١٠- تحديد الأعداد الأولية
			5A	١١- تحديد العوامل الأولية للأعداد ضمن ١٠٠ وكتابة الأعداد كحاصل ضرب العوامل الأولية ، استخدام الأسس
			4A 5A	١٢- إيجاد المضاعفات والمضاعفات المشتركة لأعداد كليه ضمن ١٠٠٠
			5A	١٣- إيجاد المضاعف المشترك الأصغر لثلاثة أعداد ضمن ١٠٠
			4A 5A	١٤--استخدام قواعد قابلية القسمة على ٢، ٣، ٥، ٦، ٩، ١٠،
			4A 5A	١٥--استخدام ترتيب العمليات لحل العبارات الرياضية مع او بدون أقواس.
			5A	١٦--فهم خاصية التوزيع
<b>الحساب الذهني والاستراتيجيات الرياضية</b>				
			4A 5A	١. استخدام خصائص الإبدال والتجميع لتنفيذ العمليات الحسابية الذهنية والتحقق من النتائج.
			4A 5A	٢. استخدام خاصية التوزيع لتنفيذ العمليات الحسابية الذهنية والتحقق من النتائج .
			4A	٣. طرح من ١٠٠٠
			4A	٤. جمع / طرح عدد قريب من ١٠٠٠ (مثال ٩٩٨)
			5A	٥. جمع / طرح عدد قريب من مضاعفات ١٠٠ (مثال ٤٩٨)
			4B	٦. جمع / طرح الأعداد العشرية ، أجزاء من مئة ، أجزاء من ألف (مع او من الأعداد العشرية
			4A 5A	٧. الضرب في ٩٩ او ٢٥
			4A	٨. ضرب العشرات في العشرات او المئات .
			5A	٩. ضرب عدد في عدد آخر أقل بواحد من مضاعفات ١٠ أو ١٠٠ (على سبيل المثال ٤٩، ٤٩٩)
<b>الكسور</b>				
			4A	١. إيجاد الكسور المتكافئة وتبسيط الكسور الى أبسط صورة .
			4A 5A 6A	٢. مقارنة وترتيب الكسور ذات المقامات المختلفة
			4A	٣. إيجاد الكسر من مجموع (الاجابه عدد كلي) .
			4A 5A 6A 6B	٤. إيجاد الكسر من مجموع (الاجابه عدد كلي او عدد كسري) .
			4B	٥. إيجاد قيم العملات النقدية ككسر من الدولار
			4A 5A	٦. إيجاد الكسر من مجموعه للقياسات ( مثال ١٠ دقائق ككسر من ساعه واحده ) .
			4A 6A	٧. جمع / طرح الكسور التي لها المقام نفسه .
			5A 6A	٨. اضافة / طرح المرتبط بالكسور .
			4A 6A	٩- اضافة / طرح الكسور المختلفة المقام .
			4A 6A	١٠- فهم الاعداد الكسرية والكسور غير الحقيقيه ، والتحويل بينهما ، تحديد موقعها على خط الاعداد
			4A 5A	١١-علاقة القسمة بالكسور .
			5A 6A	١٢- جمع/ طرح الاعداد الكسرية
			6A	١٣- إيجاد المضاعف المشترك الأصغر والقاسم المشترك الأكبر لإعداد كليه واستخدامهما لحل مسائل تحتوي على كسور .

توافرها في محتوى الرياضيات في المملكة العربية السعودية		الصف المتوافرة فيه	المفردات وفق مصفوفة المدى في جمهورية سنغافورة
غير متضمن	متضمن		
		4A 5A 6A	١٤- ضرب كسر في عدد كلي
		5A 6A	١٥- ضرب كسر في كسر
		4A 5A 6B	١٦- قسمة كسر على عدد كلي
		5A 6 A 6B	١٧- قسمة عدد كلي او كسر على كسر
		6B	١٨- تطبيق ترتيب العمليات مع او بدون الأقواس لحل مسائل تحتوي على كسور
<b>الكسور العشرية</b>			
		4B 5B	١. فهم الأعداد العشرية ، الأجزاء من مئة ، الأجزاء من الف ، تحديد موقع الأعداد العشرية على خط الأعداد ، مقارنة الأعداد العشرية .
		4B 5B	٢. تحويل كسر عشري الى كسر وتبسيطه
		4B 5B	٣. تحويل كسر الى عدد عشري ( المقامات عامل ل ١٠ ، ١٠٠ ، ١٠٠٠ )
		4B 5B	٤. مقارنة وترتيب الكسور العشرية حتى ٣ منازل عشرية وكسور .
		4B	٥. تقريب الأعداد العشرية ذو المنزلة العشرية الى اقرب عدد كلي او اقرب عشر ( منزلة عشرية واحدة )
		5B	٦. تقريب الأعداد العشرية ذو ثلاث منازل عشرية الى اقرب عدد كلي ، الى اقرب عُشر ، الى اقرب جزء من مئة
		4B	٧. جمع / طرح الأعداد العشرية حتى منزلتين عشريتين
		5B	٨. جمع / طرح الأعداد العشرية حتى ٣ منازل عشرية
		4B 5B	٩. ضرب وقسمة الأعداد العشرية حتى منزلتين عشريتين في عدد كلي
		4B	١٠. إيجاد خارج القسمة لأقرب عشره
		5B	١١. إيجاد خارج القسمة لأقرب جزء من مئة
		5B	١٢. تحويل الكسور الى كسور عشرية ومقربة لا قرب جزء من مئة
		5B	١٣. ضرب /قسمة الأعداد العشرية على العشرات ، المئات ، الألوف
		5B	١٤. ضرب /قسمة الأعداد العشرية في عدد كلي من رقمين
		5B	١٥. ضرب وقسمة عدد كلي او كسر عشري على كسر عشري
		4B 5B	١٦. استخدام التقدير للتحقق من معقولية الناتج في مسائل تحتوي على اعداد عشرية.
<b>الزمن</b>			
		4B 5A 5 B	١-التحويل بين الوحدات الزمنية
<b>الطول ، الوزن ، الكتلة ، السعة</b>			
		5A	١. التحويل بين الوحدات ضمن النظام المتري باستخدام عملية الضرب
		4B	٢. جمع / طرح القياسات في وحدات مركبه
		4B	٣. ضرب /قسمة القياسات في وحدات مركبه
		5A	٤. تحويل القياسات الكسرية الى وحدة مختلفة او وحده مركبه ضمن نظام القياس .
		5B	٥. تحويل وحدات تشتمل على كسور عشرية ضمن نظام القياس.

توافرها في محتوى الرياضيات في المملكة العربية السعودية		الصف المتوافرة فيه	
متضمن في	غير متضمن		
<b>المحيط ، المساحة ، الحجم</b>			
		4A 5A	١ . إيجاد مساحة الأشكال بتحويلها إلى وحدات مربعة أو بحساب عدد المربعات.
		4A 5A	٢ . فهم واستخدام وحدات المساحة مثل السنتيمتر مربع والبوصة المربعة
		4A 5A	٣ . إيجاد المساحة ، المحيط والأضلاع المجهولة للمستطيلات.
		4A 5A	٤ . إيجاد المساحة ، المحيط لأشكال مركبة مكونة من مربعات ومستطيلات
		5A	٥ . استنتاج صيغة مساحة المثلث وإيجاد مساحة المثلثات .
		5A	٦ . استنتاج صيغة مساحة متوازي الأضلاع وإيجاد مساحات متوازيات الأضلاع
		5A	٧ . إيجاد مساحة سطح كلا من : المكعب ومنشور قائم
		4B	٨ . عد الوحدات المكعبة في الأشكال الثلاثية الأبعاد.
		4B	٩ . إيجاد الحجم للأشكال المجسمة بواسطة عد الوحدات المكعبة
		4B 5B	١٠ . فهم واستخدام وحدات الحجم مثل السنتيمتر المكعب والبوصة المكعبة
		4B 5B 6 B	١١ . إيجاد حجم منشور قائم
		5B	١٢ . إيجاد طول ضلع منشور قائم معطى الحجم وطول ضلعين أو المساحة لأحد الأوجه الجانبية
		4B 5 B	١٣ . فهم العلاقة بين السنتيمتر المكعب ، المليترات واللترات
		5B	١٤ . حل مسائل تشتمل على تغير في ارتفاع السوائل وحجم الوسائل في أحواض مستطيلة ، تحتوي مسائل معدل.
		5B	١٥ . إيجاد حجم الأشكال المجسمة باستخدام الإزاحة
		6B	١٦ . إيجاد حجم منشور ثلاثي قائم واسطوانات.
		6B	١٧ . إيجاد حجم أشكال مركبة تحتوي منشورات واسطوانات
		6B	١٨ . حل مسائل متعددة الخطوات تشتمل على أحجام سوائل ومجسمات وإزاحة السوائل.
		4A 6B	١٩ . تحديد نصف القطر والقطر لدائرة ، وإيجاد أحدهم عندما يعطى الآخر .
		6B	٢٠ . استنتاج صيغ محيط الدائرة وإيجاد محيط الدائرة عندما يعطى نصف القطر أو القطر.
		6B	٢١ . استنتاج صيغ لمساحة الدائرة وإيجاد المساحة عندما يعطى نصف القطر أو القطر .
		6B	٢٢ . إيجاد المحيط والمساحة لإشكال مركبة تحتوي على مربعات ومستطيلات ومثلثات وأنصاف دوائر أو أرباع دوائر.
<b>الهندسة</b>			
		4A 6A	١ . يصف ويصنف الأشكال الثلاثية الأبعاد الشائعة طبقاً لأعداد وإشكال الأوجه والأحرف والرؤوس .
		4A4B 5B	٢ . تحديد سمات وخصائص المثلثات والإشكال الرباعية .
		4A 5B	٣ . تصنيف الزوايا إلى حادة، منفرجة، مستقيمة بالدرجات ٩٠ و ١٨٠ و ٢٧٠ و ٣٦٠ والدورات ربع دائرة ، نصف دائرة ، ثلاثة أرباع دائرة ، دورة كاملة.
		4A	٤ - قياس ورسم الزوايا .
		4A 4B	٥ - تحديد المستقيمات المتعامدة والمتوازية .
		4A	٦ - ذكر الأنواع المختلفة من المثلثات والأشكال الرباعية .

توافرها في محتوى الرياضيات في المملكة العربية السعودية		الصف المتوافرة فيه	المفردات وفق مصفوفة المدى في جمهورية سنغافورة
متضمن في	غير متضمن		
		6B	٧. إيجاد الأطوال للأضلاع الغير معلومه معطى أطوال الاضلاع الاخرى أو المحيط للمثلث والاشكال الرباعية .
		5B 6B	٨. تصنيف الزوايا المتقابلة بالرأس ، المجاورة ، متممة ، مكمله ويزود بأوصاف لهذه الشروط .
		5B 6B	٩. إيجاد الزوايا الغير معلومة في الاشكال الهندسيه بالاعتماد على الزوايا المتقابلة بالرأس والمتجاورة والمتتامه أو المتكامله
		5B 6B	١٠. يعرف ويستخدم خصائص الزاويه الناتجة عن تقاطع الخطوط ، مثلثات ، متوازيات الاضلاع ، معينات شبه منحرف لحل مسائل تشتمل على إيجاد الزوايا غير معلومة . .
		6B	١١. بناء المثلثات ، متوازيات الاضلاع ومعينات مع زوايا محددة .
		4A 5A 6A	١٢. بناء أشباه المنحرفات الرباعية المختلفة باستخدام الزوايا وأطوال الأحرف.
		4A 6A	١٣. تصور ، وصف ورسم المجسمات الهندسية
		4A	١٤. تحديد شبكات المجسمات .
		4A 5B	١٥. تحديد الاشكال الهندسية المتطابقة .
		4B	١٦. إنشاء أشكال هندسية متداخلة ( الفسيفساء).
		4B	١٧. تحديد الاشكال الهندسيه التي لديها محور تناظر .
		5B4B	١٨. تحديد الاشكال الهندسية التي لديها محور تناظر دوراني .
		4B	١٩. فهم المستوى الاحداثي ، تحديد النقاط وكتابة الزوج المرتب (الربع الأول) .
		5B	٢٠. فهم المستوى الاحداثي ، تحديد النقاط وكتابة الزوج المرتب (جميع الأرباع) .
		4B	٢١. إيجاد طول خطوط أفقية وعمودية على المستوى الاحداثي .
<b>النسبة المئوية</b>			
		5B	١. فهم واستخدام النسبة المئوية .
		5B	٢. إيجاد كسور عشرية وكسور مكافئة لنسب مئوية .
		5B	٣. كتابة الكسور كنسب مئوية .
		5B6A	٤. حل المسائل التي تحتوي على نسبة مئوية من كمية.
		6A	٥. حل المسائل التي تحتوي على جزء من الكل كنسبة مئوية .
		6A	٦. حل مسائل تشتمل على وحدة واحدة كنسبة مئوية من اخرى . .
			٧. حل مسائل النسبة باستخدام طريقة التوحيد
		5B 6A	٨. حساب النسبة المئوية من الكميات المعطاة وحل المسائل التي تحتوي على تخفيضات في المبيعات ، الربح المكتسب ، النسبة المئوية لزيادة أو النقصان .
<b>النسبة /المعدل /التناسب /السرعة</b>			
		5A 6A	١ - استخدام النسب لمقارنة كميتين.
		5A 6A	٢ - استخدام النسب لمقارنة ثلاث كميات
		5A 6A	٣ - إيجاد النسب المتكافئة وتبسيط النسب .
		5A 6A	٤ - استخدام النسب لحل المسائل .
		6A	٥ - ربط النسب بالكسر من كمية .
		6A	٦ - حل مسائل تحتوي على نسب متغيرة .
		6A	٧ - علاقة النسب بالتناسب .

توافرها في محتوى الرياضيات في المملكة العربية السعودية		الصف المتوافرة فيه	التحليل	المفردات وفق مصفوفة المدى في جمهورية سنغافورة
متضمن في	غير متضمن			
		6A	٨- حل المسائل التي تحتوي على التناسب.	
		5B 6A	٩- فهم المعدل كقياس من كمية وحدة واحدة لكل وحدة بالنسبة للآخرى	
		5B 6A	١٠- حل المسائل التي تحتوي على نسبة	
		5B 6A	١١- حل المسائل التي تحتوي على التناسبات .	
		5B 6A	١٢- حل المسائل التي تحتوي على المعدل .	
		6A	١٣- استخدام معدل الوحدة لحل مسائل المعدل .	
		6A	١٤- حل مسائل نسبة التخفيض تحتوي على الزمن .	
		6A	١٥- فهم واستخدام السرعة ومعدل السرعة لحل المسائل	
<b>حل المسألة:</b>				
		4A	١. حل مسائل ذات خطوتين والتي تحتوي على العمليات الاربعة على الاعداد الكلية .	
		4A	٢. حل مسائل ذات خطوتين والتي تحتوي على كسر من مجموعة .	
		5B	٣. حل مسائل ذات خطوتين والتي تحتوي كسور وكسور عشريه .	
		5A 5B 6A 6B	٤. حل مسائل متعددة الخطوات تحتوي كل العمليات الاربعة على الاعداد الكلية ، الكسور، الاعداد العشرية ، النسب المئوية ، النسب	
		5B 6A 6B	٥. حل مسائل متعددة الخطوات تحتوي على المعدل ، والنسبة ، والنسبة المئوية .	
		6A 6 B	٦. حل مسائل متعددة الخطوات تحتوي على السرعة ومعدل السرعة .	
		6B	٧. حل مسائل أكثر تحدي .	
<b>تحليل البيانات والاحتمالات:</b>				
		4A	١. تمثيل ومقارنة البيانات باستخدام الأعمدة البيانية .	
		4A 4B	٢. جمع ، تنظيم وتحليل البيانات باستخدام الجداول والاعمده البيانية .	
		4A 4B	٣. جمع ، تنظيم ، وتحليل البيانات باستخدام الرسوم البيانية.	
		4B	٤. سؤال وحل الاسئلة التي لها علاقة بتمثيل البيانات ، تشمل إيجاد المدى والمتوال .	
		4A 4B 5B	٥. جمع ، تنظيم وتحليل البيانات باستخدام التمثيل بالنقاط	
		4B 5B	٦. جمع ، تنظيم وتحليل البيانات باستخدام الخطوط البيانية .	
		4B 5B	٧. جمع ، تنظيم وتحليل البيانات باستخدام التمثيل في المستوى الاحداثي .	
		4B 5B	٨. جمع ، تنظيم وعرض البيانات في القطاعات الدائرية .	
		5B 6B	٩. جمع ، تنظيم وعرض البيانات في المدرج التكراري .	
		5B	١٠. إيجاد المعدل لمجموعه من البيانات .	
		5B	١١. إيجاد قيمة البيانات معطى المعدل والقيم الاخرى .	
		5B	١٢. يحدد المتوال والوسيط للبيانات التكراريه .	
		4B	١٣. فهم ، إيجاد ومقارنه المتوسط الحسابي والوسيط والمتوال لمجموعه من البيانات .	
		5B 6 B	١٤. إيجاد مدى مجموعه من البيانات .	
		6B	١٥. فهم ، كيف تؤثر اضافته مجموعه من البيانات على مقاييس النزعه المركزيه .	
		6B	١٦. فهم كيف يمكن ان يؤثر تضمن أو استبعاد القيم المتطرفة على مقاييس النزعه المركزيه .	

توافرها في محتوى الرياضيات في المملكة العربية السعودية		الصف المتوافرة فيه	المفردات وفق مصفوفة المدى في جمهورية سنغافورة
متضمن في	غير متضمن		
		6B	١٧. المقارنة بين العينات المختلفة مجتمع مع البيانات المأخوذة من المجتمع ككل وتحديد المواقف التي يتم فيها استخدام العينة .
		6B	١٨. تحديد الطرق المختلفة لتحديد العينات وما الطرق التي تجعل العينة أكثر تمثيلاً للمجتمع .
		6B	١٩. معرفة لماذا مقاييس معين من مقاييس النزعة المركزية يزيدوننا بأكثر المعلومات المفيدة للغاية في ظرف معين .
		6B	٢٠. تحليل البيانات المعروضة وتحديد البيانات التي تمثل اخطاء المعانيه .
		6B	٢٠. تحديد المطلوب المرتكز على البيانات الاحصائية في حالات البيانات البسيطة.
		6B	٢١. تحديد زوج مرتب من البيانات من الرسم البياني .
		4A 6B	٢١. تمثيل كل النتائج الممكنة لتجربه احتماليه بسيطة .
		4A 6B	٢٢. التعبير عن كل النتائج المحتمله لحالات التجارب الاحتمالية لفظيا ، رقميا وككسور..
		6B	٢٥. استخدام البيانات لتقدير الاحتمالات للأحداث المستقبلية .
		6B	٢٦. تمثيل الاحتمالات كنسب ، تناسبات ، كسور عشريه ونسب مئوية .
		6B	٢٧. إيجاد احتمال الاحداث المستقلة ، وفهم الاحتمال النظري للأحداث المستقلة بأنه مجموع الاحتمالين الفرديين
		6B	٢٨. إيجاد احتمال الاحداث غير المستقلة وفهم الاحتمال النظري على أنه ضرب الاحتمالين.
		6B	٢٩. فهم الاختلاف بين الاحداث المستقلة والأحداث الغير المستقلة.
<b>الجبر</b>			
		4A 4B 5A 6A 6B	١. استخدام الصناديق ورموز أخرى للإشارة على الأرقام المجهولة في التغيرات والمعادلات.
		4A 5A 6A 6B	٢. استخدام الحروف للإشارة على الاعداد المجهولة في المعادلات والحل باستخدام العمليات الاربع .
		4B 5B 6A 6B	٣. تمثيل الكميات غير المعروفة باستخدام النمذجة وحل مسائل تحتوي على اعداد كلية باستخدام الشريط النمذجة.
		5B 6A 6B	٤. استخدام النمذجة لحل مسائل تحتوي على كسور .
		5A 6A 6B	٥. استخدام النمذجة لحل مسائل تحتوي على كسور عشريه .
		4B 5A 5B 6A	٦. استخدام النمذجة لحل مسائل تحتوي على نسبة مئوية .
		4A 4B 5A 5B	٧. استخدام النمذجة لحل مسائل تحتوي على نسبة .
		4B 5B 6A	٨. حل مسائل تحتوي على توظيف العلاقات بين كميتين.
		5B 6 A	٩. استخدام تفسير الصيغ للأجابه عن الاسئله حول الكميات وعلاقتها
		6A	١٠. كتابه رموز المعادلات البسيطة التي تحتوي على تغيرات مترابطة في الكميات . (مثال: ص = ٣س + ٥) وحل القيمه المستقلة عندما يعطى القيمه غير المستقلة .
		5B 6B	١١. كتابه وإيجاد قيمة التعبيرات الجبريه البسيطة في متغير واحد باستخدام الطرح .
		5B 6A	١٢. كتابه وإيجاد قيمة التعبيرات الجبريه البسيطة لحالات معطاة باستخدام ثلاث متغيرات .

توافرها في محتوى الرياضيات في المملكة العربية السعودية		الصف المتوافرة فيه	المفردات وفق مصفوفة المدى في جمهورية سنغافورة
متضمن في	غير متوافرة		
		6A 6B	١٣ . استخدام خاصية التوزيع في التغيرات الجبرية مع التغيرات
		6A 6 B	١٤ . تبسيط العبارات الجبرية في متغير واحد .
		4B 5B 6A	١٥ . استخدام المتغيرات في التعبيرات التي تصنف كميات هندسية
		4A 5B	١٦ . حل معادلات جبرية بسيطة في متغير واحد
		6A	١٧ . حل مسائل تحتوي على دوال خطية بسيطة مع قيم الاعداد الكلية ، كتابه معادله ورسم الأزواج المرتبة الناتجة على المستوى الاحداثي
		4A	١٨ . فهم وتفسير الاعداد السالبة ، تحديد الاعداد السالبة على خط الاعداد ، مقارنة وترتيب الاعداد الصحيحة .
		5B	١٩ . مقارنة وترتيب الكسور الموجبة والسالبة ، الكسور العشرية ، الاعداد الكسرية ومواقعها على خط الاعداد
		5B 6B	٢٠ . التعرف وإكمال ( مُدَّ ) الانماط العددية المنتظمة والتي تشتمل على ارقام سالبة
		6B	٢١ . إيجاد القيم العددية للإعداد السالبة
		5B	٢٢ . جمع وطرح الاعداد الصحيحة الموجبة والسالبة
		6B	٢٣ . ضرب وقسمة الاعداد الصحيحة الموجبة والسالبة .
		6B	٢٤ . تطبيق الترتيب الجبري للعمليات وخصائص الابدال التجميع والتوزيع لإيجاد قيمة العبارات الجبرية التي تشتمل على اعداد صحيحة موجبه وسالبه
		5B 6A 6B	٢٥ . حل مسائل تشتمل على دوال خطية مع قيم صحيحة ، كتابة المعادلات ، والرسم البياني للأزواج المرتبة الناتجة في المستوى الاحداثي.

ملحق ( ٢ )

**قائمة بأسماء محكمي أداة الدراسة**

## قائمة المحكمين

م	الاسم	الدرجة العلمية	التخصص	جهة العمل
١	أ.د. محمد بن عبدالله النذير	استاذ	مناهج وتعليم الرياضيات	جامعة الملك سعود
٢	منال فاروق سطوحى ابراهيم	استاذ	مناهج وطرق تدريس الرياضيات	جامعة طيبة
٣	زين العابدين شحاتة خضراوي	استاذ	مناهج وطرق تدريس الرياضيات	كلية التربية . جامعة سوهاج
٤	عوض صالح المالكي	استاذ مشارك	مناهج وطرق تدريس الرياضيات	جامعة ام القرى
٥	ابراهيم سليم الحري	استاذ مشارك	مناهج وطرق تدريس الرياضيات	جامعة ام القرى
٦	محارب علي الصمادي	استاذ مشارك	مناهج وطرق تدريس الرياضيات	جامعة تبوك
٧	فاطمة عبد السلام ابو الحديد	استاذ مشارك	طرق تدريس الرياضيات	جامعة الحدود الشمالية بعرعر - جامعة بورسعيد بمصر

ملحق ( ٣ )

**أداة الدراسة في نسختها النهائية**



المملكة العربية السعودية

وزارة التعليم

جامعة أم القرى

كلية التربية

قسم المناهج وطرق التدريس

تحليل محتوى الرياضيات للصف ( السادس ) من المرحلة الابتدائية في المملكة العربية السعودية وجمهورية  
سنغافورة في ضوء معايير المجلس القومي لمعلمي الرياضيات NCTM2000 والموضوعات الواردة في  
مصفوفة المدى والتتابع للمملكة العربية السعودية وجمهورية سنغافورة

(بطاقة تحليل محتوى)

إعداد الطالب

أحمد علي معيض الغامدي

٤٣٤٨٨٣٤٨

إشراف سعادة الدكتور

عباس حسن غندورة

الأستاذ المشارك بقسم المناهج وطرق التدريس



في المملكة العربية السعودية وجمهورية سنغافورة وفق معايير NCTM::

رقم	المعايير ومؤشراتها	
	المملكة العربية السعودية	جمهورية سنغافورة
	تكرارات تحقق معايير NCTM بدرجة	تحقق معايير NCTM بدرجة
١		التعامل بمرونة مع الكسور ، والكسور العشرية ، وايضاً النسب لحل المشكلات .
٢		ترتيب وتقريب ومقارنة الكسور بالكسور العشرية ، وايضاً النسب بكفاءة عالية ، وإيجاد مواقعها التقريبية على خط الاعداد .
٣		تطوير المعنى للنسب التي تكون أكثر من (١٠٠) وأقل من (٠,١) .
٤		فهم واستخدام النسبه والتناسب لتمثيل العلاقات الكمية .
٥		تنمية الفهم للأعداد الكبيره ، وإدراكها ، وتعرف الرموز الأساسية العلمية ، ورموز الحاسبات واستخدامها بطريقه مناسبة .
٦		استخدام العوامل ، المضاعفات ، والتحليل الى عوامل أوليه والمتصلة بحل المشكلات .
٧		تطوير المعنى للأعداد الصحيحة والأعداد الكلية ، وتمثيل ومقارنة الكميات باستخدامها .
المعيار الثاني : فهم معاني العمليات وكيفية ارتباطها ببعضها البعض.		
١		فهم المعنى وتأثيره في العمليات الحسابيه مع الكسور والكسور العشرية وايضاً الاعداد الصحيحة.
٢		استخدام الخواص الكمية والمترابطة ذات الصلة بعملية الجمع والضرب وخاصية التوزيع لعمليات الضرب على القسمة لتبسيط العمليات الحسابيه مع الاعداد الصحيحة والكسور والعلاقات العشريه
٣		فهم واستخدام العلاقات العكسية لعمليات الجمع والطرح والضرب والقسمة ، وإيجادها لتبسيط العمليات الحسابيه وحل المشكلات .
المعيار الثالث : الحساب بدقة وطلاقة وإعطاء تقديرات معقولة		
١		تمثيل الطرق والأدوات المناسبة لعمليات الحساب مع الكسور والكسور العشريه من بين العمليات الحسابيه الذهنيه والتقدير والآلات الحاسبه او الحساب بالورقة والقلم بناءً على الموقف وتطبيق الطرق المحدده .
٢		تمثيل وتحليل الخوارزميات للحساب مع الكسور والكسور العشريه والأعداد الصحيحة والسرعة في استخدامها .
٣		تمثيل الاستراتيجيات واستخدامها لتقدير نتائج عمليات الحساب للجذور ، وتقدير معقولة النتائج
٤		تمثيل وتحليل وشرح الطرق لحل المشكلات ، بما فيها الخواص مثل القياس بالمسطرة ، وإيجاد النسب المتكافئة .

معايير الجبر للصف السادس الابتدائي في المملكة العربية السعودية وجمهورية سنغافورة وفق معايير NCTM:

المعايير ومؤشراتها	المملكة العربية السعودية	جمهورية سنغافورة
	تكرار تحقق معايير NCTM	تكرار تحقق معايير NCTM يدرجة
<b>المعيار الاول :فهم الأنماط والعلاقات والدوال.</b>		
١	تمثيل وتحليل وتعميم مزيج من نماذج الجداول والرسوم البيانية والكلمات والقواعد الرمزية ( اذا أمكن )	
٢	ربط ومقارنة الأشكال المختلفه لنماذج الدوال .	
٣	تحديد الدوال او الاقتيرانات ( خطي / لا خطي ) ومقابلة خصائصهم بمثلاتها من الجداول والرسوم البيانية والمعادلات .	
<b>المعيار الثاني : تمثيل وتحليل المواقف الرياضية والبنى الجبرية مستخدما الرموز الجبرية .</b>		
١	تطوير الإدراك المبدئي للمفاهيم الخاصه بالاستخدامات المختلفه للمتغيرات .	
٢	استكشاف العلاقات بين التعابير الرمزية والرسوم البيانية للخطوط مع إعطاء الأهمية لمعنى ( القاطع والميل ) .	
٣	استخدام الجبر الرمزي لتمثيل مواقف وحل مشاكل ( مسائل ) وبخاصة الدوال الخطية .	
٤	ادراك واستخراج صيغ مماثله للمصطلحات الجبريه البسيطة وحل المعادلات الخطية .	
<b>المعيار الثالث : استخدام النماذج الرياضية لتمثيل وفهم العلاقات الكمية .</b>		
١	عمل نماذج لمشكلات مشابهه وحلها باستخدام تصورات مختلفه مثل الرسوم البيانية والجداول والمعادلات .	
<b>المعيار الرابع: تحليل التغير في سياقات مختلفه .</b>		
١	استخدام الرسوم البيانية لتحليل طبيعة المتغيرات في الكميات في الدوال الخطية .	

معايير الهندسة للصف السادس الابتدائي في المملكة العربية السعودية وجمهورية سنغافورة وفق معايير NCTM :

رقم	المعايير ومؤشراتها	المملكة العربية السعودية	جمهورية سنغافورة
		تكرار تتحقق معايير NCTM	تكرار تتحقق معايير NCTM
المعيار الاول : تحليل صفات وخصائص الأشكال الهندسية ثنائية او ثلاثية الأبعاد ، ويطور حجج رياضية عن العلاقات الهندسية.			
١	وصف وتصنيف وفهم دقيق للعلاقات بين الأنماط المختلفة للأشكال ثنائية وثلاثية الأبعاد باستخدام خصائصها .		
٢	فهم العلاقات بين الزوايا وأطوال الأضلاع وإنصاف الأقطار والمساحات والأحجام للأشكال المتشابهة.		
٣	تكوين ونقد فرضيات استدلاليه واستنتاجيه فيما يخص الأفكار والعلاقات الهندسية مثل التطابق والتشابه علاقة فيثاغورس .		
المعيار الثاني : تعيين الإحداثيات ، ووصف العلاقات الفراغية ومستخدماً العلاقات الهندسية وغيرها من أنظمة التمثيل ..			
١	استخدام الهندسة الإحداثية لتمثيل ودراسة خصائص الأشكال الهندسية .		
٢	استخدام الهندسة الإحداثية لدراسة الأشكال الهندسية الخاصة مثل المضلع المنتظم او المضلع الذي له أضلاع متناظرة ومتعامدة .		
المعيار الثالث : تطبيق التحويلات الهندسية والتماثل لتحليل المواقف الرياضية .			
١	وصف احجام وأوضاع واتجاهات الأشكال تحت تأثير التقلبات والانسحاب والانعكاس والتمدد .		
٢	اختبار التطابق والتشابه ومحاور التماثل او الدوران للأشكال باستخدام التحويلات الهندسية .		
المعيار الرابع: استخدام التمثيل البصري والتعليل الفراغي والنمذجة الهندسية لحل المشكلات .			
١	رسم أشكال هندسية بخصائص معينه مثل أطوال الأضلاع او قياسات الزوايا .		
٢	استخدام التمثيل ثنائي الأبعاد للأشكال أو المجسمات ثلاثية الأبعاد لتصور هذه الأشكال وحل المشاكل التي تتضمن حساب المساحات الجانبيه والكلية والحجوم.		
٣	استخدام أدوات مرئيه مثل الشبكات لتمثيل وحل المشكلات .		
٤	استخدام النماذج هندسيه التي تفسر العلاقات العديده والجبرية .		
٥	ادراك وتطبيق الأفكار والعلاقات الهندسيه خارج درس الرياضيات مثل الرسم والعلوم والحياه اليوميه .		

معايير القياس للصف السادس الابتدائي في المملكة العربية السعودية وجمهورية سنغافورة وفق معايير NCTM:

الترتيب	المعايير ومؤشراتها	المملكة العربية السعودية	جمهورية سنغافورة
		تكرار تحقق معايير NCTM	تكرار تحقق معايير NCTM
١	فهم كلا من نظامي القياس المتري والتقليدي.		
٢	فهم العلاقات بين الوحدات والتحويل من وحدة لأخرى بنفس نظام القياس .		
٣	فهم وتحديد واستخدام الوحدة ذات النوع والحجم المناسب لقياس الزوايا والمحيط والمساحة والمساحة السطحية والحجم.		
١	استخدام معايير (مقاييس) شائعة لتحديد الطرق الملائمة لتقرير القياس .		
٢	تحديد وتطبيق الأساليب والأدوات الدقيقة لإيجاد الطول والمساحة والحجم وقياسات الزوايا بالدقة المطلوبة .		
٣	تطوير واستخدام الصيغ الرياضية لتحديد محيط الدوائر ومساحة المثلثات ومتوازيات الأضلاع وشبه المنحرف والدوائر ، وكذلك لتطوير طرق إيجاد المساحة لأشكال أكثر تعقيداً .		
٤	تطوير استراتيجيات لحساب المساحة السطحية وحجم المنشور والهرم والاسطوانة .		
٥	القيام بحل المشكلات التي تحتوي على عوامل قياس باستخدام النسبة والتناسب .		
٦	القيام بحل المسائل البسيطة المتعلقة بالمعدلات والمقاييس المشتقة لصفات مثل سرعة والكثافة .		

معايير تحليل البيانات والاحتمال للصف السادس الابتدائي في المملكة العربية السعودية وجمهورية سنغافورة وفق معايير NCTM:

البلد	المعايير ومؤشراتها	المملكة العربية السعودية	جمهورية سنغافورة
		تكرارات تحقق معايير NCTM	تكرارات تحقق معايير NCTM
المعيار الاول : صياغة الاسئلة التي يمكن تقديمها مع البيانات وجمع وتنظيم وعرض البيانات وثيقة الصلة بالموضوع .			
١	تكوين اسئلة وتصميم دراسات وجمع بيانات عن خاصية يشترك فيها نوعان من السكان او خصائص مختلفة في فئة السكان الواحدة .		
٢	تحديد وعمل واستخدام التمثيلات البيانية الملائمة للبيانات مشتملة على الرسوم البيانية .		
المعيار الثاني : اختيار واستخدام الطرق الإحصائية المناسبة لتحليل البيانات . .			
١	إيجاد واستخدام وتفسير مقياس النزعة المركزيه والانتشار مشتملة على المتوسط الحسابي والمدى الربيعي .		
٢	_ مناقشة وفهم التوافق بين قواعد البيانات وتمثيلاتها البيانية بخاصة الرسوم البيانية ( التمثيل بالأعمدة ) ورسوم الساق والورقة والرسوم المربعه والرسوم المفرقه .		
المعيار الثالث : تطوير وتقويم الاستدلالات والتنبؤات المبينة على البيانات .			
١	استخدام الملاحظات عن الاختلافات بين نموذجين او أكثر لفهم السكان الذين تم انتقاء العينات منهم		
٢	_ تكوين مفاهيم عن العلاقات الممكنة بين خاصيتين لعينه سكانية على أساس الرسوم المفرقة للبيانات والخطوط التقريبية للتطابق .		
٣	_ استخدام المفاهيم لتكوين اسئلة جديدة وتخطيط دراسات جديدة للاجابة عنها .		
المعيار الرابع : _ فهم وتطبيق المفاهيم الأساسية الاحتمالات الرياضية .			
١	فهم واستخدام المفاهيم الملائمة لوصف الأحداث الخاصة بطريقه تبادليه او تكاملية .		
٢	استخدام التناسب والفهم البديهي للاحتمال لتكوين فهم عام من نتائج التجارب والظواهر .		
٣	حساب الاحتمال لأحداث بسيطة ومركبة باستخدام مثل هذه الطرق مثل القوائم المرتبه والأشكال المتسلسلة ونماذج المساحات		

مقارنة الموضوعات التي يتم معالجتها في مصفوفة المدى والتتابع في المملكة العربية السعودية وجمهورية سنغافورة

توافرها في محتوى الرياضيات في جمهورية سنغافورة		المفردات وفق مصفوفة المدى والتتابع في المملكة العربية السعودية		
متوافر	غير متوافر			
		- الأعداد الأولية والأعداد غير الأولية	الأعداد الكلية	الإعداد والعملات
		- تحليل عدد إلى عوامله الأولية		
		- القوى والأسس		
		- القاسم المشترك الأكبر لعددتين أو أكثر		
		- المضاعف المشترك الأصغر لعددتين أو أكثر	الكسور	
		- تبسيط الكسور		
		- التحويل بين الأعداد الكسرية والكسور غير الفعلية		
		- مقارنة الكسور والأعداد الكسرية وترتيبها		
		- تقريب الكسور والأعداد الكسرية	الكسور العشرية	
		- قراءة الكسور والأعداد العشرية وكتابته (الصيغ متكافئة)		
		- مقارنة الكسور والأعداد العشرية وترتيبها		
		- تقريب الكسور والأعداد العشرية		
		- التحويل بين الأعداد الكسرية والأعداد العشرية	النسبة والمعدل والتناسب	
		النسبة والمعدل		
		التناسب	النسبة المئوية	
		النسبة المئوية		
		التحويل بين النسبة المئوية والكسور والكسور العشرية	العمليات على الكسور	
		جمع الكسور ذات المقامات المتشابهة وطرحها		
		جمع الكسور ذات المقامات المختلفة وطرحها		
		جمع الأعداد الكسرية وطرحه		
		ضرب الكسور		
		ضرب الأعداد الكسرية		
		قسمة الكسور		
		قسمة الأعداد الكسرية		

مقارنة الموضوعات التي يتم معالجتها في مصفوفة المدى والتتابع في المملكة العربية السعودية وجمهورية سنغافورة

توافرها في محتوى الرياضيات في جمهورية سنغافورة		المفردات وفق مصفوفة المدى والتتابع في المملكة العربية السعودية			
متضمن	غير متضمن				
		جمع الكسور والأعداد العشرية وطرحها	الصف السادس	العمليات على الأعداد العشرية	الأعداد والعمليات
		ضرب كسر (عدد) عشري في عدد			
		ضرب الكسور والأعداد العشرية			
		قسمة كسر (عدد) عشري على عدد			
		قسمة الكسور والأعداد العشرية			
		تقدير نواتج جمع الكسور والأعداد الكسرية وطرحها	الصف السادس	الحساب الذهني واستراتيجيات التقدير	
		تقدير نواتج جمع لكسور والأعداد العشرية وطرحها			
		تقدير نواتج ضرب الكسور والأعداد الكسرية وقسمتها			
		تقدير نواتج ضرب الكسور والأعداد العشرية وقسمتها			
		الحساب الذهني			

مقارنة الموضوعات التي يتم معالجتها في مصفوفة المدى والتتابع في المملكة العربية السعودية وجمهورية سنغافورة

توافرها في محتوى الرياضيات في جمهورية سنغافورة		المفردات وفق مصفوفة المدى والتتابع في المملكة العربية السعودية		
متضمن	غير متضمن			
		تحديد الأنماط العددية وغير العددية ووصفها وتوسيعها	استعمال الأنماط	الجبر
		خواص الجمع	خواص العمليات	
		خواص الضرب		
		إيجاد قيم تعابير عددية بمراعاة ( أولويات العمليات)	التعابير الجبرية	
		إيجاد قيم تعابير جبرية		
		كتابة تعابير جبرية		

مقارنة الموضوعات التي يتم معالجتها في مصفوفة المدى والتتابع في المملكة العربية السعودية وجمهورية سنغافورة

توافرها في محتوى الرياضيات في جمهورية سنغافورة		المفردات وفق مصفوفة المدى والتتابع في المملكة العربية السعودية		
متوافر	غير متوافر			
		معادلات الجمع والطرح	حل المعادلات والمتباينات	الجزء
		معادلات الضرب والقسمة		
		اكتشاف قاعدة دالة من جدول	الجدول والعلاقات	
		إكمال جدول دالة		
		إنشاء جدول دالة (دوال الجمع والطرح)		
		إنشاء جدول دالة (دوال الضرب والقسمة)		

مقارنة الموضوعات التي يتم معالجتها في مصفوفة المدى والتتابع في المملكة العربية السعودية وجمهورية سنغافورة (القياس)

توافرها في محتوى الرياضيات في جمهورية سنغافورة		المفردات وفق مصفوفة المدى والتتابع في المملكة العربية السعودية			
متضمن	غير متضمن				
		وحدات قياس درجة الحرارة (فهرنهايت، سيلزيوس)	الصف السادس	درجة الحرارة	القياس
		قياس درجة الحرارة (اختيار درجة الحرارة المناسبة وتقديرها)			
		حساب محيط الدائرة	الصف السادس	المحيط	
		حساب مساحة متوازي الأضلاع حساب مساحة المثلث	الصف السادس	المساحة	
		حساب المساحة السطحية للمنشور الرباعي			
		حساب حجم المنشور الرباعي	الصف السادس	الحجم	

مقارنة الموضوعات التي يتم معالجتها في مصفوفة المدى والتتابع في المملكة العربية السعودية وجمهورية سنغافورة (الهندسة):

توافرها في محتوى الرياضيات في جمهورية سنغافورة		المفردات وفق مصفوفة المدى والتتابع في المملكة العربية السعودية		
متضمن	غير متضمن			
		تقدير قياس زاوية	الصف السادس الأشكال الثلاثية الأبعاد والثمانية الأبعاد	الهندسة
		قياس الزوايا		
		رسم زاوية		
		الزاويتان المتقابلتان بالرأس		
		الزاويتان المتتامتان والمتكاملتان		
		أنواع المثلثات بالنسبة لأضلاعها ولزواياها		
		مجموع زوايا مثلث		
		خواص الأشكال الرباعية		
		مجموع زوايا رباعي		

مقارنة الموضوعات التي يتم معالجتها في مصفوفة المدى والتتابع في المملكة العربية السعودية وجمهورية سنغافورة

توافرها في محتوى الرياضيات في جمهورية سنغافورة		المفردات وفق مصفوفة المدى والتتابع في المملكة العربية السعودية			
متضمن	غير متضمن				
		تمثيل البيانات بالأعمدة	الصف السادس	تمثيل البيانات (Line Plots)	الإحصاء والاحتمالات
		تمثيل البيانات بالنقاط			
		تمثيل البيانات بالخطوط (Line Graph)			
		قراءة البيانات من تمثيلها البياني وتفسيرها	الصف السادس	الاستنتاجات والتوقعات	
		• إيجاد المتوسط الحسابي لمجموعة من القيم			
		• إيجاد الوسيط، المنوال، المدى لمجموعة من القيم			
		• الاحتمال	الصف السادس	الاحتمال	
		• فضاء العينة			
		• التوصل إلى تنبؤات			

مقارنة الموضوعات التي يتم معالجتها في مصفوفة المدى والتتابع في المملكة العربية السعودية وجمهورية سنغافورة

توافرها في محتوى الرياضيات في جمهورية سنغافورة		المفردات وفق مصفوفة المدى والتتابع في المملكة العربية السعودية		
متضمن	غير متضمن			
		• حل المسألة باستعمال الاستراتيجيات والمهارات التالية: • اتباع الخطوات الأربع • إنشاء نموذج • التمثيل	خطط (استراتيجيات) ومهارات حل المسألة	
		• التخمين والتحقق		
		• البحث عن نمط		
		• رسم صورة		
		• استعمال الاستدلال المنطقي		
		• اختيار الخطة المناسبة		
		• الحكم على معقولة الإجابة		
		• الحل بطريقة عكسية		
		• اتخاذ قرار إيجاد جواب تقديري أو دقيق		
		• تحديد العملية المناسبة		
		• الحكم على معقولة الإجابة		
		• اختيار الخطة المناسبة		
		• استعمال الصيغ (القوانين)		
		• حل مسائل متعددة الخطوات		
		• استعمال التبرير الرياضي		التبرير الرياضي
		• استعمال أشكال فن		
		• تقييم مبررات رياضية		
		• التحقق من دقة النواتج		
		• كتابة حجج رياضية		
		• إنشاء مسائل		
		• تقديم أمثلة مضادة واختبارها		

مقارنة الموضوعات التي تم معالجتها في مصفوفة المدى والتابع في جمهورية سنغافورة والمملكة العربية السعودية:

توافرها في محتوى الرياضيات في المملكة العربية السعودية		الصف المتوافرة فيه	المفردات وفق مصفوفة المدى والتابع في جمهورية سنغافورة
مستشور	غير مستشور		
<b>الكسور</b>			
		4A 5A 6A	٢٢. مقارنة وترتيب الكسور ذات المقامات المختلفة
		4A 5A 6A 6B	٢٣. إيجاد الكسر من مجموعه (الاجابة عدد كلي او عدد كسري).
		5A 6A	٢٤. اضافة / طرح المرتبط بالكسور .
		4A 6A	٤- اضافة / طرح الكسور المختلفة المقام .
		4A 6A	٥- فهم الاعداد الكسرية والكسور غير الحقيقية ، والتحويل بينهما ، تحديد موقعها على خط الاعداد
		5A 6A	٦- جمع/ طرح الاعداد الكسرية
		6A	٧- إيجاد المضاعف المشترك الأصغر والقاسم المشترك الأكبر لإعداد كليهما واستخدامهما لحل مسائل تحتوي على كسور .
		4A 5A 6A	٨- ضرب كسر في عدد كلي
		5A 6A	٩- ضرب كسر في كسر
		4A 5A 6B	١٠- قسمة كسر على عدد كلي
		5A 6 A 6B	١١- قسمة عدد كلي او كسر على كسر
<b>المحيط ، المساحة ، الحجم</b>			
		4B 5B 6 B	٢٣. إيجاد حجم منشور قائم
		6B	٢٤. إيجاد حجم منشور ثلاثي قائم واسطوانات.
		6B	٢٥. حل مسائل متعددة الخطوات تشتمل على احجام سوائل ومجسمات وإزاحة السوائل.
		4A 6B	٢٦. تحديد نصف القطر والقطر لدائرة ، وإيجاد احدهم عندما يعطى الآخر .
		6B	٢٧. استنتاج صيغه لمحيط الدائرة وإيجاد محيط الدائرة عندما يعطى نصف القطر او القطر.
		6B	٢٨. استنتاج صيغه لمساحة الدائرة وإيجاد المساحة عندما يعطى نصف القطر أو القطر .
		6B	٢٩. إيجاد المحيط والمساحة لإشكال مركبة تحتوي على مربعات ومستطيلات ومثلثات وأنصاف دوائر أو أرباع دوائر.
<b>الهندسة</b>			
		4A 6A	٤. يصف ويصنف الاشكال الثلاثية الابعاد الشائعة طبقاً لأعداد وإشكال الواجه والأحرف والرؤوس .
		4A 5B 6B	٥. تصنيف الزوايا إلى حادة، منفرجة، مستقيمة بالدرجات ٩٠ و ١٨٠ و ٢٧٠ و ٣٦٠ والدورات ربع دائرة ، نصف دائرة ، ثلاثة ارباع دائرة ، دورة كاملة.
		5B 6B	٩. تصنيف الزوايا المتقابلة بالرأس ، المجاورة ، متممة ، مكمله ويزود بأوصاف لهذه الشروط .
		5B 6B	٢٥. إيجاد الزوايا الغير معلومة في الاشكال الهندسيه بالاعتماد على الزوايا المتقابلة بالرأس والمتجاورة والمتتامه أو المتكاملة

	5B 6B	٢٦. يعرف ويستخدم خصائص الزوايه الناتجة عن تقاطع الخطوط ، مثلثات ، متوازيات الاضلاع ، معينات شبه منحرف لحل مسائل تشتمل على إيجاد الزوايا غير معلومة . .
	4A 6A	٢٧. تصور ، وصف ورسم المجسمات الهندسية
	4A	٢٨. تحديد شبكات المجسمات .
<b>النسبة المئوية</b>		
	5B6A	٩. حل المسائل التي تحتوي على نسبة مئوية من كمية.
	6A	١٠. حل المسائل التي تحتوي على جزء من الكل كنسبة مئوية .
	6A	١١. حل مسائل تشتمل على وحدة واحدة كنسبة مئوية من اخرى . .
	5B 6A	١٢. حساب النسبة المئوية من الكميات المعطاة وحل المسائل التي تحتوي على تخفيضات في المبيعات ، الربح المكتسب ، النسبة المئوية لزيادة أو النقصان .
<b>النسبة / المعدل / التناسب / السرعة</b>		
	5A 6A	٨- استخدام النسب لمقارنة كميتين.
	5A 6A	٩- استخدام النسب لمقارنة ثلاث كميات
	5A 6A	١٠- إيجاد النسب المتكافئة وتبسيط النسب .
	5A 6A	١١- استخدام النسب لحل المسائل .
	6A	١٢- ربط النسب بالكسر من كمية .
	6A	١٣- حل مسائل تحتوي على نسب متغيرة .
	6A	١٤- علاقة النسب بالتناسب .
	6A	٨- حل المسائل التي تحتوي على التناسب.
	5B 6A	٩- فهم المعدل كقياس من كمية وحدة واحدة لكل وحدة بالنسبة للاحرى
	5B 6A	١٠- حل المسائل التي تحتوي على نسبة
	5B 6A	١١- حل المسائل التي تحتوي على التناسبات .
	5B 6A	١٢- حل المسائل التي تحتوي على المعدل .
	6A	١٣- حل مسائل نسبة التخفيض تحتوي على الزمن .
	6A	١٤- فهم واستخدام السرعة ومعدل السرعة لحل المسائل
<b>حل المسألة:</b>		
	5A 5B 6A 6B	٨. حل مسائل متعددة الخطوات تحتوي كل العمليات الاربع على الاعداد الكلية ، الكسور، الاعداد العشرية ، النسب المئوية ، النسب
	5B 6A 6B	٩. حل مسائل متعددة الخطوات تحتوي على المعدل ، والنسبة ، والنسبة المئوية .
	6A 6 B	١٠. حل مسائل متعددة الخطوات تحتوي على السرعة ومعدل السرعة .
	6B	١١. حل مسائل أكثر تحدي .
<b>تحليل البيانات والاحتمالات:</b>		
	6B	٢٣. جمع ، تنظيم وعرض البيانات في القطاعات الدائرية .
<b>الجبر</b>		
	4A 5A 6A 6B	٢٦. استخدام الحروف للإشارة على الاعداد المجهولة في المعادلات والحل باستخدام العمليات الاربع .
	4B 5B 6A 6B	٢٧. تمثيل الكميات غير المعلومة باستخدام التمثيلات وحل مسائل تحتوي على اعداد كلية باستخدام التمثيلات.
	5B 6A 6B	٢٨. استخدام التمثيلات لحل مسائل تحتوي على كسور .
	5A 6A 6B	٢٩. استخدام التمثيلات لحل مسائل تحتوي على كسور عشريه .

	4B 5A 5B 6A	٣٠ . استخدام التمثيلات لحل مسائل تحتوي على نسبة مؤيه .
	4A 4B 5A 5B	٣١ . استخدام التمثيلات لحل مسائل تحتوي على نسبة .
	4B 5B 6A	٣٢ . حل مسائل تحتوي على توظيف العلاقات بين كميتين.
	5B 6B	٣٣ . كتابه وإيجاد قيمة التعبيرات الجبريه البسيطة في متغير واحد باستخدام الطرح .
	5B 6A	٣٤ . كتابه وإيجاد قيمة التعبيرات الجبريه البسيطة لحالات معطاة باستخدام ثلاث متغيرات .
	6A 6B	٣٥ . استخدام خاصية التوزيع في التغيرات الجبريه مع التغيرات
	6A 6 B	٣٦ . تبسيط العبارات الجبريه في متغير واحد .
	4B 5B 6A	٣٧ . استخدام المتغيرات في التعبيرات التي تصنف كميات هندسيه
	4A 5B	٣٨ . حل معادلات جبريه بسيطة في متغير واحد
	6A	٣٩ . حل مسائل تحتوي على دوال خطيه بسيطة مع قيم الاعداد الكليه ، كتابه معادله ورسم الأزواج المرتبه الناتجة على المستوى الاحداثي
	6B	٤٠ . تطبيق الترتيب الجبري للعمليات وخصائص الابدال التجميع والتوزيع لإيجاد قيمة العبارات الجبريه اللتي تشمل على اعداد صحيحة موجبه وسالبه

**ملحق ( ٤ )**

**خطاب مركز البحوث**

الخدمات الخارجية  
" الرسائل الجامعية "

الرقم : ٣٧٨٩٢٠  
التاريخ : ١٤٣٧/٠٧/٠٣ هـ  
الموافق : ٢٠١٦/٠٤/١٠ م

الموقر / ة

المكرم / ة الباحث / ة : أحمد علي معيض الغامدي  
جامعة أم القرى  
Ah33d@outlook.com

السلام عليكم ورحمة الله وبركاته ... وبعد  
فإشارة إلى استفسارك الكريم عن الموضوع التالي :  
( رياضيات المرحلة الابتدائية في المملكة العربية السعودية وجمهورية سنغافورة في ضوء معايير المحتوى "دراسة مقارنة" )  
فقد تم أنه بالبحث في قاعدة معلومات الرسائل الجامعية المتاحة لدى المركز تبين عدم توافر معلومات عنه . كما نأمل منكم في حالة اعتماد البحث تزويد المركز بنسخة من قرار الموافقة النهائية الصادر عن الكلية لتسجيل البحث في قاعدة بيانات الرسائل الجامعية بالمركز لضمان حق الطالب / ة وعدم تكرار تسجيل البحث في أي جامعة أخرى .  
مع أمنيائي لكم بدوام التوفيق والسداد،،،،

مستشار شؤون المكاتب

عبد الله بن محمد المنيف



ملحق ( ٥ )

معايير الأعداد والعمليات عليها

# Number and Operations

## STANDARD

for Grades

# 6–8

*Instructional programs from prekindergarten through grade 12 should enable all students to—*

## Expectations

In grades 6–8 all students should—

Understand numbers, ways of representing numbers, relationships among numbers, and number systems

- work flexibly with fractions, decimals, and percents to solve problems;
- compare and order fractions, decimals, and percents efficiently and find their approximate locations on a number line;
- develop meaning for percents greater than 100 and less than 1;
- understand and use ratios and proportions to represent quantitative relationships;
- develop an understanding of large numbers and recognize and appropriately use exponential, scientific, and calculator notation;
- use factors, multiples, prime factorization, and relatively prime numbers to solve problems;
- develop meaning for integers and represent and compare quantities with them.

Understand meanings of operations and how they relate to one another

- understand the meaning and effects of arithmetic operations with fractions, decimals, and integers;
- use the associative and commutative properties of addition and multiplication and the distributive property of multiplication over addition to simplify computations with integers, fractions, and decimals;
- understand and use the inverse relationships of addition and subtraction, multiplication and division, and squaring and finding square roots to simplify computations and solve problems.

Compute fluently and make reasonable estimates

- select appropriate methods and tools for computing with fractions and decimals from among mental computation, estimation, calculators or computers, and paper and pencil, depending on the situation, and apply the selected methods;
- develop and analyze algorithms for computing with fractions, decimals, and integers and develop fluency in their use;
- develop and use strategies to estimate the results of rational-number computations and judge the reasonableness of the results;
- develop, analyze, and explain methods for solving problems involving proportions, such as scaling and finding equivalent ratios.



ملحق ( ٦ )

معايير الجبر

# Algebra STANDARD for Grades

## 6–8

*Instructional programs from  
prekindergarten through grade 12  
should enable all students to—*

### Expectations

In grades 6–8 all students should—

Understand patterns, relations, and functions

- represent, analyze, and generalize a variety of patterns with tables, graphs, words, and, when possible, symbolic rules;
- relate and compare different forms of representation for a relationship;
- identify functions as linear or nonlinear and contrast their properties from tables, graphs, or equations.

Represent and analyze mathematical situations and structures using algebraic symbols

- develop an initial conceptual understanding of different uses of variables;
- explore relationships between symbolic expressions and graphs of lines, paying particular attention to the meaning of intercept and slope;
- use symbolic algebra to represent situations and to solve problems, especially those that involve linear relationships;
- recognize and generate equivalent forms for simple algebraic expressions and solve linear equations.

Use mathematical models to represent and understand quantitative relationships

- model and solve contextualized problems using various representations, such as graphs, tables, and equations.

Analyze change in various contexts

- use graphs to analyze the nature of changes in quantities in linear relationships.



ملحق ( ٧ )

معايير الهندسة

# Geometry STANDARD

for Grades

## 6–8

*Instructional programs from prekindergarten through grade 12 should enable all students to—*

### Expectations

In grades 6–8 all students should—

Analyze characteristics and properties of two- and three-dimensional geometric shapes and develop mathematical arguments about geometric relationships

- precisely describe, classify, and understand relationships among types of two- and three-dimensional objects using their defining properties;
- understand relationships among the angles, side lengths, perimeters, areas, and volumes of similar objects;
- create and critique inductive and deductive arguments concerning geometric ideas and relationships, such as congruence, similarity, and the Pythagorean relationship.

Specify locations and describe spatial relationships using coordinate geometry and other representational systems

- use coordinate geometry to represent and examine the properties of geometric shapes;
- use coordinate geometry to examine special geometric shapes, such as regular polygons or those with pairs of parallel or perpendicular sides.

Apply transformations and use symmetry to analyze mathematical situations

- describe sizes, positions, and orientations of shapes under informal transformations such as flips, turns, slides, and scaling;
- examine the congruence, similarity, and line or rotational symmetry of objects using transformations.

Use visualization, spatial reasoning, and geometric modeling to solve problems

- draw geometric objects with specified properties, such as side lengths or angle measures;
- use two-dimensional representations of three-dimensional objects to visualize and solve problems such as those involving surface area and volume;
- use visual tools such as networks to represent and solve problems;
- use geometric models to represent and explain numerical and algebraic relationships;
- recognize and apply geometric ideas and relationships in areas outside the mathematics classroom, such as art, science, and everyday life.



ملحق ( ٨ )

**معايير القياس**

# Measurement

## STANDARD

for Grades

# 6–8

*Instructional programs from prekindergarten through grade 12 should enable all students to—*

## Expectations

In grades 6–8 all students should—

Understand measurable attributes of objects and the units, systems, and processes of measurement

- understand both metric and customary systems of measurement;
- understand relationships among units and convert from one unit to another within the same system;
- understand, select, and use units of appropriate size and type to measure angles, perimeter, area, surface area, and volume.

Apply appropriate techniques, tools, and formulas to determine measurements

- use common benchmarks to select appropriate methods for estimating measurements;
- select and apply techniques and tools to accurately find length, area, volume, and angle measures to appropriate levels of precision;
- develop and use formulas to determine the circumference of circles and the area of triangles, parallelograms, trapezoids, and circles and develop strategies to find the area of more-complex shapes;
- develop strategies to determine the surface area and volume of selected prisms, pyramids, and cylinders;
- solve problems involving scale factors, using ratio and proportion;
- solve simple problems involving rates and derived measurements for such attributes as velocity and density.



ملحق (١٠)

معايير الاحصاء والاحتمالات

# Data Analysis and Probability

## STANDARD

for Grades

# 6–8

*Instructional programs from prekindergarten through grade 12 should enable all students to—*

## Expectations

In grades 6–8 all students should—

Formulate questions that can be addressed with data and collect, organize, and display relevant data to answer them

- formulate questions, design studies, and collect data about a characteristic shared by two populations or different characteristics within one population;
- select, create, and use appropriate graphical representations of data, including histograms, box plots, and scatterplots.

Select and use appropriate statistical methods to analyze data

- find, use, and interpret measures of center and spread, including mean and interquartile range;
- discuss and understand the correspondence between data sets and their graphical representations, especially histograms, stem-and-leaf plots, box plots, and scatterplots.

Develop and evaluate inferences and predictions that are based on data

- use observations about differences between two or more samples to make conjectures about the populations from which the samples were taken;
- make conjectures about possible relationships between two characteristics of a sample on the basis of scatterplots of the data and approximate lines of fit;
- use conjectures to formulate new questions and plan new studies to answer them.

Understand and apply basic concepts of probability

- understand and use appropriate terminology to describe complementary and mutually exclusive events;
- use proportionality and a basic understanding of probability to make and test conjectures about the results of experiments and simulations;
- compute probabilities for simple compound events, using such methods as organized lists, tree diagrams, and area models.



ملحق (١٠)

التكرارات والنسب المئوية لمعايير المحتوى كتاب

الرياضيات للصف السادس الابتدائي

في المملكة العربية السعودية وجمهورية سنغافورة

التكررات والنسب المئوية لمعايير الاعداد والعمليات للصف السادس الابتدائي بالمملكة العربية السعودية

النسبة المئوية	المجموع	الفصل الدراسي الثاني					الفصل الدراسي الاول					المعيار ومؤشراته
		الخامس	الرابع	الثالث	الثاني	الأول	الخامس	الرابع	الثالث	الثاني	الأول	
٪١٩.٤١	٣٩٦	٠	٩	١٠	٨٠	٤٩	٢٠	١٤٩	٧٦	٠	٣	١- يعمل بمرونة مع الكسور ، والكسور العشرية ، و النسب لحل المشكلات .
٪٤.٥١	٩٢	٠	١	١	٢	٠	٧	٣٤	٤٧	٠	٠	٢- يقارن و يرتب وتقريب الكسور ، الكسور العشرية ، و النسب بكفاءة عالية ، و يوجد مواقعها التقريبية على خط الاعداد .
٪٠.٧٨	١٦	٠	٠	١٦	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٣- يطور المعنى للنسب التي تكون أكثر من (١٠٠) وأقل من (١) .
٪١١.٩٦	٢٤٤	٥	٧	٩٣	١٣٨	٠	٠	٠	٠	٠	١	٤- يفهم ويستخدم النسبة والتناسب لتمثيل العلاقات الكمية .
٪١.٥٧	٣٢	٤	٠	٣	٠	٠	٣	١	٨	٦	٧	٥- تنمية فهم الاعداد الكبيرة ، وإدراكها ، وتعرف الرموز الأساسية العلمية ، ورموز الحاسبات واستخدامها بطريقة مناسبة .
٪٦.٧٢	١٣٧	٠	٠	٠	٠	٠	٣	٦٢	٣	٠	٦٩	٦- يستخدم العوامل ، المضاعفات ، والتحليل الى عوامل أولية ، والاعداد الأولية فيما بينها لحل المسائل .
٪٠.١٥	٣	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٣	٠	٠	٧- يطور المعنى للأعداد الصحيحة ، و يمثل ويقارن الكميات باستخدامها .
٪٤٥.١	٩٢٠	٩	١٧	١٢٣	٢٢٠	٤٩	٣٣	٢٤٦	١٣٧	٦	٨٠	اولاً: يفهم الأعداد وطرق تمثيلها، والعلاقات بين الأعداد، والأنظمة العددية
٪٣٣.٥٣	٦٨٤	٥١	٣	٥	٩	٣١٤	٤٠	١٠	١٨٦	١٤	٥٢	١- يفهم المعنى و تأثيرات العمليات الحسابية مع الكسور والكسور العشرية و الاعداد الصحيحة.
٪٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٢- يستخدم خصائص التجميع والابدال لعمليتي الجمع والضرب وخاصة توزيع الضرب على الجمع لتبسيط العمليات الحسابية مع الاعداد الصحيحة والكسور و الكسور العشرية
٪٠.٢٥	٥	٢	٠	٠	٠	٠	٠	٢	٠	١	٠	٣- يفهم و يستخدم العلاقات العكسية لعملية الجمع والطرح والضرب والقسمة ، والتربيع ويجاد الجذور التربيعية لتبسيط العمليات الحسابية وحل المسائل .
٪٣٣.٧٧	٦٨٩	٥٣	٣	٥	٩	٣١٤	٤٠	١٢	١٨٦	١٥	٥٢	ثانياً : يفهم معاني العمليات وكيف ترتبط احداها بالآخرى .
٪١٦.٨٦	٣٤٤	١	٠	٥	٨	٣١٥	٠	٤	١١	٠	٠	١- يختار الطرق والأدوات المناسبة للحساب مع الكسور والكسور العشرية من بين ( الحسابي الذهني والتقدير والآلات الحاسبة او الكمبيوتر والقلم الورقة ) بناءً على الموقف وتطبيق الطرق المحتارة .
٪١.١٨	٢٤	٠	٠	٠	٠	١٨	٠	٢	٣	٠	١	٢- يطور ويحلل الخوارزميات للحساب مع الكسور والكسور العشرية والأعداد الصحيحة و يطور السلسلة في استخدامها .
٪٢.٧٥	٥٦	٩	٠	٠	٨	٢٧	١	٧	٤	٠	٠	٣- يطور ويستخدم استراتيجيات لتقدير نتائج العمليات الحسابية للأعداد النسبية ، والحكم على معقولية النتائج .
٪٠.٣٤	٧	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٧	٠	٠	٠	٤- يطور ويحلل ويشرح طرق لحل مسائل تشتمل على التناسبات ، مثل المقياس ، وإيجاد النسب المتكافئة .
٪٢١.١٣	٤٣١	١٠	٠	٥	١٦	٣٦٠	١	٢٠	١٨	٠	١	ثالثاً : يحسب بدقة وطلاقة ويعطي تقديرات معقولة (منطقية)
٪١٠٠	٢٠٤٠	٧٢	٢٠	١٣٣	٢٤٥	٧٢٣	٧٤	٢٧٨	٣٤١	٢١	١٣٣	المجموع

التكررات والنسب المئوية لمعايير الاعداد والعمليات للصف السادس الابتدائي بجمهورية سنغافورة

النسبة المئوية	المجموع	الفصل الدراسي الثاني							الفصل الدراسي الاول					الفصول المعيار ومؤشراته	
		٧	٦	٥	٤	٣	٢	١	٦	٥	٤	٣	٢		١
%١٦.٥٠	٤٨٣	١٦	٢٤	٢٩	٢٦	٥	٤٤	٥٦	٤٦	٣٣	٨٦	٨١	٣٦	١	١- يعمل بمرونة مع الكسور ، والكسور العشرية ، و ايضا النسب المشكلات .
%٢.٠٢	٥٩	٠	٢	٠	٠	٠	٠	٠	٢	٣	٤٤	٠	٨	٠	٢- يقارن و يرتب وتقريب الكسور ، الكسور العشرية ، و النسب بكفاءة عالية ، و يوجد مواقعها التقريبية على خط الاعداد
%٠.١٠	٣	٠	٢	٠	٠	٠	١	٠	٠	٠	٠	٨	٠	٠	٣- يطور المعنى للنسب التي تكون أكثر من (١٠٠) وأقل من (١) .
%٨.٣٧	٢٤٥	٣	١٤	٠	٨	٤	٩	٠	١٩	٢٨	٨٤	٧٦	٠	٠	٤- يفهم ويستخدم النسبة والتناسب لتمثيل العلاقات الكمية .
%١.٩٥	٥٧	٠	١	٣	٢٢	٤	٦	٠	٥	٤	٠	١٢	٠	٠	٥- تنمية فهم الأعداد الكبيرة ، وإدراكها ، وتعرف الرموز الأساسية العلمية ، ورموز الحاسبات واستخدامها بطريقة مناسبة .
%٠.٩٩	٢٩	٤	٠	٣	٤	٧	٠	٠	٠	٢	٠	٤	٠	٥	٦- يستخدم العوامل ، المضاعفات ، والتحليل الى عوامل أوليه ، والاعداد الاولية فيما بينها لحل المسائل .
%٣.٩٣	١١٥	٠	٠	٢٨	٠	٥	٠	٠	٦	٢٥	٤٨	٣	٠	٠	٧- يطور المعنى للأعداد الصحيحة ، و يمثل ويقارن الكميات باستخدامها .
%٣٤.١	٩٩٨	٢٣	٤٢	٦٣	٦٠	٢٥	٦٠	٥٦	٧٨	٩٥	٢٦٢	١٨٤	٤٤	٦	اولا: يفهم الأعداد وطرق تمثيلها ، والعلاقات بين الأعداد، والأنظمة العددية
%١٩.٥٤	٥٧٢	٥٧	٣١	٥٥	١٣	٣٤	٠	٥٤	٤٥	٣٠	٨٥	٩٣	٣٥	٤٠	١- يفهم المعنى و تأثيرات العمليات الحسابية مع الكسور والكسور العشرية و الاعداد الصحيحة.
%٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٢- يستخدم خصائص التجميع والابدال لعمليتي الجمع والضرب وخاصة توزيع الضرب على الجمع لتبسيط العمليات الحسابية مع الاعداد الصحيحة والكسور و الكسور العشرية
%٢.٧٠	٧٩	٠	١٤	١٩	٠	٢	٠	٠	١	٠	٠	١٤	٢٠	٠	٣- يفهم و يستخدم العلاقات العكسية لعملية الجمع والطرح والضرب والقسمة ، والتربيع وايجاد الجذور التربيعية لتبسيط العمليات الحسابية وحل المسائل .
%٢١.٩٣	٦٤٢	٥٧	٤٥	٧٤	١٣	٣٦	٠	٥٤	٤٦	٣٠	٨٥	١٠٧	٥٥	٤٠	ثانيا : يفهم معاني العمليات وكيف ترتبط احداها بالأخرى .
%١٢.٨٥	٣٧٦	١٧	٢٦	٢٤	٢٦	٦	٣٢	٢٠	١٥	١٠	٨٧	٧٨	٣٥	٠	١- يختار الطرق والأدوات المناسبة للحساب مع الكسور والكسور العشرية من بين ( الحسابي الذهني والتقدير والآلات الحاسبة او الكمبيوتر والقلم الورقة ) بناءً على الموقف وتطبيق الطرق المختارة .
%١٥.٣٧	٤٥٠	٢٦	٢٣	٤٣	٢٤	٣٣	١٥	٢	١٦	١٥	٨٠	١٠١	٣٢	٤٠	٢- يطور ويحلل الخوارزميات للحساب مع الكسور والكسور العشرية والأعداد الصحيحة و يطور السلاسة في استخدامها .
%١٠.١٨	٢٩٨	١٨	٢٢	٢٦	٠	٠	٠	٠	١٤	١٠	٧٨	٩٦	٣٤	٠	٣- يطور ويستخدم استراتيجيات لتقدير نتائج العمليات الحسابية للأعداد النسبية ، والحكم على معقولية النتائج .
%٥.٥٧	١٦٣	٢٠	٩	٠	٠	٦	٠	٠	١٩	١٦	٢١	٦٧	٥	٠	٤- يطور ويحلل ويشرح طرق لحل مسائل تشتمل على التناسبات ، مثل المقياس ، وإيجاد النسب المتكافئة .
%٤٣.٩٧	١٢٨٧	٨١	٨٠	٩٣	٥٠	٤٥	٤٧	٢٢	٦٤	٥١	٢٦٦	٣٤٢	١٠٦	٤٠	ثالثا : يحسب بدقة وطلاقة ويعطي تقديرات معقولة (منطقية)
%١٠٠	٢٩٢٧	١٦١	١٦٧	٢٣٠	١٢٣	١٠٦	١٠٧	١٣٢	١٨٨	١٧٦	٦١٣	٦٣٣	٢٠٥	٨٦	المجموع

التكررات والنسب المئوية لمعايير الجبر للصف السادس الابتدائي بالمملكة العربية السعودية

النسبة المئوية	المجموع	الفصل الدراسي الثاني					الفصل الدراسي الاول					الفصول
		الخامس	الرابع	الثالث	الثاني	الأول	الخامس	الرابع	الثالث	الثاني	الأول	
٪١٢.١٣	٦٦	٧	٢	٤	٢٧	١	٣	٢	٢	٢	١٦	١- يمثل ويحلل ويعمم مختلف الانماط مع الجداول والرسوم البيانية والكلمات والقواعد الرمزية ( إذا أمكن )
٪٤.٧٨	٢٦	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٢٢	٤	٢- يربط ويقارن الصيغ (الأشكال) المختلفة للعلاقة الممثلة .
٪٠.٧٤	٤	٠	٠	٠	٠	٠	١	٠	١	٠	٢	٣- يحدد الدوال كـ ( خطية / غير خطية ) ويكشف خصائصها من الجداول والرسوم البيانية أو المعادلات .
٪١٧.٦٥	٩٦	٧	٢	٤	٢٧	١	٤	٢	٣	٢٤	٢٢	المعيار الاول : يفهم الأنماط والعلاقات والدوال.
٪٣٧.٣٢	٢٠٣	١٠	٢٦	٢٠	٢٨	٢٥	٢	٧	١٦	٩	٦٠	١- يطور فهم مفاهيمي أولي للاستخدامات المختلفة للمتغيرات .
٪٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٢- يكتشف العلاقات بين التعابير الرمزية والرسوم البيانية للخطوط مع إعطاء الأهمية لمعنى ( القاطع والميل ) .
٪٢٠.٥٩	١١٢	٢٥	٤٣	٢٠	٠	١	٠	١	٠	١	٢١	٣- يستخدم الجبر الرمزي لتمثيل مواقف وحل مسائل وخاصة التي تشتمل على علاقات الخطية .
٪١٩.٤٩	١٠٦	٤	٤٠	٣	٢	٢٥	٠	١	٣	٥	٢٣	٤- يتعرف ويولد صيغ مكافئة لتعابير حربية بسيطة وحل معادلات خطية .
٪٧٧.٣٩	٤٢١	٣٩	١٠٩	٤٣	٣٠	٥١	٢	٩	١٩	١٥	١٠٤	المعيار الثاني : يمثل ويحلل الحالات والبنى الجبرية مستخدماً الرموز الجبرية .
٪١.٤٧	٨	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	١	٧	١- يعمل نماذج ويحل مسائل في سياقها باستخدام تمثيلات مختلفة مثل الرسوم البيانية والجداول والمعادلات .
٪١.٤٧	٨	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	١	٧	المعيار الثالث : يستخدم النماذج الرياضية لتمثيل وفهم العلاقات الكمية .
٪٣.٤٩	١٩	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	١٩	٠	١- يستخدم الرسوم البيانية ليحلل طبيعة التغيرات في الكميات في العلاقات الخطية .
٪٣.٤٩	١٩	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	١٩	٠	المعيار الرابع : يحلل التغير في سياقات مختلفة .
٪١٠٠	٥٤٤	٤٦	١١١	٤٧	٥٧	٥٢	٦	١١	٢٢	٥٩	١٣٣	المجموع

التكررات والنسب المئوية لمعايير الجبر للصف السادس الابتدائي بجمهورية سنغافورة

النسبة المئوية	المجموع	الفصل الدراسي الثاني							الفصل الدراسي الأول					الفصول	المعيار ومؤشراته
		٧	٦	٥	٤	٣	٢	١	٦	٥	٤	٣	٢		
٪١.٧٧	١٦	٢	٠	٠	٠	٠	١	٠	١	٠	٠	٢	٨	٢	١- يمثل ويحلل ويعمم مختلف الانماط مع الجداول والرسوم البيانية والكلمات والقواعد الرمزية (إذا أمكن)
٪٠.٣٣	٣	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٣	٢- يربط ويقارن الصيغ (الأشكال) المختلفة للعلاقة الممثلة .
٪٠.٣٣	٣	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٣	٣- يحدد الدوال كـ (خطية / غير خطية) ويكشف خصائصها من الجداول والرسوم البيانية أو المعادلات .
٪٢.٤٣	٢٢	٢	٠	٠	٠	٠	١	٠	١	٠	٠	٢	٨	٨	المعيار الأول: يفهم الأنماط والعلاقات والدوال.
٪٤٧.٩٠	٤٣٤	٥٥	٤١	٣١	١١	٠	٤	٠	٦٧	٢٤	٨١	٥٨	٢٢	٤٠	١- يطور فهم مفاهيمي أولي للاستخدامات المختلفة للمتغيرات .
٪٠.٥٥	٥	٠	٥	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٢- يكتشف العلاقات بين التعابير الرمزية والرسوم البيانية للخطوط مع إعطاء الأهمية لمعنى (القاطع والميل) .
٪٣.٤٢	٣١	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٧	٠	٠	٠	٨	٢٦	٣- يستخدم الجبر الرمزي لتمثيل مواقف وحل مسائل وخاصة التي تشتمل على علاقات الخطية .
٪١٢.٥٨	١١٤	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	١٩	١٠	٦٥	٠	٥	١٥	٤- يتعرف ويولد صيغ مكافئة لتعابير حبرية بسيطة وحل معادلات خطية .
٪٦٥.٥٦	٥٩٤	٥٥	٤٦	٣١	١١	٠	٤	٠	٩٣	٣٤	١٤٦	٥٨	٣٥	٨١	المعيار الثاني: يمثل ويحلل الحالات والبنى الجبرية مستخدماً الرموز الجبرية .
٪٢١.٠٨	١٩١	١٦	١٤	١٠	٠	٠	٠	٠	٠	١٣	٦٣	٢٠	٢٦	٢٩	١- يعمل نماذج ويحل مسائل في سياقها باستخدام تمثيلات مختلفة مثل الرسوم البيانية والجداول والمعادلات .
٪٢١.٠٨	١٩١	١٦	١٤	١٠	٠	٠	٠	٠	٠	١٣	٦٣	٢٠	٢٦	٢٩	المعيار الثالث: يستخدم النماذج الرياضية لتمثيل وفهم العلاقات الكمية .
٪١٠.٩٣	٩٩	٥	١	٧	٠	٠	٠	٠	٠	١٣	٣٩	٢١	١٣	٠	١- يستخدم الرسوم البيانية ليحلل طبيعة التغيرات في الكميات في العلاقات الخطية .
٪١٠.٩٣	٩٩	٥	١	٧	٠	٠	٠	٠	٠	١٣	٣٩	٢١	١٣	٠	المعيار الرابع: يحلل التغير في سياقات مختلفة .
٪١٠٠	٩٠٦	٧٨	٦١	٤٨	٠	٠	٥	٠	٩٤	٦٠	٢٤٨	١٠١	٨٢	١١٨	المجموع

التكررات والنسب المئوية لمعايير الهندسة للصف السادس الابتدائي في المملكة العربية السعودية

النسبة المئوية	المجموع	الفصل الدراسي الثاني					الفصل الدراسي الأول					الفصول	المعيار ومؤشراته
		الخامس	الرابع	الثالث	الثاني	الأول	الخامس	الرابع	الثالث	الثاني	الأول		
٪١٤.٠٥	٧٨	١٩	٥٦	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٣	يصف، يصنف، يفهم بدقة العلاقات بين أنواع من الأشكال ثنائيه وثلاثية الأبعاد مستخدماً خصائصها المحددة.	
٪٤١.٢٦	٢٢٩	١٥٥	٧١	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٣	يفهم العلاقات بين الزوايا وأطوال الأضلاع والمحيط والمساحة والحجم للأشكال المتشابهة.	
٪٥.٥٩	٣١	٢٠	١١	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	يكون وينقد براهين استدلالية واستنتاجية فيما يخص الأفكار والعلاقات الهندسية مثل التطابق والتشابه علاقة فيثاغورس .	
٪٦٠.٩٠	٣٣٨	١٩٤	١٣٨	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٦	المعيار الأول : يحلل صفات وخصائص الأشكال الهندسية ثنائية او ثلاثية الأبعاد ، ويطور حجج رياضية عن العلاقات الهندسية.	
٪٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	يستخدم المستوى الإحداثي لتمثيل واختبار خصائص الأشكال الهندسية .	
٪٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	يستخدم المستوى الإحداثي لدراسة الأشكال الهندسية مثل المضلع المنتظم او مضلعات تحوي أضلاع متوازية أو متعامدة .	
٪٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	المعيار الثاني : يعين الإحداثيات ، ويصف العلاقات المكانية مستخدماً المستوى الإحداثي الهندسي و أنظمة التمثيل الأخرى.	
٪٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	يصف قياسات و مواضع واتجاهات الأشكال تحت تأثير الانقلاب والانسحاب والانعكاس والتمدد .	
٪٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	يختبر التطابق والتشابه ومحاور التناظر للأشكال مستخدماً التحويلات الهندسية .	
٪٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	المعيار الثالث : يطبق التحويلات الهندسية والتماثل لتحليل المواقف والحالات الرياضية .	
٪٢.٥٢	١٤	٣	١١	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	يرسم أشكال هندسية بخصائص محددة مثل أطوال الأضلاع او قياسات الزوايا .	
٪١.٢٦	٧	٧	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	يستخدم التمثيلات الثنائية الأبعاد للأشكال الثلاثية الأبعاد لتصوير وتمثيل وحل المسائل التي تشتمل على مساحة السطح والحجم .	
٪١٠.٤٥	٥٨	٥	٢	١٣	٠	٣٨	٠	٠	٠	٠	٠	يستخدم ادوات التمثيل مثل شبكة العمل لتمثيل وحل المسائل .	
٪١٥.٥٠	٨٦	١	٠	١١	٢	٣٧	٠	١٤	٢٠	٠	٠	يستخدم التمثيلات الهندسية (النماذج) لتمثيل وشرح العلاقات العددية والجبرية.	
٪٩.٥٥	٥٣	٣٥	١١	٠	٢	٥	٠	٠	٠	٠	٠	يدرك ويطبق الأفكار والعلاقات الهندسية في مجالات خارج فصل الرياضيات مثل الفن والعلوم والحياه اليومية.	
٪٣٩.١	٢١٧	٥١	٢٤	٢٤	٤	٨٠	٠	١٤	٢٠	٠	٠	المعيار الرابع: يستخدم التصور البصري والتفكير المنطقي والتمثيل الهندسي لحل المسائل .	
٪١٠٠	٥٥٥	٢٤٥	١٦٢	٢٤	٤	٨٠	٠	١٤	٢٠	٠	٦	المجموع	

التكررات والنسب المئوية لمعايير الهندسة للصف السادس الابتدائي بجمهورية سنغافورة

النسبة المئوية	المجموع	الفصل الدراسي الثاني							الفصل الدراسي الاول					الفصول	المعيار ومؤشراته
		٧	٦	٥	٤	٣	٢	١	٦	٥	٤	٣	٢		
%١٨.٨٤	٢٦٩	٢٧	٠	٠	٨٠	٣٣	٣٦	٤٨	٢٤	٠	٠	٢٠	٠	١	يصف، يصنف، يفهم بدقة العلاقات بين انواع من الأشكال ثنائية وثلاثية الأبعاد مستخدما خصائصها المحددة.
%١٨.٧٠	٢٦٧	٢٨	٠	٠	٨٤	٣٣	٣٤	٦٤	١٣	٠	١	٨	٢	٠	يفهم العلاقات بين الزوايا وأطوال الأضلاع والمحيط والمساحة والحجم للأشكال المتشابهة.
%١٣.١٧	١٨٨	٢٥	٠	٠	٧٦	١٢	٢٢	٣١	٢٢	٠	٠	٠	٠	٠	يكون وينقد براهين استدلالية واستنتاجية فيما يخص الأفكار والعلاقات الهندسية مثل التطابق والتشابه علاقة فيثاغورس .
%٥٠.٦٣	٧٢٣	٨٠	٠	٠	٢٤٠	٧٨	٩٢	١٤٣	٥٩	٠	٠	٢٨	٢	١	المعيار الاول : يحلل صفات وخصائص الأشكال الهندسية ثنائية او ثلاثية الأبعاد ، ويطور حجج رياضية عن العلاقات الهندسية.
%٠.١٤	٢	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٢	٠	٠	٠	٠	٠	يستخدم المستوى الإحداثي لتمثيل واختبار خصائص الأشكال الهندسية .
%٠.١٤	٢	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٢	٠	٠	٠	٠	٠	يستخدم المستوى الإحداثي لدراسة الأشكال الهندسية مثل المضلع المنتظم او مضلعات تحوي أضلاع متوازية أو متعامدة .
%٠.٢٨	٤	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٤	٠	٠	٠	٠	٠	المعيار الثاني : يعين الإحداثيات ، ويصف العلاقات المكانية مستخدماً المستوى الإحداثي الهندسي و أنظمة التمثيل الأخرى.
%٣.٥١	٤٥	١١	٠	٠	٠	٠	١٨	١٥	١	٠	٠	٠	٠	٠	يصف قياسات و مواضع واتجاهات الأشكال تحت تأثير الانقلاب والانسحاب والانعكاس والتعدد .
%٣.٧١	٥٣	١١	٠	٠	٠	٠	١٧	١٣	١٢	٠	٠	٠	٠	٠	يختبر التطابق والتشابه ومحاور التناظر للأشكال مستخدماً التحويلات الهندسية .
%٦.٨٦	٩٨	٢٢	٠	٠	٠	٠	٣٥	٢٨	١٣	٠	٠	٠	٠	٠	المعيار الثالث : يطبق التحويلات الهندسية والتماثل لتحليل المواقف والحالات الرياضية .
%٠.٠٧	١	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	١	٠	٠	٠	٠	٠	يرسم أشكال هندسية بخصائص محددة مثل أطوال الأضلاع او قياسات الزوايا .
%٣.٣٦	٤٨	٥	٠	٠	٠	٣٢	٠	٥	٥	٠	٠	١	٠	٠	يستخدم التمثيلات الثنائية الأبعاد للأشكال الثلاثية الأبعاد لتصور، وتمثيل وحل المسائل التي تشتمل على مساحة السطح والحجم .
%١٧.٣٧	٢٤٨	٤١	٢٣	٣٨	٥٣	٣٣	٠	٠	١١	٠	٩	٢٩	١١	٠	يستخدم ادوات التمثيل مثل شبكة العمل لتمثيل وحل المسائل .
%١٥.٩٠	٢٢٧	١٣	٢٣	٣٧	٣١	٣١	٠	٨	١	١٣	٢٨	٢٨	٩	٥	يستخدم التمثيلات الهندسية (النماذج) لتمثيل وشرح العلاقات العددية والجبرية.
%٤.٨٣	٦٩	٥	٨	٠	٠	١٨	٠	٠	١	٣٤	٠	٣	٠	٠	يدرك ويطبق الأفكار والعلاقات الهندسية في مجالات خارج فصل الرياضيات مثل الفن والعلوم والحياة اليومية.
%٤١.٤٦	٥٩٢	٦٤	٥٤	٧٥	٨٤	١١٤	٠	١٣	١٩	٤٧	٣٧	٦٠	٢٠	٥	المعيار الرابع: يستخدم التصور البصري والتفكير المنطقي والتمثيل الهندسي لحل المسائل .
%١٠٠	١٤٢٨	١٦٦	٥٤	٧٥	٣٢٤	١٩٢	١٢٧	١٩٤	٩٥	٤٧	٣٨	٨٨	٢٢	٦	المجموع

التكررات والنسب المئوية لمعايير القياس للصف السادس الابتدائي في المملكة العربية السعودية

النسبة المئوية	المجموع	الفصل الدراسي الثاني					الفصل الدراسي الأول					الفصول	المعيار ومؤشراته
		الخامس	الرابع	الثالث	الثاني	الأول	الخامس	الرابع	الثالث	الثاني	الأول		
٪٢٧.٧٤	١٩٥	٢	٧	٦	٢٧	٥٨	١١	٢١	٥٥	٥	٣	يفهم كلام من النظام المتري و النظام الانجليزي للقياس.	
٪٧.١١	٥٠	٠	٠	٠	٠	٠	٥٠	٠	٠	٠	٠	يفهم العلاقات بين الوحدات ويحول من وحدة إلى أخرى ضمن نفس نظام القياس .	
٪٥.١٢	٣٦	٠	٠	٠	٠	٠	٣٦	٠	٠	٠	٠	يفهم ويحدد ويستخدم الوحدات المناسبة من حيث المقدار والنوع لقياس الزوايا والمحيط والمساحة ومساحة السطح والحجم.	
٪٣٩.٩٧	٢٨١	٢	٧	٦	٢٧	٥٨	٩٧	٢١	٥٥	٥	٣	المعيار الأول : يفهم الصفات (السمات) القابلة للقياس للأشكال والوحدات والأنظمة وعمليات القياس.	
٪٠.٨٥	٦	٠	٠	٠	٠	٠	٦	٠	٠	٠	٠	يستخدم علامات مرجعية لتحديد الطرق المناسبة لتقدير القياس .	
٪٢٦.٦٠	١٨٧	٧٧	٦٩	٠	٠	١٩	١٩	٠	٠	٠	٣	يحدد ويطبق الأساليب والادوات الدقيقة لإيجاد الطول والمساحة والحجم وقياسات الزوايا بمستوى الدقة المطلوبة.	
٪١٨.٠٧	١٢٧	١٢٥	٠	٠	٠	٢	٠	٠	٠	٠	٠	يطور ويستخدم الصيغ ليجد محيط الدائرة ومساحة المثلثات ومتوازيات الأضلاع وأشباه المنحرفات والدوائر ، ويطور الاستراتيجيات لإيجاد المساحة لأشكال أكثر تعقيداً .	
٪٧.٩٧	٥٦	٥٦	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	يطور استراتيجيات لإيجاد مساحة السطح والحجم لمنشورات محددة وأهرام وأسطوانات .	
٪٤.٩٨	٣٥	٠	٥	٠	٢٨	٢	٠	٠	٠	٠	٠	يحل مسائل تشتمل على عوامل قياس مستخدماً النسبة والتناسب.	
٪١.٥٦	١١	٠	٠	٠	٧	٠	٠	٠	٣	٠	١	يحل مسائل بسيطة تشتمل على المعدلات ويستنتج قياسات السمات (الصفات) مثل السرعة والكثافة .	
٪٦.٠٢	٤٢٢	٢٥٨	٧٤	٠	٣٥	٢٣	٢٥	٠	٣	٠	٤	المعيار الثاني : يطبق الطرق والأدوات و الصيغ المناسبة لتحديد القياسات .	
٪١٠٠	٧٠٣	٢٦٠	٨١	٦	٦٢	٨١	١٢٢	٢١	٥٨	٥	٧	المجموع	

التكررات والنسب المئوية لمعايير القياس للصف السادس الابتدائي في جمهورية سنغافورة

النسبة المئوية	المجموع	الفصل الدراسي الثاني						الفصل الدراسي الاول					الفصول	المعيار ومؤشرات	
		٧	٦	٥	٤	٣	٢	١	٦	٥	٤	٣			٢
٪٢٠.٩٤	٢٧٧	١٥	٠	١	٤٥	٢٩	٣٨	٥٧	١٨	٣٠	١٩	٧	١٤	٤	يفهم كلا من النظام المترى و النظام الاتجليزي للقياس.
٪٢.٨٠	٣٧	٥	٠	٠	١٦	٩	٤	٠	٠	٢	٠	١	٠	٠	يفهم العلاقات بين الوحدات ويحول من وحدة إلى أخرى ضمن نفس نظام القياس .
٪١٨.٩٠	٢٥٠	٢٣	٠	٠	٧٢	١٩	٣٦	٥٥	٠	٣٠	٠	١	١٤	٠	يفهم ويحدد ويستخدم الوحدات المناسبة من حيث المقدار والنوع لقياس الزوايا والمحيط والمساحة ومساحة السطح والحجم.
٪٤٢.٦٣	٥٦٤	٤٣	٠	١	١٣٣	٥٧	٧٨	١١٢	١٨	٦٢	١٩	٩	٢٨	٤	المعيار الاول : يفهم الصفات (السمات) القابلة للقياس للأشكال والوحدات والأنظمة وعمليات القياس.
٪٢.٣٤	٣١	٠	٠	٠	٠	٠	٢	٢٩	٠	٠	٠	٠	٠	٠	يستخدم علامات مرجعية لتحديد الطرق المناسبة لتقدير القياس .
٪٢٢.٧٥	٣٠١	٢٩	١	٥	٧٢	٣٣	٤٨	٦٦	١٥	١٠	١٩	٠	٣	٣	يحدد ويطبق الاساليب والادوات الدقيقة لإيجاد الطول والمساحة والحجم وقياسات الزوايا بمستوى الدقة المطلوبة.
٪١٠.٩٦	١٤٥	٨	٢	٤	١٧	٠	٣٤	٦٠	١	٠	١	١٨	٠	٠	يطور ويستخدم الصيغ ليجد محيط الدائرة ومساحة المثلثات ومتوازيات الأضلاع وأشباه المنحرفات والدوائر ، ويطور الاستراتيجيات لإيجاد المساحة لأشكال أكثر تعقيداً .
٪٤.٣١	٥٧	٤	١	١	٢٨	٢٢	٠	٠	٠	٠	٠	١	٠	٠	يطور استراتيجيات لإيجاد مساحة السطح والحجم لمنشورات محددة وأهرام وأسطوانات .
٪٩.٠٧	١٢٠	١٢	٢	٢	٧	٠	٤	٢٩	١٧	١٩	٠	٢٢	٦	٠	يحل مسائل تشتمل على عوامل قياس مستخدما النسبة والتناسب.
٪٨.١٦	١٠٨	٣	٨	٢	٣	١٩	٥	٠	١٧	٣٤	٨	٣	٦	٠	يحل مسائل بسيطة تشتمل على المعدلات ويستنتج قياسات السمات (الصفات) مثل السرعة والكثافة .
٪٥٧.٣٧	٧٥٩	٥٦	١٤	١٤	١٢٧	٧٤	٩٣	١٨٤	٥٠	٥٣	١٩	٦٣	١٢	٠	المعيار الثاني : يطبق الطرق والادوات و الصيغ المناسبة لتحديد القياسات .
٪١٠٠	١٣٢٣	٩٩	١٤	١٥	٢٦٠	١٣١	١٧١	٢٩٦	٦٨	١١٥	٣٨	٧٢	٤٠	٤	المجموع

التكررات والنسب المئوية لمعايير تحليل البيانات والاحتمال للصف السادس الابتدائي في المملكة العربية السعودية

النسبة المئوية	المجموع	الفصل الدراسي الثاني					الفصل الدراسي الاول					الفصول	المعيار ومؤشراته
		الخامس	الرابع	الثالث	الثاني	الأول	الخامس	الرابع	الثالث	الثاني	الأول		
٪١٣.٩٩	٤١	١	٠	٧	٣	٣	٣	٤	٠	٢٠	٠	١- صياغة الاسئلة ، تصميم دراسات ، وجمع البيانات عن خاصية يشترك فيها نوعان من السكان أو خصائص مختلفة ضمن فئة السكان الواحدة .	
٪١٤.٦٨	٤٣	١	٠	١	٠	٠	٠	٠	٣	٣٧	١	٢- يحدد ، ويكون ، ويستخدم التمثيلات البيانية الملانمة للبيانات مثل : المدرج التكراري ، الصندوق وطرفيه ، والتمثيل بالخطوط.	
٪٢٨.٦٧	٨٤	٢	٠	٨	٣	٣	٣	٤	٣	٥٧	١	المعيار الاول : صياغة الاسئلة التي يمكن تقديمها مع البيانات وجمع وتنظيم وعرض البيانات وثيقة الصلة بالإجابة على الاسئلة .	
٪٢٢.٥٣	٦٦	٠	٠	٠	٠	١	١	٢	١٠	٥٢	٠	١- يجد ، يستخدم ، ويفسر مقاييس النزعة المركزية والتشتت (التباين) التي تتضمن المتوسط الحسابي والمدى الربيعي .	
٪٨.١٩	٢٤	٠	٠	٠	٥	٥	٠	٠	٠	١٤	٠	٢ - يناقش ، ويفهم الانسجام بين مجموعات البيانات وتمثيلاتها البيانية بخاصة المدرج التكراري ، الساق والورقة ، الصندوق وطرفيه ، والتمثيل بالخطوط.	
٪٣٠.٧٢	٩٠	٠	٠	٠	٥	٦	١	٢	١٠	٦٦	٠	المعيار الثاني : يحدد ويستخدم الطرق الإحصائية المناسبة لتحليل البيانات .	
٪٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	١- يستخدم الملاحظات حول الاختلافات بين عينتين او اكثر لعمل تخمينات باستخدام العينات المأخوذة من المجتمعات.	
٪٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٢ _ يكون تخمينات حول علاقات محتملة (ممكنة) بين خاصيتين لعينة على أساس الخطوط البيانية للبيانات والخطوط التقريبية الملانمة .	
٪٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٣ _ يستخدم التخمينات لتكوين اسئلة جديدة وتخطيط دراسات جديدة للإجابة عليها .	
٪٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	المعيار الثالث : يطور الاستدلالات والتنبؤات المبنية (المستندة) على البيانات .	
٪٩.٢٢	٢٧	١	٢	٢٤	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	١- يفهم ويستخدم المفاهيم المناسبة لوصف الأحداث المتممة والأحداث المتنافية .	
٪٣.٠٧	٩	٠	٠	٩	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٢- يستخدم الاحتمال والفهم الاساسي للاحتمال لعمل واختبار تخمينات حول نتائج التجارب والظواهر الاحتمالية .	
٪٢٨.٣٣	٨٣	١	٦	٥٥	٠	٦	٠	١٠	١	٤	٠	٣- يحسب الاحتمالات لأحداث بسيطة ومركبة باستخدام مثل : القوائم المرتبة والرسم الشجري ونماذج المساحة .	
٪٤٠.٦١	١١٩	٢	٨	٨٨	٠	٦	٠	١٠	١	٤	٠	المعيار الرابع : يفهم ويطبق المفاهيم الأساسية للاحتمال .	
٪١٠٠	٢٩٣	٤	٨	٩٦	٨	١٥	٤	١٦	١٤	١٢٧	١	المجموع	

التكررات والنسب المئوية لمعايير تحليل البيانات والاحتمال للصف السادس الابتدائي في جمهورية سنغافورة

النسبة المئوية	المجموع	الفصل الدراسي الثاني						الفصل الدراسي الاول						الفصول	المعيار ومؤشراته
		٧	٦	٥	٤	٣	٢	١	٦	٥	٤	٣	٢		
٥١.٩٢%	٢٧	٥	٠	٠	٣	٠	١٥	٠	١	٠	٠	٣	٠	٠	١- صياغة الاسئلة ، تصميم دراسات ، وجمع البيانات عن خاصية يشترك فيها نوعان من السكان أو خصائص مختلفة ضمن فئة السكان الواحدة .
٤٨.٠٨%	٢٥	٧	٠	٠	٣	٠	١٤	٠	١	٠	٠	٠	٠	٠	٢- يحدد ، ويكون ، ويستخدم التمثيلات البيانية الملائمة للبيانات مثل : المدرج التكراري ، الصندوق وطرفيه ، والتمثيل بالخطوط.
١٠٠%		١٢	٠	٠	٦	٠	٢٩	٠	٢	٠	٠	٣	٠	٠	المعيار الاول : صياغة الاسئلة التي يمكن تقديمها مع البيانات وجمع وتنظيم وعرض البيانات وثيقة الصلة بالإجابة على الاسئلة .
٠%	٥٢	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	١- يجد ، يستخدم ، ويفسر مقاييس النزعة المركزية والتشتت (التباين) التي تتضمن المتوسط الحسابي والمدى الربيعي .
٠%	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٢- يناقش ، ويفهم الانسجام بين مجموعات البيانات وتمثيلاتها البيانية بخاصة المدرج التكراري ، الساق والورقة ، الصندوق وطرفيه ، والتمثيل بالخطوط.
٠%	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	المعيار الثاني : يحدد ويستخدم الطرق الإحصائية المناسبة لتحليل البيانات .
٠%	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	١- يستخدم الملاحظات حول الاختلافات بين عينتين أو أكثر لعمل تخمينات باستخدام العينات المأخوذة من المجتمعات.
٠%	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٢- يكون تخمينات حول علاقات محتملة (ممكنة) بين خاصيتين لعينة على أساس الخطوط البيانية للبيانات والخطوط التقريبية الملائمة .
٠%	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٣- يستخدم التخمينات لتكوين اسئلة جديدة وتخطيط دراسات جديدة للإجابة عليها .
٠%	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	المعيار الثالث : يطور الاستدلالات والتنبؤات المبنية (المستندة) على البيانات .
٠%	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	١- يفهم ويستخدم المفاهيم المناسبة لوصف الأحداث المتممة والأحداث المتنافية .
٠%	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٢- يستخدم الاحتمال والفهم الأساسي للاحتمال لعمل واختبار تخمينات حول نتائج التجارب والظواهر الاحتمالية .
٠%	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٣- يحسب الاحتمالات لأحداث بسيطة ومركبة باستخدام مثل : القوائم المرتبة والرسم الشجري ونماذج المساحة.
٠%	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	المعيار الرابع : يفهم ويطبق المفاهيم الأساسية للاحتمال .
١٠٠%	٥٢	١٢	٠	٠	٦	٠	٢٩	٠	٢	٠	٠	٣	٠	٠	المجموع

**ملحق ( ١١ )**

**شواهد ونماذج من محتوى كتاب الرياضيات للصف**

**السادس الابتدائي في جمهورية سنغافورة**

Let's create a problem and solve it together.  
 دعنا نكتب مسألة ونحلها معا.

ماذا نحتاج : مكعب مرقم للاعبين  
 ٤ :

**Step 1**  
 الخطوة ١ :

What you need: A dice  
 Number of players: 4

James has \$t.  
 جيمس لديه ت \$

The first player starts a story with a letter to represent the unknown number.  
 اللاعب الأول يبدأ القصة بحرف ليمثل عدد غير معلوم (مجهول).

**Step 2**  
 الخطوة ٢ :

The second player throws a dice. He uses the number thrown to write a sentence to continue the story.  
 اللاعب الثاني يرمي المكعب المرقم. يستخدم الرقم المرمي لكتابة جملة لتكملة القصة

James has \$t.  
 He gives \$2 to Sally.  
 جيمس لديه ت \$  
 أعطى \$ ٢ لسالي

**Step 3**  
 الخطوة ٣ :

The third player does the same as the second player.  
 اللاعب الثالث يعمل نفس ما قام به اللاعب الثاني

James has \$t.  
 He gives \$2 to Sally.  
 His mother gives him another \$3t.  
 جيمس لديه ت \$  
 أعطى \$ ٢ لسالي  
 امه اعطته ٣ ت \$ اخرى

**Step 4**  
 الخطوة ٤ :

The fourth player throws the dice. He uses the number thrown to ask a question about the story.  
 اللاعب الرابع يرمي المكعب المرقم. يستخدم الرقم الذي يظهر ليسان سؤال حول القصة.

James has \$t.  
 He gives \$2 to Sally.  
 His mother gives him another \$3t.  
 If t = 4, how much money does James have now?  
 جيمس لديه ت \$  
 أعطى \$ ٢ لسالي  
 امه اعطته ٣ ت \$ اخرى  
 لو ت = ٤ ، كم مقدار المال الذي مع جيمس الآن ؟

**Step 5** All the players answer the question together.  
 الخطوة ٥ : كل اللاعبين يجيبون على السؤال جميعاً.

التمرين السابق مثال على إنشاء مسألة وحلها مع استخدام اللعب.

لو كان الشكل كامل، اعتبر عن كل شكل ككسر من الشكل الكامل

If  is a whole, express each pattern block as a fraction of one whole.

 is  $\frac{1}{2}$  of a whole. يكون  $\frac{1}{2}$  من الشكل الذي يمثل الواحد.

 is  $\frac{1}{3}$  of a whole. يكون  $\frac{1}{3}$  من الشكل الذي يمثل الواحد.

 is  $\frac{1}{6}$  of a whole. يكون  $\frac{1}{6}$  من الشكل الذي يمثل الواحد.

كم يوجد في  ?

How many  are there in  ?

$1 \div \frac{1}{2} = 2$

كم يوجد في  ?

How many  are there in  ?

$\frac{1}{2} \div \frac{1}{6} = 3$

استخدم نمودج الاشكال لاكتشاف :

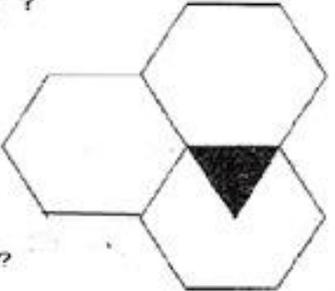
(Use the pattern blocks to find out:

ا- كم واحد على ستة (سدس) يوجد في 3 اشكال كاملة يمثل كلاً؟

a) How many one-sixths are there in 3 wholes?

ب- كم سدس يوجد في ثلث؟

b) How many one-sixths are there in  $\frac{1}{3}$  ?



المثال السابق يوضح كيفية توظيف الاشكال في الكسور واكتشاف العلاقة بينها وابعاد خارج قسمة عدد كلي أو كسر فعلي على كسر فعلي .

## Solving Word Problems

## حل مسائل لفظية

Ali had  $\frac{3}{4}$  l of paint. He used  $\frac{1}{2}$  l to paint a chair. علي لديه  $\frac{3}{4}$  ل من الطلاء استخدم  $\frac{1}{2}$  ل لطلاء الكرسي.

a) How much paint had he left? أ- كم مقدار الطلاء المتبقي؟

ب- سكب المتبقي من الطلاء في حاويات سعة كل واحد منها  $\frac{3}{32}$  ل.

b) He poured the remaining paint into containers of capacity  $\frac{3}{32}$  l each.

What is the smallest number of containers that he needed? ما أصغر عدد من الحاويات يحتاج إليه؟

الفهم  
Understanding

How much paint was there at first? كم كان يوجد من الطلاء في البداية؟

How much paint did Ali use? كم من الطلاء استخدمه علي؟

What do I need to find? ماذا احتاج أن أجده؟

أنا احتاج أن أجده مقدار الطلاء المتبقي. ليم، يجب أن أجده عدد الحاويات الذي

يحتاجه علي.

المخطط والعملية  
Planning and Doing

I need to find the amount of paint left. Then, I have to find the number of containers that Ali needs.

$$a) \frac{3}{4} - \frac{1}{2} = \frac{1}{4} \text{ l}$$

He had  $\frac{1}{4}$  l of paint left.

$$b) \frac{1}{4} \div \frac{3}{32} = \frac{1}{4} \times \frac{32}{3} = 2\frac{2}{3}$$

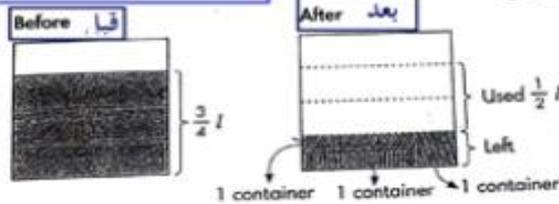
To divide a number by a whole number or a fraction:  
1. Change + to  $\times$ .  
2. Invert the second fraction.  
3. Simplify the expression.

لا قسم عدد علي عدد او كسر  
١- اغير القسمة الي ضرب.  
٢- قلب الكسر الثاني.  
٣- ابسط التعبير.

علي يحتاج ٣ حاويات.  
Ali needed 3 containers.

التحقق  
Checking

الصحيح



Therefore, the answer — 'Ali needed 3 containers' — is reasonable.

إذا ، الإجابة - علي يحتاج ٣ حاويات يكون معقولاً.

في المثال السابق يوضح استخدام خطوات حل المسألة وكذلك التمثيل واستخدامه في حلّ المسألة الرياضية اللفظية. وكذلك تطوير استخدام خوارزمية قسمة عدد كلي أو كسر على كسر .

## Change in Percentage

التغير في النسبة المئوية



يوجد ٥ كرات تنس في كل حاوية

There are 5 tennis balls in each container.

استبعد ديفيد كرتان من حاويته

David removes 2 tennis balls from his container.

عدد كرات التنس في الحاوية انخفض بمقدار ٢

The number of tennis balls in the container decreases by 2.

النسبة المئوية للنقصان

$$\text{Percentage decrease} = \frac{2}{5} \times 100\% = 40\%$$

وضع بالاكرد في حاويته

Bala puts a ball into his container.

عدد كرات التنس في حاويته ازداد بمقدار كرة واحدة

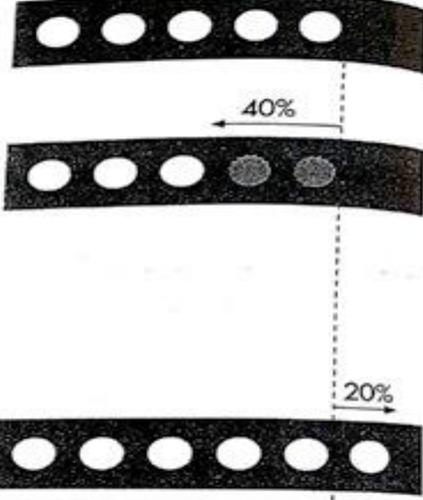
The number of tennis balls in the container increases by 1.

النسبة المئوية للزيادة

$$\text{Percentage increase} = \frac{1}{5} \times 100\% = 20\%$$



كمية الكرات الأولية (في البداية)



### My Notes

النسبة المئوية للنقصان

$$\text{Percentage decrease} = \frac{\text{amount decreased}}{\text{initial quantity}} \times 100\%$$

النسبة المئوية للزيادة

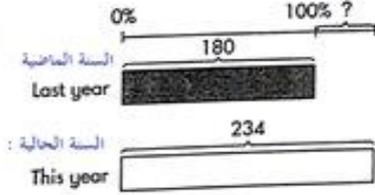
$$\text{Percentage increase} = \frac{\text{amount increased}}{\text{initial quantity}} \times 100\%$$

مثال مشروح ومحلول لكيفية التغير في النسبة المئوية وحسابه سواءً كان هذا التغير زيادة ام نقص مع التمثيل نموذج لتلك التغيرات .

٥

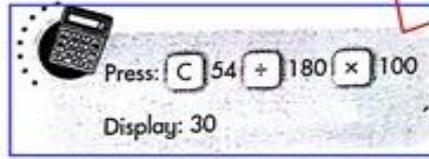
- 4 Last year, the Primary One enrolment in a school was 180. The enrolment this year is 234. Find the percentage increase in the enrolment.

في السنة الماضية، بلغ عدد المسجلين في المدرسة الابتدائية ١٨٠. وبلغ السجل لهذه السنة ٢٣٤. اوجد النسبة المئوية للزيادة في السجل.



كيفية استخدام الآلة الحاسبة

مقدار الزيادة  
Increase in enrolment  
= 234 - 180 =  
النسبة المئوية للزيادة  
Percentage increase  
=  $\frac{\quad}{180} \times 100\%$   
= %



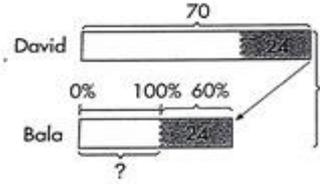
النسبة المئوية للزيادة في السجل =  
The percentage increase in the enrolment is %.

37

استخدام التمثيل لحل مسائل التغير في النسبة المئوية وكذلك استخدام الآلة الحاسبة في ذلك .

٦

- 20 David and Bala share a bag of marbles. David receives 70 marbles. If David gets 24 fewer marbles, the number of marbles Bala gets will be increased by 60%. How many marbles are there in the bag?



اقسم ديفيد و بالا كيس من الكرات البلورية. ديفيد تحصل على ٧٠ كره. لو حصل ديفيد على ٢٤ كره أقل سوف يتحصل بالا على زيادة ٦٠%. كم عدد الكرات في الكيس؟

$$\begin{aligned}
 &60\% \text{ of Bala's marbles} \longrightarrow 24 \\
 &10\% \text{ of Bala's marbles} \longrightarrow \\
 &100\% \text{ of Bala's marble} \longrightarrow \\
 &\text{Total number of marbles} = 70 + \\
 &=
 \end{aligned}$$

There are \_\_\_\_\_ marbles in the bag.

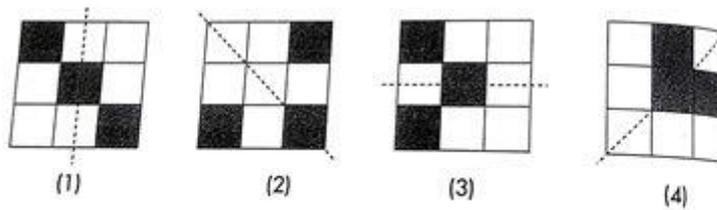
$$\begin{aligned}
 &60\% \text{ من كرات بالا} \longrightarrow 24 \\
 &10\% \text{ من كرات بالا} \longrightarrow \\
 &100\% \text{ من كرات بالا} \longrightarrow \\
 &\text{المجموع الكلي للكرات} = 70 + \\
 &=
 \end{aligned}$$

يوجد كرات بلورية في الكيس.

٧

في الاشكال المعطاه انا، اي الخطوط المتقطعة لا يمثل خط (محور) تماثل

In the given figures below, which dotted line is not a line of symmetry?

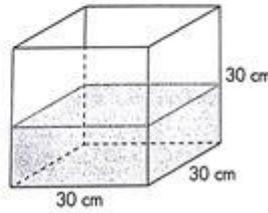
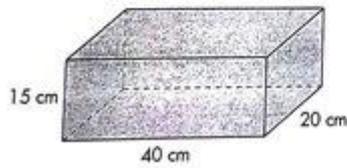


الاشكال المتناظرة وغير المتناظرة حول محور

٨

الحاوية المستطيلة ٤٠ سم في ٢٠ سم في ١٥ سم مملأت بالماء الى الحافة . عندما افرغ الماء في حاوية مكعبة فارغة طول ضلعها ٣٠ سم ، ما مقدار الكسر من الحاوية الذي سوف يمتلئ ؟

- A rectangular container 40 cm by 20 cm by 15 cm is filled with water to the brim. When the water is poured into an empty cubical container of side 30 cm, what fraction of the cubical container would be filled?



٩

اكتب العبارة الجبرية كمتغير  $n$  للاتي:

- 1 Write an algebraic expression in terms of  $n$  for each of the following:
- There are 3 pieces of string. Each piece is  $n$  cm long. What is the total length of the 3 pieces of string?  $n+n+n=3n$
  - Miss Lim had  $n$  pencils. She gave all the pencils to some children. Each child got 4 pencils. How many children were there?
  - Halim has  $\$n$ . He has  $\$4$  more than Ravi. How much money does Ravi have?
  - There are  $n$  more girls than boys in a class. If there are 18 boys, how many girls are there?
  - Wei Lun had  $\$5$ . He spent  $\$n$  on food and used the rest of his money to buy 2 similar notebooks. What was the price of each notebook?

مثال يعالج استخدام المتغير للدلالة على الكمية المجهولة .

بسط كل عبارة جبرية :

**2** Simplify each expression.

a)  $4p + 3p$

b)  $7q - q$

c)  $5r + 2r - 3r$

d)  $8s - 2s + 3s$

e)  $3v + 4v + 4 - 1$

f)  $6u + 3 - u - 2$

g)  $3 + 4w + 5 - w$

h)  $9 + 6y - 2y - 6$

تبسيط العبارات الجبرية (كثيرات الحدود) من خلال جمع أو طرح المعاملات.

أوجد قيمة كل عبارة جبرية عندما تكون  $e = 6$ .  
Find the value of each expression when  $e = 6$ .

a)  $e + 5$

b)  $e - 2$

c)  $5e$

d)  $\frac{e}{3}$

e)  $3e + 2$

f)  $45 - 6e$

a) Find the value of  $\frac{3a + 5}{4}$  when  $a = 5$ .

b) Find the value of  $\frac{10 - 4b}{2}$  when  $b = 0$ .

ايجاد قيمة عبارة جبرية مستخدماً العمليات الأربع .

بسط كل عبارة .

Simplify each expression.

أوجد قيمة كل عبارة عندما  $d=4$ .Find the value of each expression when  $d = 4$ .

a)  $3d + 4d - 5d$

b)  $7d + 3 - 2d$

c)  $4 + 5d + 2 - 2d$

d)  $6d + 4 - 2d - 1$

تبسيط العبارات الجبرية ثم حساب قيمتها عندما يعطى قيمة المتغير .

## 3

## النسبة المئوية Percentage

Did you know?

The word 'percent' comes from the Latin phrase 'per centum' which means 'each hundred'. In the olden days, the Italians used the letter C to represent 100, so 'per 100' or 'per c' was used to show percent. By about 1650, part of the symbol had been changed and 'per' was dropped, leaving the symbol which in turn became %.



جد مثالا لاستخدام النسبة المئوية من الجريدة .

Find examples of the use of percent in the newspapers.

Bala bought a wallet during the sale at Crusoe Store. What was the price of the wallet after the discount?

He paid  $100\% - 20\% = 80\%$  % of the usual price.

0% 80% 100%

\$75

He paid  $\frac{80}{100} \times \$75$

= \$

The price of the wallet after the discount was \$

امثلة على النسبة المئوية وكيفية استخدامها في حساب قيمة التخفيض وغيرها وحلها باستخدام التمثيل والالة الحاسبة

Aini bought a watch during the sale at Big John Store. She paid \$127.50 for the watch. What was the percentage discount on the watch?

0% ? 100%

\$127.50

The discount Aini got =  $\$150 - \$127.50$

= \$

The percentage discount =  $\frac{22.50}{150} \times 100\%$

= 15 %

The percentage discount on the watch was 15 %.

Big John Store

I can use a calculator to find the answer.

ما هو العدد المفقود في النمط العددي

What is the missing number in the number pattern?

25, 29, 34, 40, , 55

(1) 41 (2) 44

(3) 47 (4) 51

١٦

المجسم المعروض عُيِّل من مكعبات ١ سم ٣ . ماهي مساحة أكبر وجه

The solid shown is made up of 1-cm cubes.  
What is the area of the largest rectangular face of the solid?



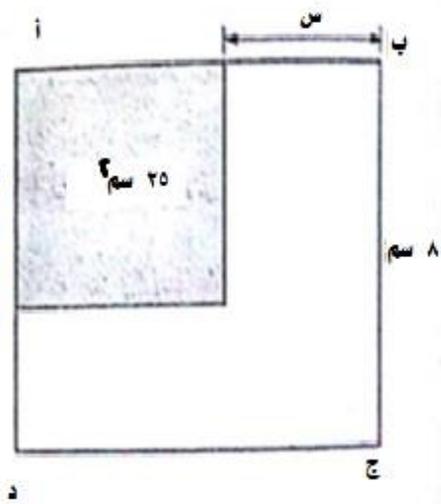
- (1)  $12 \text{ cm}^2$   
(3)  $20 \text{ cm}^2$

- (2)  $15 \text{ cm}^2$   
(4)  $47 \text{ cm}^2$

المساحة والحجم والمجسمات .

١٧

الشكل التالي مربع داخل المستطيل أ ب ج د . مساحة المربع =  $25 \text{ سم}^2$  و محيط المستطيل =  $24 \text{ سم}$  . ماهو طول الضلع س؟



الحل:

طول ضلع المربع =  $5 \text{ سم}$  .

طول ضلع المستطيل =  $24 - 25 = 16 - 18 \text{ سم}$  . تقسيم  $2 = 9 \text{ سم}$

طول الضلع س =  $5 - 9 = 4 \text{ سم}$

الربط بين مساحة المربع والمستطيل والمحيط .

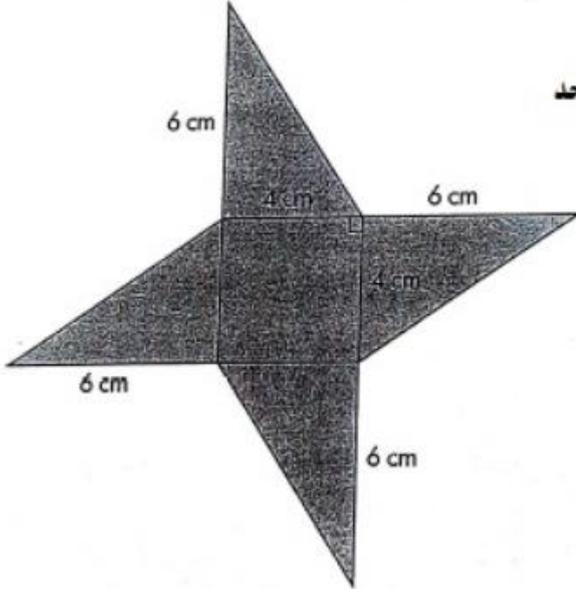
١٨

اوجد نسبة مساحة المربع أ الى مساحة المربع ب  
What is the ratio of the area of Square A to the area of Square B?



الربط بين النسبة ومساحة المربع وهو مثال على تحقيق معيار من الاعداد والعمليات عليها ومعيار من معايير القياس .

الشكل التالي مكون من مربع واربعة مثلثات قائمة اوجد المساحة؟



المساحة = مساحة المربع + مساحة المثلث الواحد

$$= 16 + 4 (12)$$

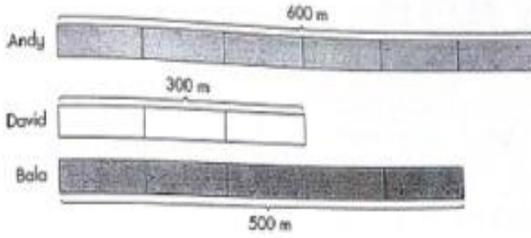
$$= 64 \text{ سم}^2$$

## Ratio and Fraction

## النسبة والكسور

Andy, David and Bala took part in a swimming event at school.  
Andy swam 600 m, David swam 300 m and Bala swam 500 m.

اندي ، ديفيد و بالا اخذوا اجزاء في حدث سباحة في المدرسة اندي سبحت ٦٠٠ م ، ديفيد سبح ٣٠٠ م و بالا سبحت ٥٠٠ م



اندي

ديفيد

بالا

The ratio of the distance David swam to the distance Bala swam was 3 : 5.

نسبة للمسافة التي سبها ديفيد الى المسافة التي سبها بالا ٣:٥

$$300 : 500 = 3 : 5$$

David swam  $\frac{3}{5}$  of the distance Bala swam.

ديفيد سبح  $\frac{3}{5}$  المسافة التي سبها بالا

The ratio of the distance Bala swam to the distance David swam was 5 : 3.

نسبة المسافة التي سبها بالا الى المسافة التي قام بسباحتها ديفيد  $\frac{5}{3}$

Bala swam  $\frac{5}{3}$  of the distance David swam.

بالا سبح  $\frac{5}{3}$  المسافة التي سبها ديفيد

What was the ratio of the distance Andy swam to the distance David swam? :

ماهي نسبة المسافة التي سبها اندي الى المسافة التي سبها ديفيد؟  $\frac{2}{1} = \frac{2}{6}$

الربط بين النسبة والكسور وتمثيلها.

قسمت بالا بعض الفاصوليا الى ثلاثة اكياس



كيس أ

كيس ب

كيس ج

(أ) أكتب نسبة كتلة الكيس أ الى كتلة الكيس ب الى كتلة الكيس ج في أبسط

صورة ؟  $٢ : ٨ : ١٠$  (تقسيم ٢)  $١ : ٤ : ٥$

(ب) أكتب نسبة كتلة الكيس أ ككسر من كتلة الكيس ج ؟  $\frac{١٠}{٢} = \frac{٥}{١}$

(ج) كم مرة يزيد كتلة الكيس ج عن كتلة الكيس أ ؟  $\frac{٢}{١٠} = ٥$  مرات

(د) أكتب نسبة كتلة الكيس ج ككسر من كتلة الكيس ب ؟  $\frac{٨}{١٠} = \frac{٤}{٥}$

(هـ) كم مرة تزيد كتلة الكيس ب عن كتلة الكيس أ ؟  $\frac{٢}{٨} = \frac{١}{٤} = ٤$  مرات

الربط بين القياس (الوحدات المترية) والاعداد والعمليات عليها (النسبة)

Changing Ratios

تغيير النسب

يجمع ديفيد وبالا الكروت كهواية .  
نسبة عدد كروت التي جمعها ديفيد الى كروت بالا ٤:٢  
بعد أن اشترى ديفيد ٢ اخرى اصبحت النسبة بين كروت  
ديفيد الى كروت بالا ٨:٥

قبل

ديفيد 

بالا 

بعد

ديفيد 

بالا 

كم لدي الان ؟



ديفيد

١ وحدة = ٢  
٥ وحدات = ١٥  
لدي ديفيد ١٥ الان

لدي نفس العدد من الكروت . كم  
لدي من الكروت؟



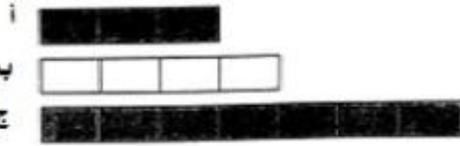
بالا

١ وحدة = ٢  
٨ وحدات = ٨ ضرب ٢ = ١٦

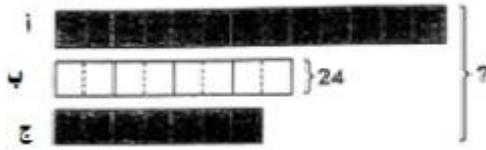
تغيير النسب أو النسب المتغيرة واستخدام استراتيجية التمثيل واستراتيجية قبل وبعد.

عدد كروت في الصناديق أ، ب، و ج بنسبة ٢ : ٤ : ٧ / ١ نصف البطاقات في الصندوق ج نقلت إلى الصندوق أ .  
 (أ) جد النسبة الجديدة لعدد البطاقات في الصندوق أ إلى الصندوق ب إلى الصندوق ج ؟  
 (ب) إذا كان الصندوق ب يحتوي على ٢٤ بطاقة . كم بطاقة يوجد في الصناديق الثلاثة ؟

قبل



بعد



(أ) قبل :

عدد الكروت في الصندوق أ : ب : ج

$$٢ : ٤ : ٧ =$$

$$١٤ : ٨ : ٦ =$$

بعد

٦ وحدات + ٧ وحدات = ١٣ وحدة

١٤ وحدة - ٧ وحدات = ٧ وحدات

النسبة الجديدة أ : ب : ج = ١٢ : ٦ : ٧

(ب) ٦ وحدات = ٢٤ كرت

١ وحدة = ٢٤ تقسيم ٦ = ٤ كروت

٢٦ وحدة = ٢٦ ضرب ٤ = ١٠٤ كرت.

النسبة للمقارنة بين ثلاث كميات وتغيير النسب واستخدام استراتيجية التمثيل .

المستطيل التالي قسم إلى ٤ أجزاء.

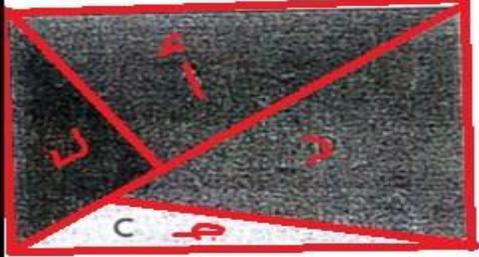
نسبة مساحة الجزء أ إلى مساحة الجزء ب = ٢ : ١

نسبة مساحة الجزء ب إلى مساحة الجزء ج = ٥ : ٢

(أ) ما الكسر الذي يمثل مساحة الجزء د من المستطيل ؟

(ب) إذا كان مساحة الجزء د أكبر من مساحة الجزء أ ب ١٨ سم مربع . جد مساحة المستطيل ؟؟

الحل:

$$\frac{1}{3} = \frac{1}{1} + \frac{1}{2}$$


المستطيل  $\frac{12}{5} = \frac{12}{5}$

(ب) ١٢ وحدة - ١٠ وحدات = ٢

٢ وحدة = ١٨ سم

٣٠ وحدة = ١٥ × ١٨ = ٢٧٠ سم

استخدام النسبة للمقارنة بين ثلاث كميات وإيجادها وربطها بالمساحة.

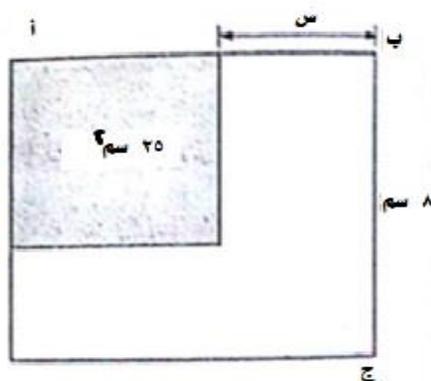
الشكل التالي مربع داخل المستطيل أ ب ج د . مساحة المربع = ٢٥ سم<sup>٢</sup> و محيط المستطيل = ٢٤ سم . ما هو طول الضلع س؟

الحل:

طول ضلع المربع = ٥ سم .

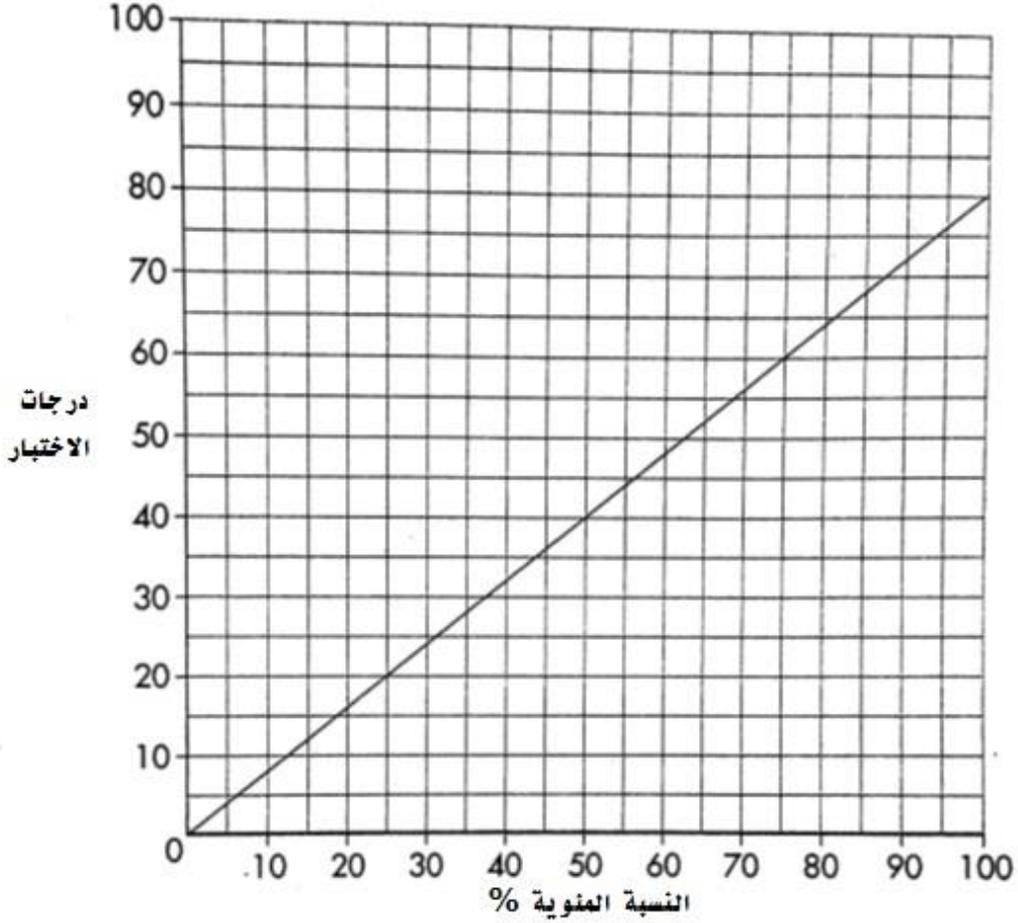
طول ضلع المستطيل = ٢٤ - ١٦ = ٨ سم . ١٨ تقسيم ٢ = ٩ سم

طول الضلع س = ٥ - ٩ = ٤ سم



الربط بين المساحة والمحيط للمستطيل والمربع وربطها بالمجهول.

الرسم البياني يعرض درجات اختبارات الطلاب بالنسبة المئوية أدرس الرسم بدقة وأجب عن الاسئلة التالية:



(أ) ديفيد حصل على ٧٥% كم درجة حصل عليها ؟ ٦٠ درجة

(ب) ليا حصلت على ٥٠ درجة . كم النسبة المئوية التي حصلت عليها ؟ ٦٠%

(ج) ماهي أكبر درجة ممكن الحصول عليها ؟ ٨٠

(د) جانيت حصلت على ٩٢ ١/٢ % . كم درجة حصلت عليها؟ ٧٥

النسبة المئوية والرسم البياني .

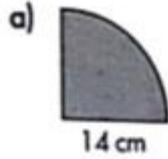
كل الاشكال الاتية هي أرباع دوائر . جد المحيط لكل ربع (ط = ٧/٢٢)

(أ) محيط ربع دائرة = ربع محيط الدائرة +

٢ ضرب نصف القطر .

$$١٤ \times ٢ + ٢٨ \times \frac{٧}{٢٢} \times \frac{٤}{١}$$

$$٥٠ = ٢٨ + ٢٢ =$$



الربع هو  
ربع الدائرة



(ب) محيط ربع دائرة = ربع محيط الدائرة +

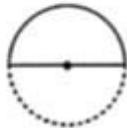
٢ ضرب نصف القطر .

$$٧ \times ٢ + ١٤ \times \frac{٧}{٢٢} \times \frac{٤}{١}$$

$$٥٨ = ١٤ + ٤٤ =$$



ملاحظة:



محيط نصف الدائرة =  
ط ضرب نق + ٢ ضرب نق



محيط ربع الدائرة =  
ط ضرب نصف القطر + ٢ ضرب نق

الشكل التالي ثلاثة ارباع دائرة. النقطة م مركز الدائرة طول م أ = ١٤ سم جد محيط الشكل ؟



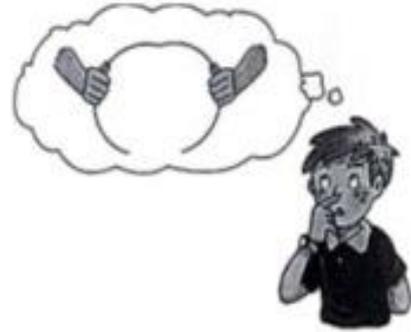
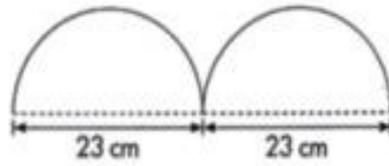
الحل: محيط الشكل =  $\frac{1}{4}$  محيط الدائرة + ٢ نص

$$\text{سم } ٩٤ = ٢٨ + ٦٦ = ٢ \times ١٤ + ٢٨ \times \frac{1}{4} \times \frac{1}{2}$$

شئ ديفيد قطعة معدنية رقيقة الى نسفي دائرة كما هو موضح بالشكل . جد طول القطعة المعدنية ؛ قَرَب الاجابة

الى اقرب جزء من مئة ؟ الحل : طول القطعة المعدنية = محيط دائرة قطرها ٢٢ سم

$$\text{سم } ٧٢.٢٩ = ٢٢ \times \frac{1}{2} \times \frac{1}{2}$$



الشكل التالي يتكون من ثلاثة أنصاف دوائر . يوجد طريقتين من النقطة أ الى النقطة ب عبر محيط أنصاف الدوائر . ماهو الطريق الاطول ؟ اترك الاجابة بدلالة ط ؟

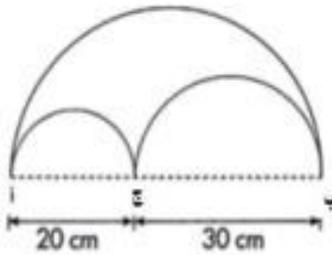
طول الطريق الاول = نصف محيط الدائرة قطرها ٢٠ سم

سم + نصف محيط دائرها قطرها ٢٠ سم

$$\boxed{\text{ط } ٢٥} = \text{ط } ١٠ + \text{ط } ١٥ = \frac{\text{ط } ٢٠}{٢} + \frac{\text{ط } ٢٠}{٢}$$

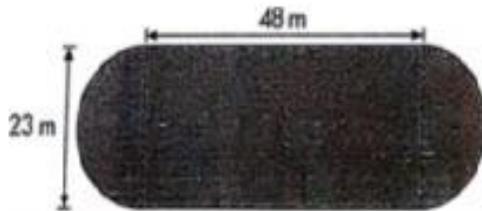
طول الطريق الثاني = نصف محيط الدائرة التي قطرها = ٥٠ سم

$$\boxed{\text{ط } ٢٥} = \frac{\text{ط } ٥٠}{٢}$$



الطريق الثاني متساو لان في الطول

أرضية ملعب تكومت من مستطيل ونسفي دائرة . أوجد المحيط للملعب . قَرَب الاجابة الى اقرب جزء من مئة ؟



الحل: محيط الملعب = محيط الدائرة + ٢ (٤٨)

$$٩٦ + ٢٢ \times ٢,١٤ =$$

$$\text{م } ١٦٨,٢٢ = ٩٦ + ٧٢,٢٢ =$$

الشكل التالي: مثلث متطابق الاضلاع وثلاث ارباع دائرة. اوجد محيط الشكل بدلالة  $\pi = 22/7$   
الحل:

$$\text{محيط الربع الواحد} = \frac{28\pi}{4} + \text{نق}$$

$$7\pi + 14 =$$

محيط الشكل كامل =  $2 \times (\text{محيط الربع})$

$$= 2 \times (7\pi + 14) = 14\pi + 28 \text{ سم}$$



الشكل التالي يتكون من نصف دائرة متطابقتين ورباعي دائرة اخرى في مستطيل . اوجد محيط الشكل (ضع  $\pi = 3,14$ ) ؟

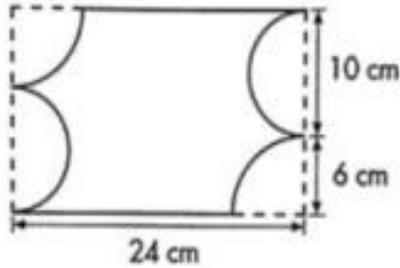
المحيط = محيط نصف دائرة قطرها 12 سم + محيط دائرة

قطرها 10 سم  $2 \times (2\pi)$

$$= 48 + 10 \times 2,14 + 6 \times 2,14 =$$

$$= 48 + 21,4 + 12,84 =$$

$$= 82,24 \text{ سم}$$



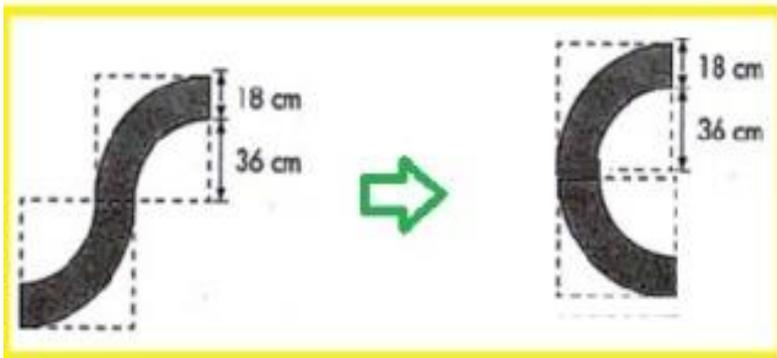
يظهر الشكل ربعين كبيرين متطابقين وربيعين صغيرين متطابقين. اوجد محيط الشكل المقلل . قرب الناتج الى اقرب جزء من مئة ؟

محيط الشكل = نصف محيط الدائرة التي قطرها 10.8 سم + نصف محيط الدائرة التي قطرها 7.2 سم  $2 \times (1.8)$

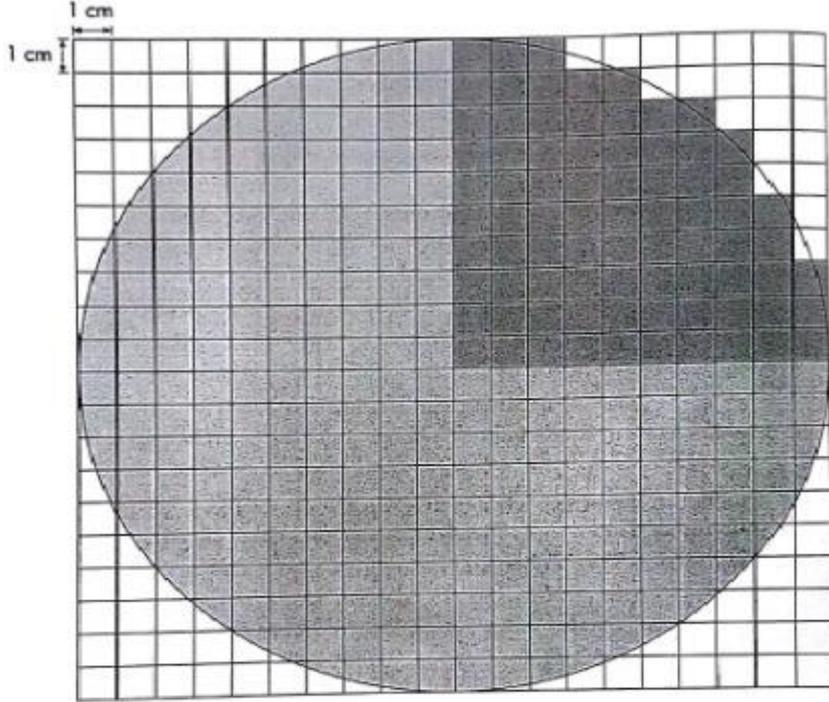
$$= 26 + \frac{2,14 \times 7,2}{2} + \frac{2,14 \times 10,8}{2}$$

$$= 26 + 112,04 + 114,56$$

$$= 252,60 \text{ سم}$$



الدائرة التالية مرسومة على شبكة مربعات ١-سم. الشكل

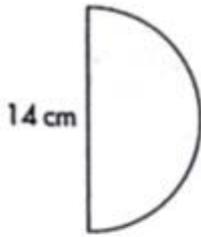


$$\begin{aligned} \text{نصف قطر الدائرة} &= ١٠ \text{ سم} \\ \text{مساحة } \frac{٤}{١} \text{ الدائرة} &= ٧٩ \text{ سم}^2 \\ \text{مساحة الدائرة} &= ٧٩ \times ٤ \\ &= ٣١٦ \text{ سم}^2 \end{aligned}$$

تقدير مساحة ربع  
الدائرة بعد المربعات

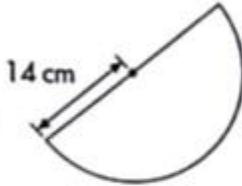


٣١



أوجد مساحة كل نصف دائرة (ضع ط =  $\frac{7}{22}$ ) ؟  
 (أ) مساحة نصف الدائرة =  $\frac{2}{1} \times \frac{7}{22} \times 7 \times 7 = 77$  سم<sup>٢</sup>

(ب) مساحة نصف الدائرة =  $\frac{2}{1} \times \frac{7}{22} \times 14 \times 14 = 308$  سم<sup>٢</sup>



- أوجد مساحة كل ربع دائرة (ضع ط =  $3,14$ )  
 (أ) مساحة ربع الدائرة =  $\frac{4}{1} \times 3,14 \times 6 \times 6 = 28,26$  سم<sup>٢</sup>

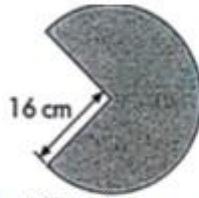


الشكل يظهر دائرة داخل مربع . مساحة المربع = ٦٤ سم<sup>٢</sup> . أوجد مساحة الدائرة ؟



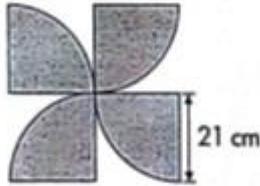
$$\begin{aligned} \text{مساحة الدائرة} &= ٣,١٤ \times ٤ \times ٤ \\ &= ٥٠,٢٤ \text{ سم}^2 \end{aligned}$$

الشكل التالي يعرض ثلاثة ارباع دائرة نصف قطرها ١٦ سم . أوجد مساحة الشكل .  
قرب الاجابة الى اقرب جزء من مئة؟



$$\begin{aligned} \text{المساحة} &= ٣,١٤ \times ٤/٣ \times ١٦ \times ١٦ \\ &= ٦٠٢,٨٨ \text{ سم}^2 \end{aligned}$$

الشكل مكون من اربع ارباع متطابقة . جد مساحة الشكل ؟

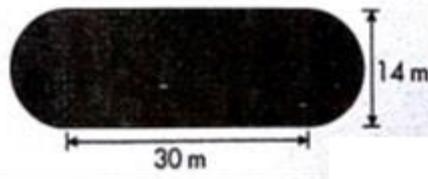


$$\begin{aligned} &= ٧/٢٢ \times ٢١ \times ٢١ \\ &= ١٢٨٦ \text{ سم}^2 \end{aligned}$$

ملعب التزلج على الثلج مكون من مستطيل ونصفي دائرة . أوجد مساحة الملعب ؟

المساحة = مساحة دائرة قطرها ١٤ م + مساحة مستطيل

$$\begin{aligned} &= ٧ \times ٧ \times \pi + ١٤ \times ٣٠ \\ &= ١٠٣٦ \text{ م}^2 = ٤٢٠ + ٦١٦ \end{aligned}$$



الشكل التالي مثلث قائم الزاوية وثلاث أنصاف دوائر . اوجد مساحة الشكل . قرب الناتج الى اقرب جزء من مئة؟

الحل:

مساحة الشكل = مساحة نصف دائرة نصف قطرها ٢٥ سم + مساحة نصف دائرة نصف قطرها ٢٠ سم

+ مساحة نصف دائرة نصف قطرها ١٥ سم + مساحة المثلث

$$20 \times 20 \times \frac{\pi}{4} + \frac{15 \times 15 \times \pi}{4} + \frac{20 \times 20 \times \pi}{4} + \frac{25 \times 25 \times \pi}{4}$$

$$600 + 202,20 + 628 + 918,20$$

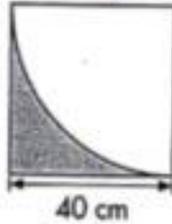
$$= 2448,40 \text{ سم}^2$$



الشكل التالي يظهر ربع دائرة داخل مربع طول ضلعه ٤٠ سم . اوجد مساحة الجزء المظلل ؟

الحل: مساحة الجزء المظلل = مساحة المربع - مساحة ربع الدائرة

$$40 \times 40 - \frac{40 \times 40 \times \pi}{4} = 1600 - 1256,64 = 343,36 \text{ سم}^2$$



الشكل التالي يعرض نصف دائرة وربع دائرة ضمن مستطيل . اوجد مساحة الجزء المظلل . قرب

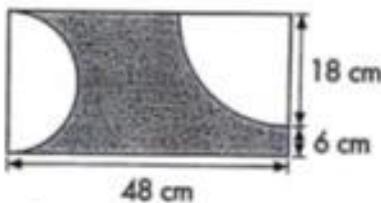
الاجابة الى اقرب جزء من مئة؟

مساحة الجزء المظلل = مساحة المستطيل - مساحة نصف الدائرة - مساحة ربع الدائرة

$$18 \times 48 - \frac{12 \times 12 \times \pi}{4} - \frac{18 \times 18 \times \pi}{4} = 864 - 110,4 - 251,16 = 502,44$$

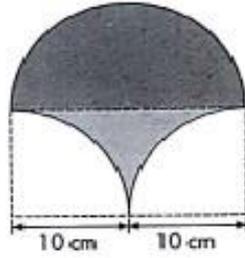
$$= 502,44 - 110,4 - 251,16 = 140,88$$

$$= 140,88 \text{ سم}^2$$



## مسائل على الدوائر

الشكل التالي مكون من نصف دائرة ورباعي دائرة



قام ديفيد بتحريك الاجزاء كما هو موضح اسفل ليجاد مساحة الشكل.



$$\text{مساحة الشكل} = 10 \times 20$$

$$= 200 \text{ سم}^2$$

حرك ديفيد الاجزاء بطريقة اخرى كما هو موضح ادناه ليجاد محيط الشكل



$$\text{محيط الشكل} = 20 \times \pi$$

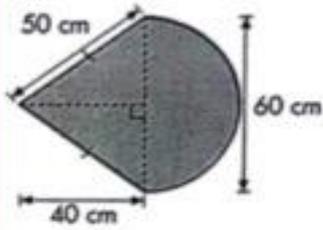
$$= 20\pi \text{ سم}$$



**ملاحظتي:**

تحريك الاجزاء يمكن ان يساعدنا في تبسيط المسألة

الشكل مكون من مثلث ونصف دائرة . أوجد المساحة والمحيط . (ط = ٣,١٤)



المساحة = مساحة المثلث + مساحة نصف الدائرة

$$\frac{30 \times 60 \times 14}{2} + 40 \times 60 \times \frac{3,14}{2} =$$

$$2612 \text{ سم}^2 =$$

المحيط = محيط نصف الدائرة + ٥٠ × ٢

$$100 + \frac{3,14 \times 60}{2} =$$

$$194,2 \text{ سم}$$

الشكل التالي مكون من نصفي دائرتين . أوجد محيط الشكل . ضع الاجابة بدلالة ط

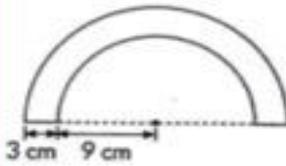
الحل:

محيط الشكل = نصف محيط الدائرة الصغيرة + نصف محيط الدائرة الكبيرة + ٢ × ٢

$$6 + \frac{24 \text{ ط}}{2} + \frac{18 \text{ ط}}{2} =$$

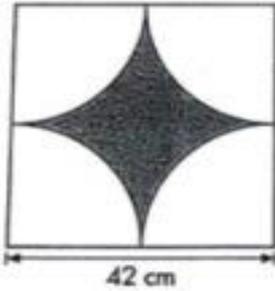
$$6 + 12 \text{ ط} + 9 \text{ ط} =$$

$$6 + 21 \text{ ط} =$$



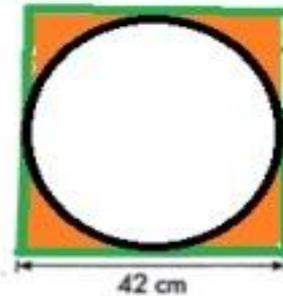
الشكل التالي يوضح اربعة ارباع دوائر متطابقة في مربع . أوجد المساحة والمحيط للجزء

المظلل (ضع ط = ٧/٢٢) ؟



الحل:

لايجاد المساحة نحرك الاجزاء التالي:



= مساحة المربع - مساحة الدائرة

$$= 1764 - 1386 = 378 \text{ سم}^2$$

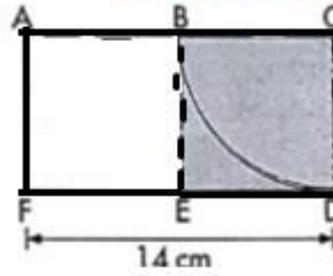
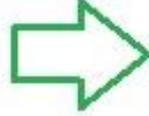
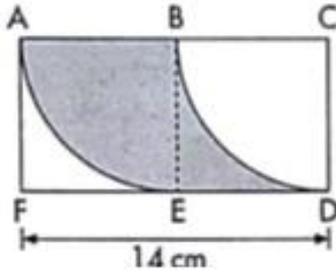
محيط الشكل = محيط دائرة قطرها ٤٢ سم

$$= 42 \times \frac{7}{22} =$$

$$= 132 \text{ سم}$$

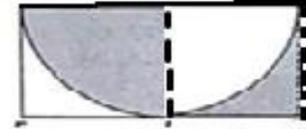
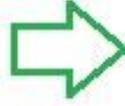
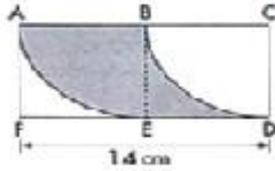
الشكل التالي مكون من ربيعي دائرتين في مربعين . أوجد مساحة ومحيط الجزء المظلل

الحل: نقوم بتحريك الاجزاء التالي :



المساحة = مساحة مربع طول ضلعه  $7 = 7 \times 7 = 49$  سم  $2$

لايجاد المحيط نحرك الاجزاء حتى نحصل على شكل ابسط كالتالي



المحيط = محيط نصف دائرة +

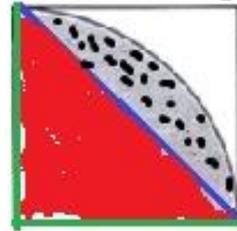
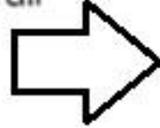
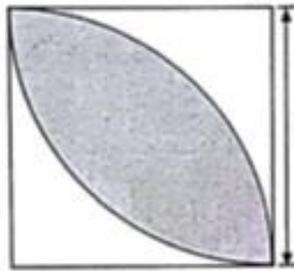
نصف القطر  $2 \times$

$= 22 + 14 = 36$  سم

الشكل التالي مكون مربع ورباعي دائرتين . أوجد المساحة للمنطقة

المظلمة . قرب الناتج الى اقرب جزء من مئة؟

الحل:



مساحة القطعة الدائرية = مساحة ربع الدائرة - ساحة المثلث

$$= 122,67 - 12 = 110,67 \text{ سم}^2$$

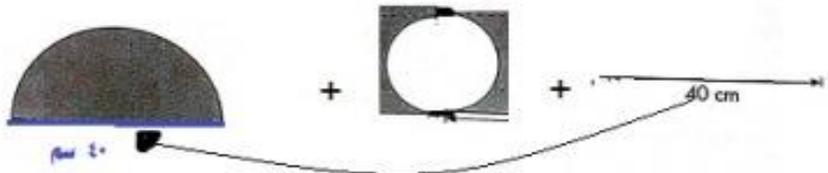
مساحة الجزء المظلل =  $2 \times 110,67 =$

$$= 221,34 \text{ سم}^2$$

الشكل التالي يعرض مستطيل. نصف دائرة كبيرة و نصف دائرة صغيرة. أوجد محيط الشكل المضلل ( ط = ٣,١٤ ) ؟  
 عند تحريك الاجزاء نحصل على محيط دائرة قطرها ٤٠ سم

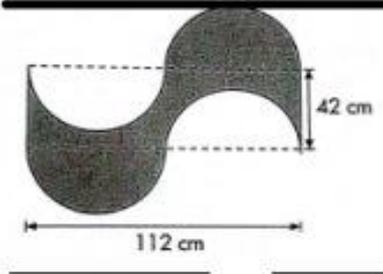


إذا المحيط :



نصف محيط الدائرة الكبيرة + نصف القطر + محيط الدائرة التي قطرها ٢٠ سم

$$62,8 + 40 + 62,8 = 165,6 \text{ سم}$$



الشكل التالي مستطيل واربع انصاف دوائر متطابقة. أوجد محيط الشكل. قرب الناتج الى اقرب منة؟

المحيط = محيط دائرة قطرها ٥٦ × ٢

$$2 \times 3,14 \times 56 =$$

$$= 351,68 \text{ سم}$$

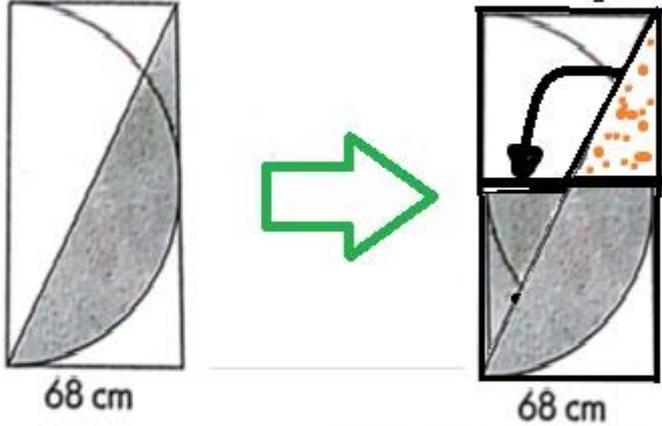


٣٨

الشكل التالي عبارة عن نصف دائرة داخل مستطيل .أوجد مساحة الجزء المظلل؟ قرب الاجابة الى اقرب جزء من مئة ؟

الحل :

نقوم بتحريك الاجزاء كالتالي :

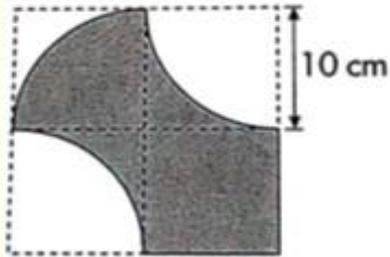


المساحة = مساحة ربع دائرة نصف قطرها ٦٨ سم

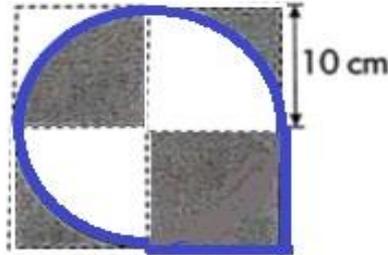
$$\frac{68 \times 68 \times 3,14}{4} = 3629,84 \text{ سم}^2$$

٣٩

سلك منحنى ليشكل الشكل التالي. الاجزاء المنحنية تمثل ارباع دوائر متطابقة . أوجد المحيط؟



نقوم بتحريك الاجزاء لتبسيط الشكل :

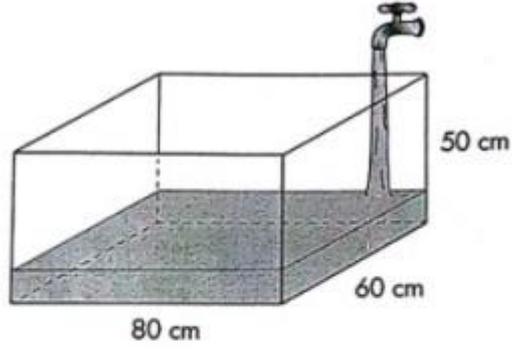


المحيط = ثلاثة ارباع محيط دائرة قطرها ٢٠ سم + ٢٠

$$= 20 + \frac{3,14 \times 20 \times 4}{3} = 67,1 \text{ سم}$$

٤٠

خزان ابعاده ٨٠ سم ٦٠ سم ٥٠ سم يتم تعبئته من صنوبر بمعدل ١٢ لتر لكل دقيقة .  
كم يحتاج من الوقت لملء الخزان ؟



$$\frac{٥٠ \times ٦٠ \times ٨٠}{١٠٠٠} = \text{حجم الخزان}$$

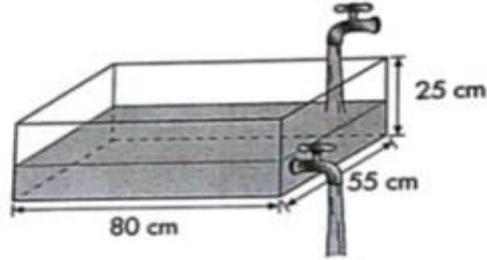
$$٥ \times ٦ \times ٨ =$$

$$٢٤٠ \text{ ل} =$$

$$\text{الزمن الذي يستغرقه} = \frac{٢٤٠}{١٢} = ٢٠ \text{ دقيقة}$$

يحتاج الى ٢٠ دقيقة لملء الخزان.

خزان فارغ على شكل مستطيل ابعاده ٨٠ سم في ٥٥ سم في ٢٥ سم. بدأ بالتعبئة من صنوبر بعدل ١٢ لترا في الدقيقة. في نفس الوقت يفرغ بعدل ٦ لترات في الدقيقة. كم يستغرق من الوقت حتى يتم مل الخزان ؟



$$\begin{aligned} \text{حجم الخزان} &= ٨٠ \times ٥٥ \times ٢٥ \\ &= ١١٠٠٠٠ \text{ سم} \\ &= ١١٠ \text{ ل} \end{aligned}$$

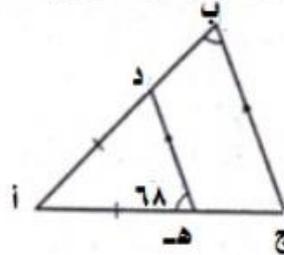
$$\begin{aligned} \text{معدل الماء المضاف الى الخزان في الدقيقة} &= ١٢ \text{ لترا} - ٧ \text{ لتر} = ٥ \text{ لتر} \\ \text{الوقت المستغرق لمل الخزان} &= \frac{١١٠ \text{ ل}}{٥} = ٢٢ \text{ دقيقة} \end{aligned}$$

سوف يستغرق ٢٢ دقيقة لمل الخزان بشكل كامل

الشكل التالي مثلث أ ب ج متطابق الضلعين أ هـ = د ، أ ب = أ جـ و د هـ يوازي ب جـ وقياس الزاوية أ هـ د = ٦٨ أوجد قياس الزاوية أ ب جـ؟

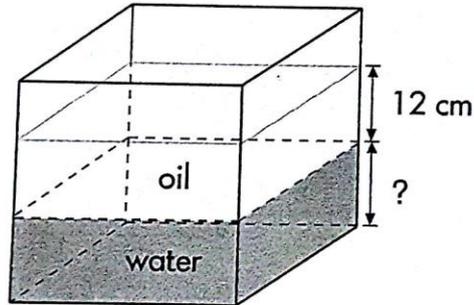
الحل :

$$\begin{aligned} \triangle \text{ أ هـ د} &= \triangle \text{ أ د هـ} = ٦٨ \\ \triangle \text{ أ هـ د} &= ١٨٠ - (٦٨ + ٦٨) \\ &= ٤٤ \\ \triangle \text{ أ ب جـ} &= ٦٨ \end{aligned}$$



๔๓

A rectangular tank contains 6.48 litres of water and 5.184 litres of oil. The height of the oil level from the top of the water level is 12 cm. Find the height of the water level.

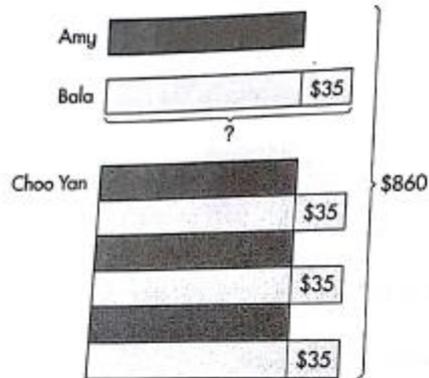


๔๔

## 5 More Challenging Problems (1)

### Whole Numbers and Decimals

- 1 Amy, Bala and Choo Yan collected \$860 for charity. Bala collected \$35 more than Amy. Choo Yan collected 3 times as much as the sum collected by Amy and Bala. How much money did Bala collect?



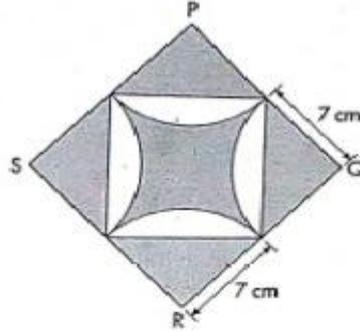
$$\$35 \times 4 = \$140$$

$$\begin{aligned} 1 \text{ unit} &= (\$860 - \$140) \div 8 \\ &= \div 8 \\ &= \$ \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \text{Amount collected by Bala} &= \$ \quad + \$ \\ &= \$ \end{aligned}$$

$$\text{Bala collected } \$$$

الشكل التالي مربع . يوجد ٤ ارباع دوائر داخل المربع . أوجد مساحة الجزء المظلل؟



الحل:

$$\text{مساحة الربع الواحد} = \frac{1}{4} \times \pi \times 7^2 = 38,5 \text{ سم}^2$$

$$\text{مساحة المثلث في كل ربع} = \frac{1}{2} \times 7 \times 7 = 24,5 \text{ سم}^2$$

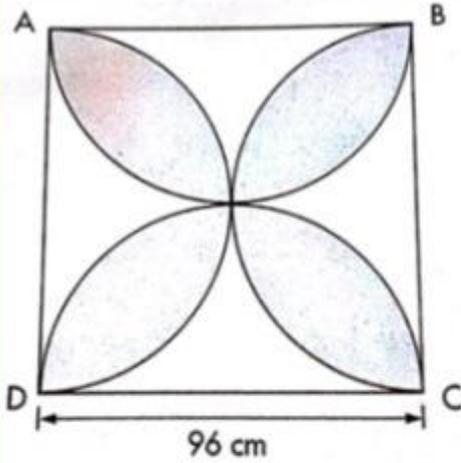
$$\text{مساحة الجزء الغير مظلل في كل ربع} = 38,5 - 24,5 = 14 \text{ سم}^2$$

المساحة الكلية المظلة لجميع الاجزاء = مساحة المربع - مساحة الاجزاء الاربعه الغير مظلة في كل ربع

$$= 14 \times 14 - 14 \times 4$$

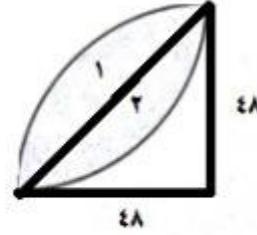
$$\text{المساحة الكلية للاجزاء المظلة} = 140 \text{ سم}^2$$

الشكل التالي مربع واربعة انصاف دوائر. أوجد مجموع مساحات الاجزاء المظللة. قارب الناتج الى اقرب جزء من مئة .



الحل:

مساحة القطعة الدائرية الواحدة = مساحة ربع دائرة - مساحة المثلث كالتالي:



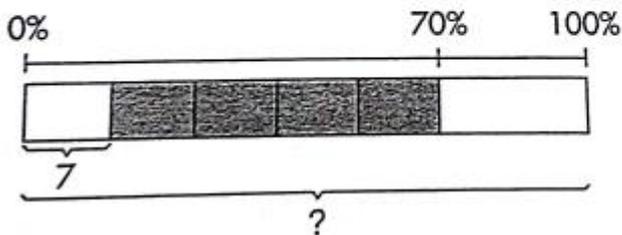
$$2 \times (1152 - 1808,64) =$$

$$2 \times 656,64 = 1313,28 \text{ سم}^2$$

$$1313,28 \times 4 = \text{المساحة الكلية} =$$

$$5253,12 \text{ سم}^2$$

Ali, James and Meng Huat shared a bag of toy cars. Ali and James received 70% of the cars. James received 4 times as many cars as Ali. Ali received 7 cars. How many cars were there in the bag?



غادرت سيارة من المدينة **س** في ٨ صباحاً. تمشي بمعدل سرعة ٦٠ كلم / ساعة  
بعد ثلاث ساعات وصلت الى المدينة **ص**. شاحنة غادرت المدينة **س** قبل ساعة  
من مغادرة السيارة المدينة **س** ووصلت الشاحنة السيارة معاً الى المدينة **ص** في  
نفس الوقت. كم كان معدل سرعة الشاحنة؟

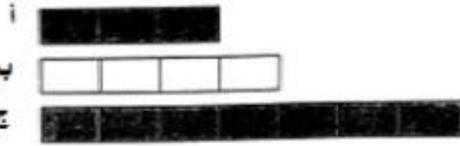


عدد كروت في الصناديق أ، ب و ج بنسبة ٢ : ٤ : ٧ / ١ نصف البطاقات في الصندوق ج نقلت إلى الصندوق أ .

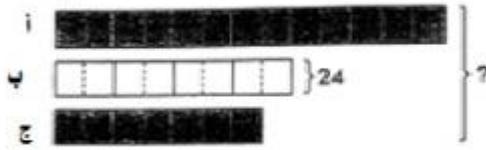
(أ) جد النسبة الجديدة لعدد البطاقات في الصندوق أ إلى الصندوق ب إلى الصندوق ج ؟

(ب) إذا كان الصندوق ب يحتوي على ٢٤ بطاقة . كم بطاقة يوجد في الصناديق الثلاثة ؟

قبل



بعد



(أ) قبل :

عدد الكروت في الصندوق أ : ب : ج

$$2 : 4 : 7 =$$

$$14 : 8 : 6 =$$

بعد

٦ وحدات + ٧ وحدات = ١٣ وحدة

١٤ وحدة - ٧ وحدات = ٧ وحدات

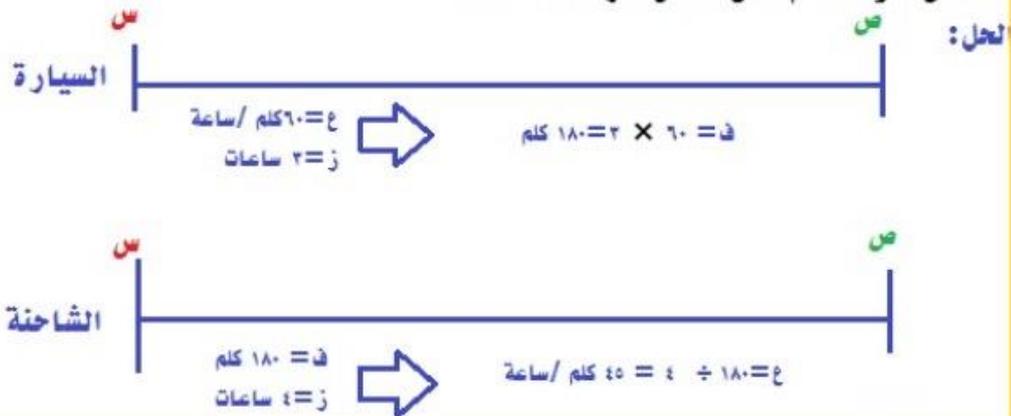
النسبة الجديدة أ : ب : ج = ١٣ : ٧ : ٦

(ب) ٦ وحدات = ٢٤ كرت

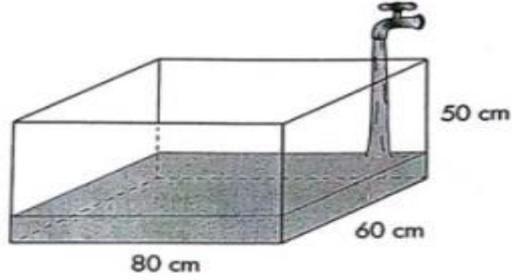
١ وحدة = ٢٤ تقسيم ٦ = ٤ كروت

٢٦ وحدة = ٢٦ ضرب ٤ = ١٠٤ كرت.

غادرت سيارة من المدينة **س** في ٨ صباحاً. تمشي بمعدل سرعة ٦٠ كلم / ساعة بعد ثلاث ساعات وصلت الى المدينة **ص**. شاحنة غادرت المدينة **س** قبل ساعة من مغادرة السيارة المدينة **س** ووصلت الشاحنة السيارة معاً الى المدينة **ص** في نفس الوقت. كم كان معدل سرعة الشاحنة؟



خزان ابعاده ٨٠ سم ٦٠ سم ٥٠ سم يتم تعبئته من صنوبر بمعدل ١٢ لتر لكل دقيقة .  
كم يحتاج من الوقت لملء الخزان ؟



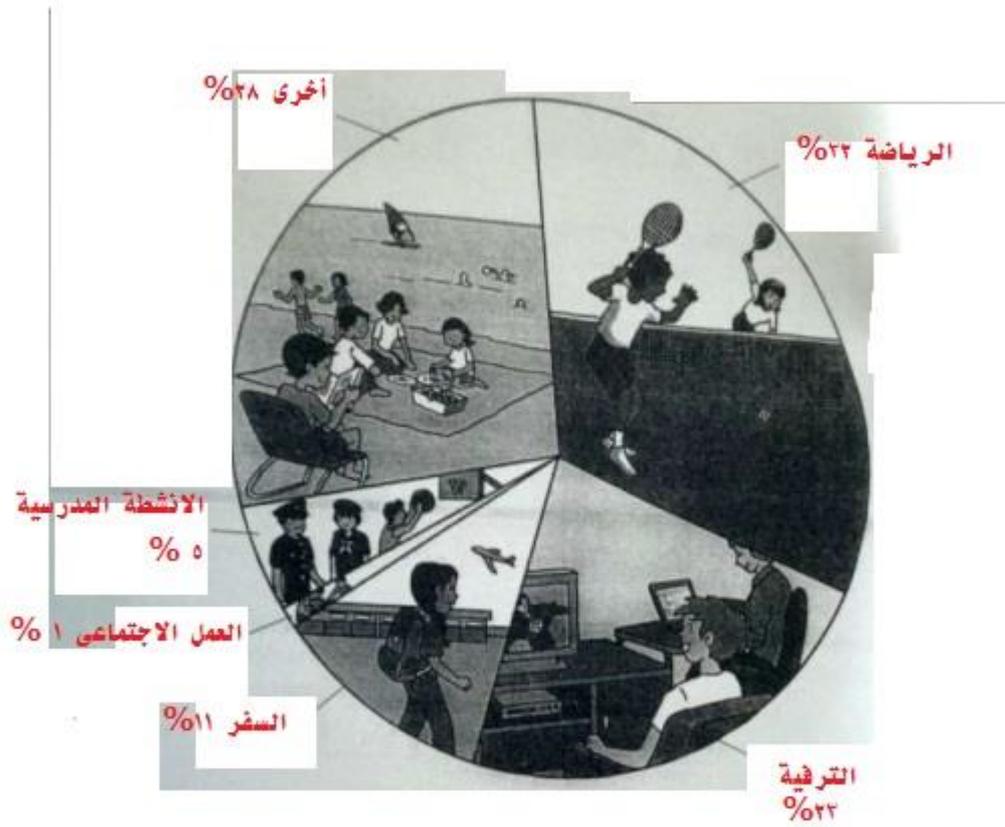
$$\begin{aligned} \text{حجم الخزان} &= \frac{٥٠ \times ٦٠ \times ٨٠}{١٠٠٠} \\ &= ٥ \times ٦ \times ٨ \\ &= ٢٤٠ \text{ ل} \end{aligned}$$

$$\text{الزمن الذي يستغرقه} = \frac{٢٤٠}{١٢} = ٢٠ \text{ دقيقة}$$

يحتاج الى ٢٠ دقيقة لملء الخزان.

## القطاعات الدائرية Pie Charts

أجريت دراسة مسحية لطلاب مدرسة حول الانشطة المفضلة لديهم



ماهو النشاط الاكثر انتشارا؟ الرياضة  
ماهو النشاط الاقل انتشارا؟ العمل الاجتماعي